

Algoritmizace

- Algoritmus je přesný návod či postup, kterým lze vyřešit daný typ úlohy
- Zapisuje se tak teoretický princip řešení problému

Vlastnosti algoritmů

- **Elementárnost**
 - Algoritmus se skládá z konečného počtu jednoduchých kroků
- **Konečnost (finitnost)**
 - Každý algoritmus musí skončit v konečném počtu kroků. Tento počet může být libovolně velký, ale pro každý jednotlivý postup konečný
 - Postupy, po tuto podmínku nesplňují, se mohou nazývat výpočetní metody.
- **Univerzálnost**
 - Algoritmus neřeší jeden konkrétní problém, ale obecnou třídu obdobných problémů
 - př. neřeší $3 \cdot 7$ ale jak spočítat součin dvou celých čísel
- **Determinovanost**
 - Algoritmus je determinovaný, pokud za stejných podmínek poskytuje stejný výstup
 - tato vlastnost je požadována u velké části úloh
 - existují ale také algoritmy, kde je vyžadována náhodnost (míchání karet)
 - Je obtížné dosáhnout náhodnost na počítači
- **Determinismus**
 - Každý krok algoritmu musí být jednoznačně a přesně definován
 - Přirozené jazyky neposkytují takovou přesnost definice a proto jsou lepší programovací, kde každý příkaz má jeden jasný význam
 - Některé algoritmy jsou determinované ale ne deterministické (řadící algoritmus quick sort s náhodnou volbou pivota)
- **Výstup**
 - Algoritmus má alespoň jeden výstup, která je v požadované vztahu k zadaným vstupům, a tím tvoří odpověď na problém, který řeší

Druhy algoritmů

- **Rekurzivní algoritmy**
 - algoritmy, které volají samy sebe
 - Fibonacci
- **Pravděpodobnostní algoritmy**
 - provádějí některá rozhodnutí pseudonáhodně
- **Genetické algoritmy**
 - pracují na základě napodobování biologických evolučních procesů
 - mutace a křížení
- **Heuristický algoritmus**
 - neklade si nalézt přesné řešení, ale pouze vhodné přiblížení
 - používá se kde zdroje nepostačují k využití exaktních algoritmů
- další...

Paradigmata návrhů algoritmů

- **Rozděl a panuj**
 - Algoritmy typu rozděl a panuj dělí problém na menší podproblémy, na něž se rekurzivně aplikují, po čemž se dílčí řešení vhodným způsobem sloučí
 - např. binární vyhledávání, quick sort
- **Hladový algoritmus**
 - Přímočarý postup k řešení určité třídy optimalizačních úloh
 - Zpracovává se množina V složená z n údajů. Úkolem je najít podmnožinu W množiny V , která vyhovuje určitým podmínkám a přitom optimalizuje předepsanou účelovou funkci
 - Jakákoliv množina vyhovující podmínkám se nazývá **Přípustné řešení**
 - Algoritmus bude procházet prvky a rozhodovat, zda vyhovuje nebo ne
 - např. cesta grafu
- Dynamické programování
 - používá se v případech kdy lze optimální řešení složit z řešení jednodušších
 - Protože se požadavky na řešení jednodušších podproblémů můžou mnohokrát opakovat, je nutné zvolit správné pořadí a výsledky si pamatovat pro opakované použití
 - Opírá se o princip optimality
 - Optimální posloupnost rozhodnutí má tu vlastnost, že ať je počáteční stav a rozhodnutí jakékoliv, musí být všechna následující rozhodnutí optimální vzhledem k výsledkům rozhodnutí prvního.
 - např. grafové úlohy
- Broadforce
 - metoda hrubé síly

Znamé algoritmy

- Eratosthenovo síto
 - nalezení prvočísel
- Euklidův algoritmus
 - Největší společný dělitel
- Dijkstrův algoritmus
 - hledání nejkratší cesty

Časová složitost

- časová složitost nebo také Asymptotická složitost je nástroj pro porovnání efektivity algoritmů
- Zapisuje se pomocí Landauovy notace nebo známá jako big O notation
 - $O(f(N))$
- Abychom zvolili nejlepší algoritmus, musí být časová složitost co nejlepší
- časové složitosti
 - $O(N)$ - Lineární
 - S větším počtem vstupů se čas lineárně zvětšuje
 - $O(1)$
 - Čas se s rostoucími vstupy neprodlužuje
 - $O(N \text{ na druhou})$ - exponencialně

- $O(\log N)$

Paměťová složitost

- Jedná se o množství paměti, kterou potřebujeme při provádění výpočtu na vstupem může to být např.
 - maximální počet bitů nutných pro uložení všech dat v každé jednotlivé konfiguraci
 - maximální počet paměťových buněk použitých během výpočtu
 - Paměťová složitost mnohdy je mnohem menší než časová
 - insertion sort má paměťovou složitost $O(n)$ ale časovou má kvadratickou
 - Orientační typické hodnoty pro běžný pc
 - $O(N)$
 - až 100 000 000
 - $O(n \log n)$
 - až 1 000 000
 - $O(N \text{ na druhou})$
 - až 10 000
 - $O(N \text{ na třetí})$
 - až 1000
 - 2 na $O(n)$
 - 20 - 30