

# DS 04- Téléchirurgie robotisée

PTSI

Samedi 29 février

## Table des matières

I P	Présentation (20 min)		2
II N	Modélisation du manipulateur maître (50 min)		4
III N	Modélisation du manipulateur esclave (60 min)		8
IV R	Réalisation de la commande de l'esclave (60min)		10
V C	Conception du Mécanisme de HOEKEN (50 min)		15
VI D	Oocument réponse		17



## Téléchirurgie robotisée

### I Présentation (20 min)

#### I.1 Mise en situation

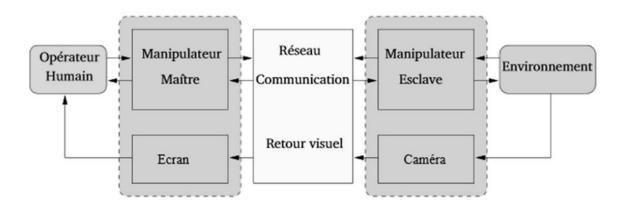


Figure 1 – Schéma de principe de la téléopération

Le cas d'utilisation étudié dans ce sujet est la téléopération sur organe mobile. Lors d'une opération, les organes sont soumis à des mouvements induits notamment par la respiration et les battements cardiaques. Lorsque le champ visuel est réduit, ces mouvements apportent une gêne au praticien qui doit les compenser manuellement.

#### I.2 Nécessité d'un retour haptique

Les dispositifs présentés et utilisés jusqu'à ce jour dans les hôpitaux sont des systèmes de téléopération unilatéraux : c'est-à-dire que l'information (généralement une position) ne circule que du maître vers l'esclave.

Dans ce cas, le manipulateur maître est généralement passif car il ne dispose d'aucune information sur l'environnement manipulé. De ce fait, il est très difficile d'évaluer l'effort appliqué aux organes. Le chirurgien ne peut s'appuyer que sur le retour visuel, sa connaissance anatomique et son expérience pour opérer.

Différentes études ont démontré qu'il était beaucoup plus facile de réaliser certaines tâches quand l'utilisateur dispose d'informations haptiques. Le terme haptique est utilisé pour désigner le retour d'effort au sens kinesthésique mais également au sens tactile. Certains gestes de chirurgie, comme la dissection des tissus (25% à 35% du temps d'opération), ont été particulièrement analysés. Les résultats ont montré que le retour de force permet de limiter l'intensité et la durée des pics d'effort sur l'organe opéré.

Contrairement aux systèmes de téléopération unilatéraux qui peuvent être vus comme une succession de systèmes en boucle ouverte, les différents éléments des systèmes bilatéraux sont reliés par des boucles de contre-réaction et nécessitent une attention particulière (stabilité, précision, temps de réponse...).



