

# Supplemental Instructions

Erik Thorsell

erithor@student.chalmers.se

2014-10-24

## Tentakött!

1. Betrakta mängden  $V$  med  $n$  element.

a) För ett positivt heltal  $k < \binom{n}{2}$ , hur många grafer med  $V$  som nodmängd och med  $k$  kanter kan man bilda?

(Kom ihåg att en graf saknar öglor och multipla kanter.)

b) På hur många olika sätt kan man bilda en fullständig bipartit graf med  $V$  som nodmängd?

c) På hur många sätt kan man bilda en  $n$ -väg med  $V$  som nodmängd?

d) På hur många sätt kan man bilda en  $n$ -cykel med  $V$  som nodmängd?

*Tentamen 2003-10-23*

2. För vilka heltal  $n$  gäller att

$$21 \mid n^8 - 7n^5 + 6n^3 + 4$$

*Tentamen 2003-10-23*

3. a) Antag att  $n$  olika bollar ska fördelas på tre urnor på så sätt att i de tre urnorna ska det finnas  $k$ ,  $l$ , respektive  $m$  bollar. På hur många sätt kan det ske?

b) Låt  $a, b, c \in \mathbb{R}$  och  $n \in \mathbb{Z}_+$ . Som bekant säger binomialsatsen att

$$(a + b)^n = \sum_{(k,l): k+l=n} \binom{n}{k} a^k b^l$$

På liknande sätt gäller att

$$(a + b + c)^n = \sum_{(k,l,m): k+l+m=n} A(k, l, m) a^k b^l c^m$$

Fråga: Vad är  $A(k, l, m)$ ?

*Tentamen 2004-01-16*

4. Visa att antalet följder av längd  $n$ ,  $n = 1, 2, 3, \dots$ , av nollor och ettor, som innehåller ett udda antal ettor är  $2^{n-1}$ .

*Tentamen 2005-01-11*

5. Följden  $f_1, f_2, f_3, \dots$  är given av att  $f_1 = 1$  och att det för  $n \geq 2$  gäller att  $f_n = \sqrt{1 + f_{n-1}^2}$ .  
Visa att det för alla  $n$  gäller att  $f_n = \sqrt{n}$ .

*Tentamen 2004-12-17*

6. Låt  $f_n$  vara antalet följder av längd  $n$  av talen 1, 2 och 3 sådana att det aldrig står en etta omedelbart före en tvåa.

Finn en rekursiv formel för följderna  $f_1, f_2, f_3, \dots$

*Tentamen 2004-12-17*

7. Låt  $G = (V, E)$  vara en graf och låt  $R$ ,  $S$  och  $T$  vara relationer på  $V$  givna att:

- $xRy$  om  $x$  och  $y$  är grannar.
- $xSy$  om  $x$  och  $y$  ligger i samma sammanhängande komponent.
- $xTy$  om  $d_x \leq d_y$ .

Vilka av relationerna  $R$ ,  $S$  och  $T$  är ekvivalensrelationer?

*Tentamen 2005-08-16*

8. Bevisa att man kan dela med noll.