

Supplemental Instructions

Erik Thorsell

erithor@student.chalmers.se

2015-10-22

Tentakött!

1. Betrakta mängden V med n element.

a) För ett positivt heltal $k < \binom{n}{2}$, hur många grafer med V som nodmängd och med k kanter kan man bilda?

(Kom ihåg att en graf saknar öglor och multipla kanter.)

b) På hur många olika sätt kan man bilda en fullständig bipartit graf med V som nodmängd?

c) På hur många sätt kan man bilda en n -väg med V som nodmängd?

d) På hur många sätt kan man bilda en n -cykel med V som nodmängd?

Tentamen 2003-10-23

2. För vilka heltal n gäller att

$$21 \mid n^8 - 7n^5 + 6n^3 + 4$$

Tentamen 2003-10-23

3. a) Antag att n olika bollar ska fördelas på tre urnor på så sätt att i de tre urnorna ska det finnas k , l , respektive m bollar. På hur många sätt kan det ske?

b) Låt $a, b, c \in \mathbb{R}$ och $n \in \mathbb{Z}_+$. Som bekant säger binomialsatsen att

$$(a + b)^n = \sum_{(k,l): k+l=n} \binom{n}{k} a^k b^l$$

På liknande sätt gäller att

$$(a + b + c)^n = \sum_{(k,l,m): k+l+m=n} A(k, l, m) a^k b^l c^m$$

Fråga: Vad är $A(k, l, m)$?

Tentamen 2004-01-16

4. Visa att antalet följder av längd n , $n = 1, 2, 3, \dots$, av nollor och ettor, som innehåller ett udda antal ettor är 2^{n-1} .

Tentamen 2005-01-11

5. Följden f_1, f_2, f_3, \dots är given av att $f_1 = 1$ och att det för $n \geq 2$ gäller att $f_n = \sqrt{1 + f_{n-1}^2}$.
Visa att det för alla n gäller att $f_n = \sqrt{n}$.

Tentamen 2004-12-17

6. Låt f_n vara antalet följder av längd n av talen 1, 2 och 3 sådana att det aldrig står en etta omedelbart före en tvåa.

Finn en rekursiv formel för följderna f_1, f_2, f_3, \dots

Tentamen 2004-12-17

7. Låt $G = (V, E)$ vara en graf och låt R , S och T vara relationer på V givna att:

- xRy om x och y är grannar.
- xSy om x och y ligger i samma sammanhängande komponent.
- xTy om $d_x \leq d_y$.

Vilka av relationerna R , S och T är ekvivalensrelationer?

Tentamen 2005-08-16

8. Bevisa att man kan dela med noll.