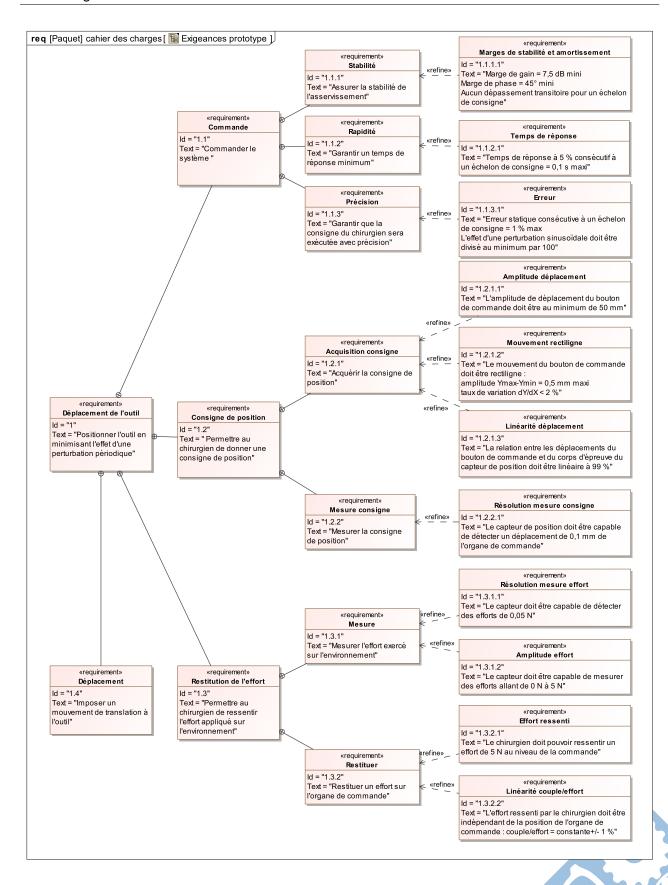


Figure 2 – Diagramme des exigences



#### I.3 Problème posé

Les effets du mouvement cardiaque sont négligeables lorsque la zone d'intérêt ne se situe pas dans le voisinage du cœur. En revanche, les effets du mouvement respiratoire se propagent sur une grande partie des organes tels que les poumons, le diaphragme, le foie, les reins et le pancréas. Ils occasionnent une gêne importante en chirurgie abdominale.

Le dispositif expérimental étudié dans le sujet est réalisé à partir de 2 interfaces haptiques à 1 degré de liberté.

Objectif : L'objectif de cette étude est de concevoir et valider une commande permettant de rejeter une perturbation périodique.

#### I.3.1 Démarche de résolution

- 1. Modélisation cinématique du manipulateur maître afin d'évaluer l'écart entre le déplace- ment simulé et le déplacement souhaité du levier de commande,
- 2. Modélisation statique du manipulateur maître afin d'évaluer l'écart entre l'effort simulé et l'effort souhaité sur le levier de commande,
- 3. Modélisation de l'environnement et mesure de l'écart généré par la conversion analogique numérique,
- 4. Modélisation de la commande permettant d'annuler l'effet d'une perturbation sinusoïdale,
- 5. Évaluation des écarts de performance entre le système modélisé, le système réel et le système souhaité.

### Il Modélisation du manipulateur maître (50 min)

#### II.1 Diagramme de blocs internes

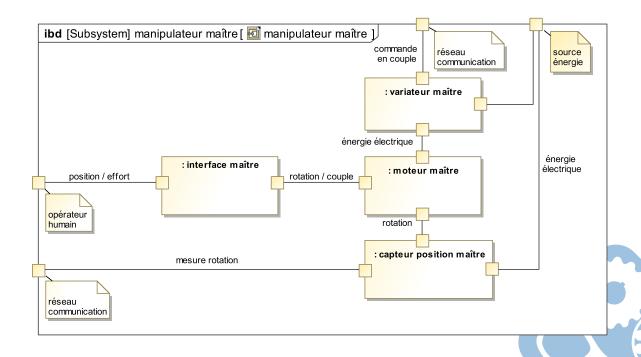


Figure 3 – Diagramme de blocs internes du manipulateur maître



Le manipulateur maître est constitué de :

- une interface (mécanisme de HOEKEN) permettant de transformer le mouvement de translation imposé par l'opérateur en mouvement de rotation,
- un variateur analogique asservi en courant permettant au moteur de restituer un couple précis,
- un moteur rotatif pour générer un retour d'effort sur l'opérateur humain,
- un capteur de position (codeur incrémental) pour mesurer la consigne de position.

#### II.2 Modélisation de l'interface maître

Ce mécanisme est constitué de 4 barres reliées par des liaisons pivots.

