

Análisis y Diseño de Circuitos Eléctricos (EL3101-2)

Clase auxiliar 1

Prof. Benjamin Jacard H.
Prof. Aux. Erik Saez A. - Rodrigo Catalán
- Byron Castro R.

1. El voltaje que circula a través de un elemento de circuito es $v(t) = 20(1 - \exp(-8t))$ V cuando $t \ge 0$ y v(t) = 0 cuando t < 0. La corriente en este elemento es $i(t) = 30 \exp(-8t)$ mA cuando $t \ge 0$, e i(t) = 0 cuando t < 0. La corriente y el voltaje del elemento se apegan a la convención pasiva. Especifique la potencia que este dispositivo puede ser capaz de absorber de manera segura.

Solución:

Se busca obtener la potencia a la que el dispositivo es capaz de absorver de manera segura. Se tiene que:

$$v(t) = \begin{cases} 20(1 - e^{-8t}) \text{ V}, & t \ge 0\\ 0, & t < 0 \end{cases}$$
 (1)

$$i(t) = \begin{cases} 30e^{-8t} \text{ mA}, & t \ge 0\\ 0, & t < 0 \end{cases}$$
 (2)

La potencia instantánea se puede obtener como:

$$p(t) = v(t) \cdot i(t) = \begin{cases} 20(1 - e^{-8t}) \cdot 30e^{-8t} \text{ mW}, & t \ge 0\\ 0, & t < 0 \end{cases}$$
 (3)

Luego esta potencia sera maxima en presencia de maximos locales o globales, por tanto se busca dichos puntos.

$$\frac{dp(t)}{dt} = 0\tag{4}$$

$$\frac{d}{dt} \left(20(1 - e^{-8t}) \cdot 30e^{-8t} \right) = 0 \tag{5}$$

$$\frac{d}{dt}\left((1 - e^{-8t})e^{-8t}\right) = 0\tag{6}$$

$$\frac{d}{dt}\left(e^{-8t} - e^{-16t}\right) = 0\tag{7}$$

$$-8e^{-8t} + 16e^{-16t} = 0 (8)$$

$$-e^{-8t} + 2e^{-16t} = 0 (9)$$

$$\frac{e^{-8t}}{e^{-16t}} = 2\tag{10}$$

$$e^{8t} = 2 \tag{11}$$

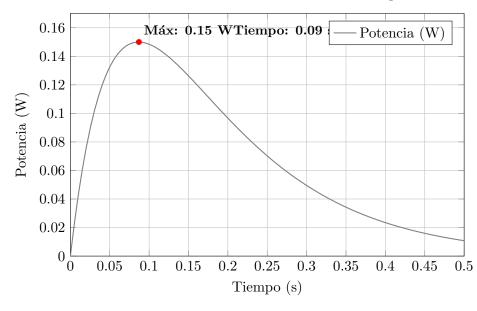
$$8t = \ln(2) \tag{12}$$

$$t = \frac{\ln(2)}{8} \approx 0.01\tag{13}$$

De esta manera se obtiene que reemplazando en la ecuacion de potencia:

$$p\left(t = \frac{\ln(2)}{8}\right) \approx 150 \text{ mW} \tag{14}$$

Potencia instantánea en función del tiempo



2. Para el circuito de la figura 1:

- El valor de R2 respecto a R1 que maximiza la potencia disipada en R2.
- Qué ocurre con la potencia si el valor de R2 es muy alto (Aprox. a ∞).
- Qué ocurre con la potencia si el valor de R2 es muy bajo (Aprox. a 0).

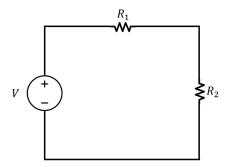


Figura 1: Esquema del circuito

Solución:

 \bullet Se busca obtener el valor de R_2 respecto a R_1 que maximiza la potencia disipada en R_2 , por lo

tanto:

$$V - V_{R1} - V_{R2} = 0 (15)$$

$$V = V_{R1} + V_{R2} \tag{16}$$

$$V = R_1 \cdot I_1 + R_2 \cdot I_1 \tag{17}$$

$$I_1 = \frac{V}{R_1 + R_2} \tag{18}$$

Luego reemplazando sobre la potencia disipada en R_2 :

$$P_{R2} = V_{R2} \cdot I_1 \tag{19}$$

$$=R_2 \cdot I_1^2 \tag{20}$$

$$=R_2 \cdot \left(\frac{V}{R_1 + R_2}\right)^2 \tag{21}$$

Para cumplir la condicion de maximo se deriva respecto a R_2 y se iguala a 0, tal que:

$$\frac{dP_{R2}}{dR_2} = 0\tag{22}$$

$$\frac{d}{dR_2} \left(R_2 \cdot \left(\frac{V}{R_1 + R_2} \right)^2 \right) = 0 \tag{23}$$

$$\frac{1}{(R_1 + R_2)^2} - \frac{2R_2}{(R_1 + R_2)^3} = 0 (24)$$

$$\frac{1}{(R_1 + R_2)^2} = \frac{2R_2}{(R_1 + R_2)^3} \tag{25}$$

$$1 = \frac{2R_2}{(R_1 + R_2)} \tag{26}$$

$$R_1 + R_2 = 2R_2 \tag{27}$$

$$R_1 = R_2 \tag{28}$$

De esta manera se obtiene que el valor de R_2 respecto a R_1 que maximiza la potencia disipada en R_2 es $R_1 = R_2$.

• Analizando este caso en diferentes aspectos, tenemos que:

$$\lim_{R_2 \to \infty} (P_{R2}) = \frac{R_{2 \cdot V^2}}{(R_1 + R_2)^2} = \frac{\frac{1}{R_2} \cdot V^2}{(\frac{R_1}{(R_2)^2} + 1)^2} = 0$$
 (29)

Por otro lado el voltaje se tendra que:

$$\lim_{R_2 \to \infty} (V_{R2}) = R_2 \cdot I_1 = R_2 \left(\frac{V}{R_1 + R_2} \right) = \frac{V}{\left(\frac{1}{R_2 + 1} \right)} = V$$
 (30)

Por ultimo la corriente se tendra que:

$$\lim_{R_2 \to \infty} (I_1) = \frac{V}{R_1 + R_2} = 0 \tag{31}$$

Este fenomeno es conocido como un circuito abierto, puede entenderse como que la resistencia tiende a infinito y por tanto no permite circular corriente, por lo tanto no se disipa potencia.

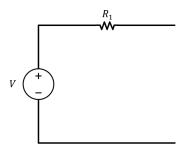


Figura 2: Esquema del circuito abierto

ullet Por otro lado sea el caso que R_2 tiende a 0, se tiene que en base al mismo analisis:

$$\lim_{R_2 \to 0} (P_{R2}) = \frac{R_{2 \cdot V^2}}{(R_1 + R_2)^2} = \frac{0 \cdot V^2}{(R_1)^2} = 0$$
(32)

Por otro lado el voltaje se tendra que:

$$\lim_{R_2 \to 0} (V_{R2}) = R_2 \cdot I_1 = R_2 \left(\frac{V}{R_1 + R_2} \right) = 0$$
 (33)

Por ultimo la corriente se tendra que:

$$\lim_{R_2 \to 0} (I_1) = \frac{V}{R_1 + R_2} = \frac{V}{R_1} = \frac{V}{R_1}$$
(34)

Este fenomeno es conocido como un corto circuito, puede entenderse como que la resistencia tiende a 0 y por tanto no permite caida de voltaje, por lo tanto no se disipa potencia.

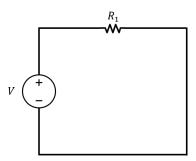


Figura 3: Esquema del circuito cerrado para R_2

Estos dos conceptos es super importante entenderlos y no confundirlos.

3. En base a la figura del enunciado:

Asigne referencias a cada elemento.

- 2. Use LVK para encontrar el voltaje en cada resistencia.
- 3. Use la ley de Ohm para encontrar la corriente en cada resistencia.
- 4. Use LCK para encontrar la corriente que pasa a través de cada fuente de voltaje.

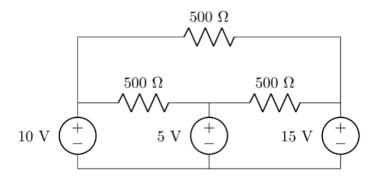


Figura 4: Esquema del circuito

- 4. 1. Identifique todos los nodos.
 - 2. Simplifique el circuito lo que más pueda y luego asigne referencia de signos.
 - 3. Plantee todas las ecuaciones de malla (incluyendo la ec. de malla exterior) y demuestre que hay una ecuación innecesaria para el análisis.
 - 4. Calcule las corrientes incógnitas del método de mallas considerando que todas las resistencias tienen el mismo valor.

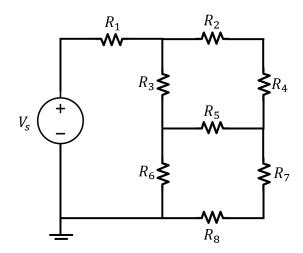


Figura 7: Esquema del circuito