



TP6 Halving Game

Auteurs : Karam ELNASORY · Erkin Tunc BOYA · Semih DOYNUK

Lien Git : <https://github.com/ErkinTunc/ARP-Recherche-Non-Inform>

Exercice 1

Q1: Modélisation Constructive

- **Etape 1:** Espace d'Etat

$$s = \{(n, p) | n \in N, 0 \leq n \leq N, p \in \{1, 2\}\}$$

- **n** → nombre actuelle sur le table
- **p** → Joueur actuel

- **Etape 2:** Etat-Initial

$$s_0 = (N, 1) \quad \leftarrow \text{joueur 1 nombre départ}$$

- **Etape 3:** Actions

Action → *sub*, *div*

- *sub* = $n - 1$
- *div* = $\lfloor n/2 \rfloor$

- **Etape 4:** Fonction de Successeurs

- $\text{succ}(s, c)$
- $\text{succ}(s, \text{sub}) = (n - 1, 3 - p)$
- $\text{succ}(s, \text{div}) = (\lfloor n/2 \rfloor, 3 - p)$

- **Etape 5:** Ensemble d'états but $T \subseteq S$

$$S_t \in \{(0, p) \Leftrightarrow (0, 1), (0, 2)\} \quad \leftarrow \text{état final}$$

- **Etape 6:** Fonction de coût

$$u(s, p) : +1 \text{ pour le joueur gagnant, } -1 \text{ pour le joueur perdant.}$$

Question 2

- La taille de l'espace d'états en fonction de nombre N est $2(N + 1)$ car on peut atteindre de 0 à N

Question 3

On suppose que le joueur 1 commence le Jeu

- Le premier joueur vise à maximiser cette fonction $u(s, 1)$
- Le deuxième joueur vise à minimiser cette fonction $u(s, 2)$

Implementation

```

public Action minmax_policy (State s){
    Action best=null;
    int bestValue;

    if (s.player == 1) {
        bestValue = Integer.MIN_VALUE;
        for (Action a : s.actions()) {
            int v = minmax_value(s.succ(a));
            if (v > bestValue) {
                bestValue = v;
                best = a;
            }
        }
    } else {
        bestValue = Integer.MAX_VALUE
        for (Action a : s.actions()) {
            int v = minmax_value(s.succ(a));
            if (v<bestValue) {
                bestValue = v;
                best = a;
            }
        }
    }
    return bestAction;
}

private int minimax_value(State s) {
    if (s.is_goal()) {
        return s.utility();
    }

    if (s.player == 1) {
        int maxVal = Integer.MIN_VALUE;
        for (Action a : s.actions()) {
            int v = minimax_value(s.succ(a));
            maxVal = Math.max(maxVal, v);
        }
        return maxVal;
    } else {
        int minVal = Integer.MAX_VALUE;
        for (Action a : s.actions()) {
            int v = minimax_value(s.succ(a));
            minVal = Math.min(minVal, v);
        }
        return minVal;
    }
}

```

Compilation et exécution

Compilation :

```
javac -d build src/*.java
```

Execution :

```
java -cp build Launcher
```