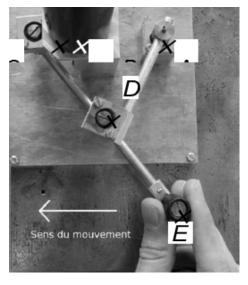


Figure 4 - Mécanisme de HOEKEN

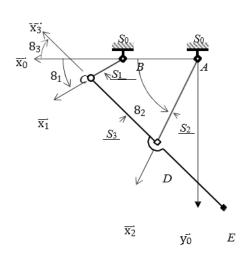


Figure 5 - Modélisation cinématique

Solide	Repère associé	Paramètres géométriques
$S_0$ (bâti AB)	$R_0(A, \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$	$\overrightarrow{AB} = L_0.\overrightarrow{x_0}$ avec $L_0 = 50mm$
$S_1$ (barre BC)	$R_0(B, \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_0})$	$\overrightarrow{BC} = L_1.\overrightarrow{x_1}$ avec $L_1 = 25mm$
		$\theta_1 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_1})$
$S_2$ (barre AD)	$R_0(B, \overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_0})$	$\overrightarrow{AD} = L_2.\overrightarrow{x_2}$ avec $L_2 = 62,5mm$
		$\theta_2 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_2})$
$S_3$ (barre CDE)	$R_0(B, \overrightarrow{x_3}, \overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{z_0})$	$\overrightarrow{ED} = \overrightarrow{DC} = L_2.\overrightarrow{x_3}$
		$\theta_3 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_3}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_3})$

Tableau 1 – Paramétrage de l'interface maître

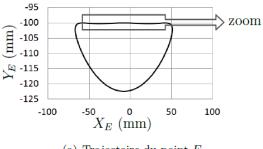
#### II.2.1 Mesure de l'écart entre les performances géométriques souhaitées et simulées

**Objectif:** Vérifier que les exigences « Amplitude déplacement » (Id 1.2.1.1), « Mouvement rectiligne » (Id 1.2.1.2), « Linéarité déplacement » (Id 1.2.1.3) peuvent être satisfaites par le mécanisme de HOEKEN.

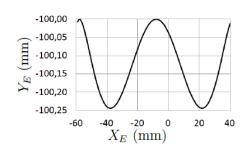


- **Question 1** En développant une fermeture géométrique en projection dans la base du repère  $R_0$ , donner une relation algébrique reliant les paramètres  $L_0$ ,  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $\theta_1$  et  $\theta_3$ .
- De même, exprimer le vecteur position du point  $E(\overrightarrow{AE})$  dans la base du repère  $R_0$  en Question 2 fonction de  $L_0$ ,  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $\theta_1$  et  $\theta_3$ .

La résolution analytique du système d'équations permettant d'obtenir le déplacement du point E en fonction de l'angle de rotation  $heta_1$  du moteur et des différentes longueurs du mécanisme n'étant pas triviale, seuls les résultats d'une simulation numérique seront analysés.

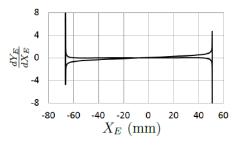




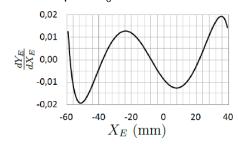


(b)  $X_E \in [-60 \,\mathrm{mm}, 40 \,\mathrm{mm}]$ 

Figure 6 – Trajectoire du point E dans le repère  $R_0$ 

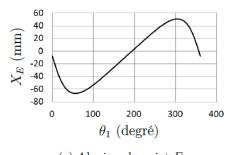


(a) Taux de variation

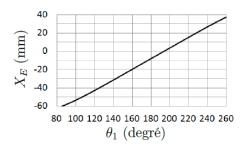


(b)  $X_E \in [-60 \,\mathrm{mm}, 40 \,\mathrm{mm}]$ 

Figure 7 – Taux de variation  $\frac{dY_{\rm E}}{dX_{\rm E}}$  en fonction de l'abscisse du point E



(a) Abscisse du point E



(b)  $X_E \in [-60 \,\mathrm{mm}, 40 \,\mathrm{mm}]$ 

Figure 8 – Abscisse du point E en fonction de la rotation de  $\theta_1$ 

- **Question 3** Vérifier que le déplacement du point E est compatible avec les exigences « Amplitude déplacement »(Id 1.2.1.1) et « Mouvement rectiligne »(Id 1.2.1.2) sur l'intervalle  $X_E \in$ [-60mm, 40mm].
- Proposer une démarche permettant de vérifier l'exigence « Linéarité déplacement » (Id **Question 4** 1.2.1.3) sur l'intervalle  $X_E \in [-60mm, 40mm]$ .



#### II.2.2 Mesure de l'écart entre les performances statiques souhaitées et simulées

Vérifier que l'exigence « Linéarité couple/effort » (id 1.3.2.2) peut être satisfaite par le mé-Objectif: canisme de HOEKEN.

