



**INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL
ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO**



U.A: Teoría Computacional

“Problemario 04”

Grupo: 2CV13

Profesor: De la O Torres Saúl

Alumno: Sánchez Becerra Ernesto Daniel.

Ejercicio 2.5.1

Construir un AFD y el diagrama de transición asociado que acepte el lenguaje $(ab \text{ u } aba)^*$. Comparando con el AFN del ejemplo 2.5.1.

EJERCICIO 2.5.1

Tenemos la expresión $(ab \text{ u } aba)^*$, podemos reescribirla como $(ab + aab)^*$, pero igual podemos verla como $[b(a + aa)]^*$, entonces podemos construir el AFD como

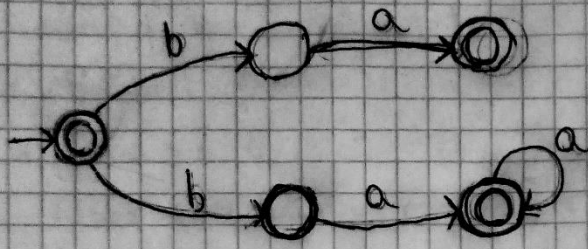


Diagrama de transición de un AFD para la expresión regular $[b(a + aa)]^*$. El diagrama muestra un estado inicial (círculo con una flecha) y dos estados finales (círculos con un doble círculo). Hay dos estados intermedios. Las transiciones son: desde el estado inicial a los dos estados intermedios por la letra 'b'; desde el primer estado intermedio al primer estado final por la letra 'a'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'a'; desde el primer estado final al segundo estado intermedio por la letra 'a'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'a'; desde el primer estado final al segundo estado intermedio por la letra 'b'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'b'.

Pero tenemos una cerradura de Kleene que afecta a toda la expresión entonces finalmente el AFD queda de la siguiente forma

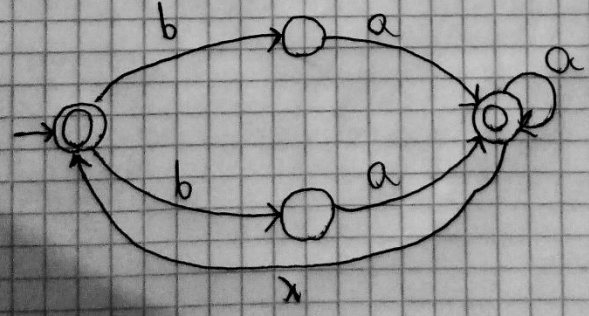


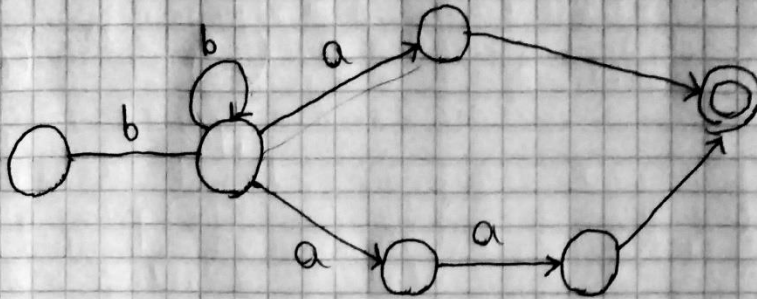
Diagrama de transición de un AFD para la expresión regular $(ab \text{ u } aba)^*$. El diagrama muestra un estado inicial (círculo con una flecha) y dos estados finales (círculos con un doble círculo). Hay dos estados intermedios. Las transiciones son: desde el estado inicial al primer estado intermedio por la letra 'b'; desde el primer estado intermedio al primer estado final por la letra 'a'; desde el primer estado final al segundo estado intermedio por la letra 'a'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'a'; desde el primer estado final al segundo estado intermedio por la letra 'b'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'b'; desde el primer estado final al segundo estado intermedio por la letra 'a'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'a'; desde el primer estado final al segundo estado intermedio por la letra 'b'; desde el segundo estado intermedio al primer estado final por la letra 'b'.

