Supplemental Instructions

Erik Thorsell erithor@student.chalmers.se

2014-09-05

Logik

Matematiken byggs upp av axiom. Dessa fundamentala sanningar används som en bas vilken man sedan bygger ifrån. Ett exempel på axiom är att det för alla objekt a gäller att a = a och ett annat är att det för alla objekt a och b gäller att om a=b, så är även b=a. Basic, men extremt viktigt!

Det första vi stöter på i kursen, efter axiom, är utsagor och senare även satslogik. Satslogik är ett logiskt system vilket används för att hantera olika satser, vilka i sin tur uttrycker påståenden. Utifrån dessa kan sedan slutsatser dras.

- 1. Givet att: **p** och **q** är *utsagor* (ni får själva sätta ord till dessa), använd de logiska operatorerna för *konjunktion*, *disjunktion* och *negation* för att bilda satslogiska exempel.
- 2. Med hjälp av en sanningstabell: Definiera de tre tidigare nämnda operatorerna.
- 3. Givet utsagorna: \mathbf{p} , \mathbf{q} , \mathbf{r} : Avgör sanningsvärdet hos den logiska formeln $\neg p \lor (q \land r)$ samt $p \land \neg q \lor r$ för alla värden på \mathbf{p} , \mathbf{q} och \mathbf{r} .

Tänk på prioritetsordningen. (s. 8)

Tautologier är sanna oavsett sanningsvärdena på dess olika variabler. $p \vee \neg p$ är ett exempel på just ett sådant fall. Ett lite mer komplicerat fall återfinns på s. 10 i boken. (Bläddra inte dit än! Det står nedanför...)

- 4. Är följande en tautologi: $(p \land (p \rightarrow q)) \rightarrow q$?
- 5. Är följande en tautologi: $((A \to B) \land (B \to C)) \to (A \to C)$?
- 6. Är följande utsagor logiskt ekvivalenta: $(p \to q) \leftrightarrow (\neg p \lor q)$?

Predikatlogik är ytterligare en del av den matematiska logiken. Exempelvis kan **P** representera "är udda", så att P(x) betyder "x är udda". Man kan också bilda flerställiga relationer P(x,y), exempelvis för att representera relationen större än".

Dessutom uppkommer begreppet kvantorer: $\forall x \text{ och } \exists x.$

- $\bullet \ \forall x P(x)$ innebär att alla xhar egenskapen P
- $\exists x P(x)$ innebär att något x har egenskapen P.

Tänk emellertid på att kvantorer *alltid* hänvisar till ett universum. Det krävs allså någon form av grundantagande.

- 7. Låt "universum" vara mängden av alla Göteborgare och låt P(x): x heter Glen. Skriv följande utsagor på symbolisk logisk form:
 - a) Alla heter Glen i Göteborg.
 - b) Det finns de som inte heter Glen i Göteborg.
 - c) Ingen heter Glen i Göteborg.
- 8. Avgör om följande logiska argument är giltiga:
 - a) Alla Nollan har nollbricka Alla med nollbricka går på Chalmers Alla Nollan går på Chalmers
 - b) Somliga Nollan använder Linux
 Somliga Nollan använder skohorn
 Somliga skohornsanvändare använder Linux
 - c) Alla Chalmersiter gillar ledighet $\frac{\text{Somliga l\"{a}rare gillar ledighet}}{\text{Somliga l\"{a}rare \"{a}r Chalmerist}}$