- On notera  $\left\{T_{S_i \to S_j}\right\} = \left\{\begin{array}{cc} X_{ij} & L_{P_i ij} \\ Y_{ij} & M_{P_i ij} \\ Z_{ij} & N_{P_i ij} \end{array}\right\}$  l'expression au point P, en projection dans la base  $\left\{\begin{array}{cc} X_{ij} & L_{P_i ij} \\ Y_{ij} & M_{P_i ij} \\ Y_{ij} & N_{P_i ij} \end{array}\right\}_{\substack{(P_i B_0) \\ (P_i B_0)}}$  l'expression au point P, en projection dans la base par le solide  $S_i$ ; toutes les incon
  - nues seront exprimées dans la base  $B_0$ .
- L'action mécanique exercée par le moteur sur  $S_1$  sera modélisée par un couple  $C_m(t).\overrightarrow{z_0}$ .
- L'action mécanique exercée par l'opérateur sur  $S_3$  sera modélisée par une force  $F(t).\overrightarrow{x_0}$  appliquée au point E.
- L'accélération de la pesanteur sera représentée par le vecteur  $\overrightarrow{g} = -g.\overrightarrow{z_0}$
- Les inerties des solides en mouvement et les frottements dans les guidages seront négligés.

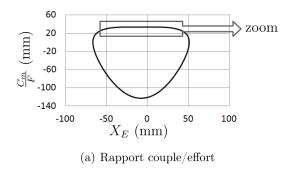
**Question 5** Déterminer les équations algébriques issues du développement des 4 relations suivantes:

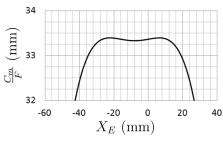
- Théorème du moment statique en B appliqué à l'équilibre de  $S_1$ , en projection sur  $\overline{z_0}$ .
- Théorème du moment statique en A appliqué à l'équilibre de  $S_2$ , en projection sur  $\overline{z_0}$ .
- Théorème du moment statique en D appliqué à l'équilibre de  $S_3$ , en projection sur  $\overrightarrow{z_0}$ .
- Théorème de la résultante statique appliqué à l'équilibre de  $S_3$ , en projection sur  $\overrightarrow{y_2}$ .

Les équations élaborées à la question 5 permettent d'exprimer le couple moteur  $C_m(t)$  en fonction de l'action F(t) exercée par l'opérateur :

$$C_m = \frac{L_1.F}{\sin(\theta_2 - \theta_3)}.(\sin(\theta_1).\sin(\theta_2 + \theta_3) - 2.\cos(\theta_1).\sin(\theta_2).\sin(\theta_3))$$

Cette relation n'étant pas linéaire, on propose à nouveau d'analyser les résultats d'une simulation numérique.





(b)  $X_E \in [-60 \,\mathrm{mm}, 40 \,\mathrm{mm}]$ 

Figure 9 – Couple moteur/effort opérateur en fonction de l'abscisse du point E

Déterminer, à partir de la figure 9, sur quel intervalle de l'abscisse  $X_E$  l'exigence « Li-**Question 6** néarité couple/effort »(id 1.3.2.2) est satisfaite. Indiquer si cet intervalle est compatible avec les exigences précédemment vérifiées.



#### II.3 Modélisation du codeur optique

**Objectif :** Vérifier que l'exigence « Résolution mesure consigne » (id 1.2.2.1) peut être satisfaite par ce codeur.

Un codeur incrémental est constitué d'un disque comportant 1 ou 2 voies avec éventuellement un index permettant de compter le nombre de tours (voir figure 10). Le disque est lié à l'arbre tournant dont on souhaite connaître la position. D'un côté du disque se trouvent des diodes électroluminescentes et de l'autre, des phototransistors.

Chaque voie du disque, excepté l'index, possède des zones alternativement opaques et transparentes. Le signal émis par le phototransistor, après un traitement électronique, est un signal carré de type TTL (train d'impulsions plus ou moins espacées dans le temps).