Ejercicio 2.5.2

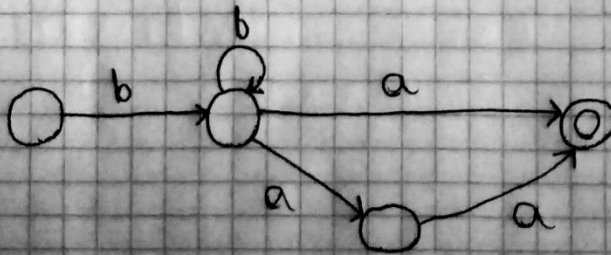
Obtener un AFN (que no sea AFD) que acepte el lenguaje $ab^* \cup ab^*a$.

EJERCICIO 2.5.2

Tenemos la expresión $(ab^* \cup aab^*)$ que se puede reescribir como $[b^*(a+aa)]$



Entonces podemos observar que finalmente el AFN se puede expresar de la siguiente forma



Ejercicio 2.5.3

Usar la técnica precedente para determinar si las cadenas babba y aabaaba son aceptadas por el AFN del ejemplo 2.5.1.

EJERCICIO 2.5.3

- Cadena "babba"

Empezamos en q_0 y entra una letra "b" entonces podemos tomar 2 caminos

- 1- Nos mantenemos en q_0 , luego entra una letra "a" e igual tenemos 2 caminos
 - 1- nos mantenemos en q_0 , este camino se estará repitiendo con las demás letras pues se conserva en este camino de conservar el estado inicial y por tanto no será aceptada la cadena
 - 2- al ingresar "a" nos vamos al estado q_3 , después ingresa la letra "b" se queda en estado vacío y la cadena no sería aceptada.
- 2- Nos vamos al estado q_1 , entra una letra "a" y nos conduce a un estado vacío entonces la cadena no será aceptada

∴ La cadena "babba" no es aceptada

- Cadena "aabaaba"

De acuerdo a la tabla podemos dirigirnos a el estado q_3 cuando recibimos la letra "a", después con otra "a" nos dirigimos al estado de aceptación q_4 , con una "b" nos mantenemos en q_4 , con una "a" nos mantendremos y así seguirá hasta terminar la cadena pues el estado de aceptación q_4 ya se conserva con la entrada de una letra "a" o "b".

∴ La cadena "aabaaba" es aceptada

Ejercicio 2.5.4

Sea M el AFN dado por $Q = \{q_0, q_1\}$, $\Sigma = \{a, b\}$, $s = q_0$, $F = \{q_1\}$ y Δ dada en la Figura 2.20. Determinar si a^2b , ba y b^2a están en $L(M)$. Dibujar el diagrama de transición para M .

Δ	a	b
q_0	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_1\}$
q_1	\emptyset	$\{q_0, q_1\}$

EJERCICIO 2.5.4
Diagrama de transición para M

```

graph LR
    start(( )) --> q0((q0))
    q0 -- a --> q0
    q0 -- "a, b" --> q1(((q1)))
    q1 -- b --> q0
    q1 -- b --> q1
  
```

• Para la cadena " aab "

Camino uno

$a \Rightarrow q_0$
 $a \Rightarrow q_1$
 $b \Rightarrow q_1$

} Cumple

Camino dos

$a \Rightarrow q_0$
 $a \Rightarrow q_0$
 $b \Rightarrow \emptyset$

} No cumple

Camino tres

$a \Rightarrow q_1$
 $a \Rightarrow \emptyset$

} No cumple

$\therefore "a^2b" \text{ no pertenece a } L(M)$

• Para la cadena " ba "

camino uno

$b \Rightarrow q_1$
 $a \Rightarrow \emptyset$

} No cumple

$\therefore "ba" \text{ no pertenece a } L(M)$

• Para la cadena " bba "

camino uno

$b \Rightarrow q_1$
 $b \Rightarrow q_1$
 $a \Rightarrow \emptyset$

} No cumple

$\therefore "bba" \text{ no pertenece a } L(M)$