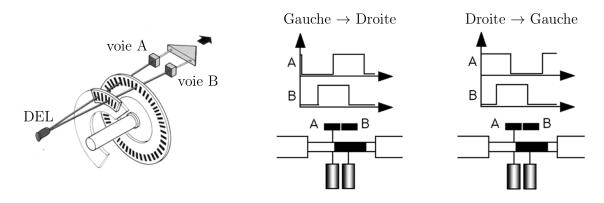


Figure 10 – Principe de fonctionnement d'un codeur incrémental

Le codeur utilisé pour mesurer l'angle moteur  $\theta_1$  possède 1 piste de 1000 fentes et 2 détecteurs décalés d'1/2 fente. On notera A et B les variables logiques associées à ces 2 détecteurs.

Question 7 Sachant qu'une mesure est réalisée sur chaque front montant (passage de 0 à 1 d'une variable) et front descendant (passage de 1 à 0 d'une variable), déterminer la résolution du codeur. Vérifier la satisfaction de l'exigence « Résolution mesure consigne » (id : 1.2.2.1).

## III Modélisation du manipulateur esclave (60 min)

#### III.1 Diagramme de blocs internes

Le mécanisme de HOEKEN choisi pour l'interface maître réalise une bonne approximation de la trajectoire rectiligne mais ne permet pas une orientation constante du solide en mouvement. Cette solution n'est donc pas la plus appropriée pour mesurer (à l'aide d'un capteur) l'effort exercé par l'organe terminal.

Le manipulateur esclave est constitué de :

- une interface permettant de transformer le mouvement de rotation imposé par le moteur en mouvement de translation rectiligne,
- un moteur rotatif pour générer le mouvement,
- un variateur analogique permettant de commander le moteur,
- un capteur de position (codeur incrémental) pour mesurer le déplacement de l'organe terminal,
- un capteur d'effort pour mesurer l'effort exercé par l'organe terminal sur l'environnement.



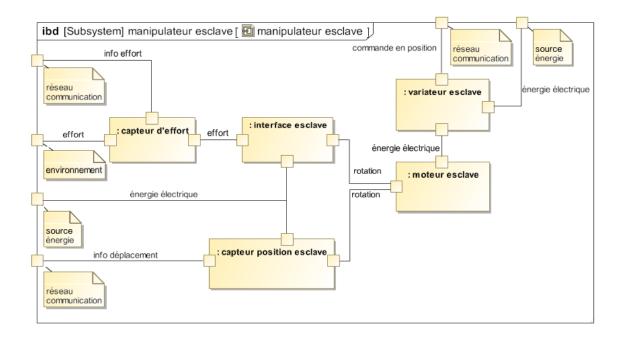


Figure 11 – Diagramme de blocs internes du manipulateur esclave

#### III.2 Modélisation de l'interface esclave (50 min)

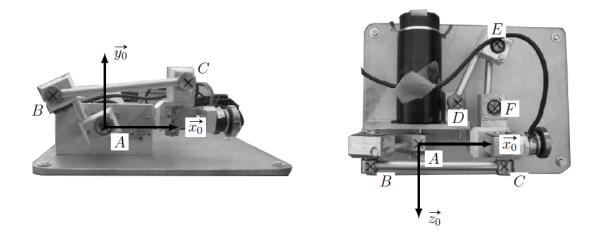


Figure 12 - L'interface esclave

#### Données:

- Inertie équivalente ramenée à l'axe  $(A, \overrightarrow{z_0})$ :  $I_1 = 5, 7 \times 10^5 kg.m^2$ ,
- Frottement fluide entre rotor et stator :  $f_v = 1.6 \times 10^{-3} N.m.s$ ,
- Masse du solide 3 :  $M_3 = 0$ , 1kg,
- Toutes les autres masses sont négligées.

Objectif : Modéliser le comportement de l'interface esclave de façon à évaluer son comportement au sein d'une boucle d'asservissement.

**Question 8** Tracer le graphe des liaisons du dispositif esclave. Donner le degré d'hyperstatisme de la modélisation de ce mécanisme.



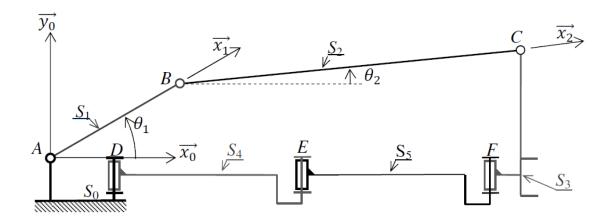


Figure 13 - Modélisation cinématique

**Question 9** Proposer une modification simple pour le rendre isostatique.

**Question 10** Montrer que le mouvement de  $S_3/S_0$  ne peut être qu'une translation de direction  $\overrightarrow{x_0}$ .

**Question 11** Déterminer  $\overrightarrow{V_{C \in 3/0}}$  en fonction de  $\dot{\theta_1}$ ,  $\theta_1$  et  $\theta_2$ .

Les paramètres dynamiques sont liés par l'équation différentielle suivante :  $(M_3 + I_1.\alpha^2).\ddot{x_s} + f_v.\alpha^2.\dot{x_s} = C_m.\alpha$ , avec  $\alpha = -30m^{-1}$ .

Question 12 Donner, en justifiant les hypothèses et théorèmes utilisés, sous forme canonique, la fonction de transfert modélisant le comportement dynamique du manipulateur esclave :  $H(p) = \frac{X_s(p)}{C_m(p)} \text{ sachant que } X_s(p) = L[x_s(t)] \text{ et } C_m(p) = L[C_m(t)]. \text{ Faire l'application numérique.}$ 

## IV Réalisation de la commande de l'esclave (60min)

**Objectif:** Concevoir la commande du dispositif esclave de façon à satisfaire l'ensemble des exigences incluses dans l'exigence « Commande » (Id 1.1).

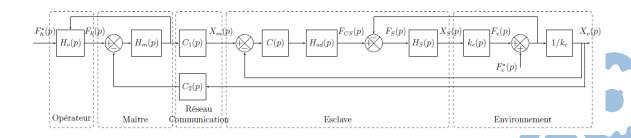


Figure 14 – Schéma bloc simplifié de la commande



#### IV.1 Modélisation de l'environnement

Objectif: Modéliser la perturbation liée à l'environnement.

Afin de modéliser la pénétration de l'aiguille dans les tissus, un essai a été réalisé sur l'organe d'un porc. La figure suivante montre le profil d'effort lors d'une insertion d'aiguille robotisée sur le foie d'un porc vivant anesthésié. Le déplacement du robot est représenté en pointillé et la force mesurée selon l'axe de l'aiguille en trait plein.

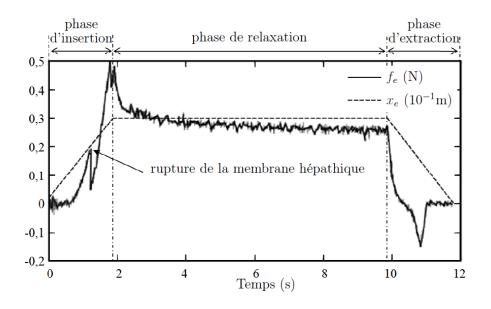
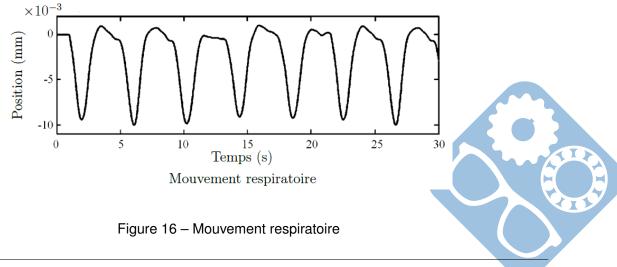


Figure 15 – Pénétration d'une aiguille dans le foie d'un porc

Question 13 En considérant uniquement la fin de la phase d'insertion, justifier le choix de modéliser (en première approche) l'effort de pénétration d'une aiguille dans un tissus par une fonction linéaire :  $f_e(t) = k_e.x_e(t)$ . Évaluer la valeur de  $k_e$ .

Dans la suite du sujet, nous prendrons :  $f_e(t) = k_e.x_e(t)$  avec  $k_e = 200N.m^{-1}$  qui correspond à une moyenne sur plusieurs organes.

Afin de modéliser les mouvements dûs à la respiration d'un patient, des mesures ont été effectuées. Elles représentent la position  $x_e(t)$  de la partie supérieure de l'organe à opérer en fonction du temps.





**Question 14** Justifier la modélisation du déplacement par la fonction :  $x_e(t) = A[-1 + sin(2.\pi.f.t + \phi)]$  et donner les valeurs de A et f. En déduire l'expression de  $f_e(t)$ .

Pour simuler ce mouvement respiratoire, un dispositif composé d'un moteur linéaire, d'un ressort et d'un capteur d'effort est ajouté en sortie du manipulateur esclave (figure suivante).

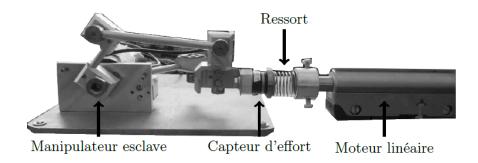


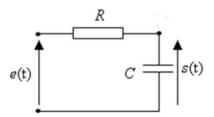
Figure 17 – Manipulateur esclave associé au dispositif de simulation du mouvement respiratoire

Les performances de l'asservissement dépendent (entre autres) de la qualité de la chaîne d'acquisition. Cela passe notamment par le réglage de la fréquence d'échantillonnage et la quantification du convertisseur analogique numérique.



Figure 18 – Schéma de la chaîne d'acquisition

Il est nécessaire d'ajouter un filtre avant la Conversion Analogique Numérique.



Ce filtre « anti-repliement »est généralement réglé à la fréquence  $f_0=\frac{f_{ech}}{2}$  où  $f_{ech}$  est la fréquence d'échantillonnage qui est ici de 50 Hz.

**Question 15** Déterminer la fonction de transfert  $H_2(p) = \frac{S(p)}{E(p)}$  du filtre RC.

**Question 16** Tracer l'allure du diagramme de Bode de la fonction de transfert ainsi déterminée et calculer la pulsation de cassure  $\omega_c$  en fonction de R et C. Le tracé est à effectuer sur la copie. Les valeurs numériques n'étant pas fournies, indiquer sur le tracé le maximum d'informations disponibles. En déduire la fréquence propre  $f_0$  en fonction de R et C.

**Question 17** En déduire la valeur du produit *R.C* afin de valider le réglage du filtre.



#### IV.2 Modélisation et étude des performances du système sans correction

Objectif: Identifier les performances non satisfaites afin de choisir un correcteur adapté.

La modélisation permettant de relier la consigne  $x_m(t)$  issue du dispositif maître au déplacement  $x_v(t)$  de l'organe terminal est représentée par le schéma bloc suivant.

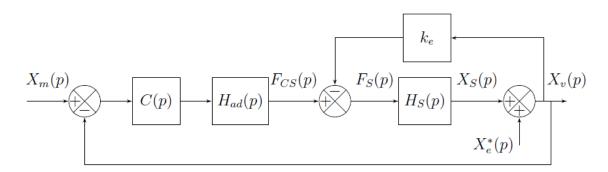


Figure 19 - Modélisation du dispositif esclave avec son environnement perturbé

$$\begin{split} &-H_{ad}(p)=k_a=1N.m^{-1} \text{ permet d'adapter la consigne position en consigne force,} \\ &-H_s(p)=\frac{X_s(p)}{F_s(p)}=\frac{k_s}{p.(m_s.p+b_s)}, \text{ avec } k_s=1m.N^{-1}, m_s=0,152kg \text{ et } b_s=1,426N.s.m^{-1}, \\ &-k_e=200N.m^{-1}. \end{split}$$

**Question 18** Simplifier le schéma bloc précédant pour lui donner la forme illustrée par la figure suivante. Exprimer  $H_t(p)$  et H(p) en fonction de  $k_e$ ,  $k_a$  et  $H_s(p)$ .

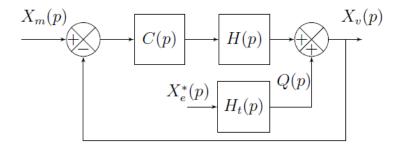
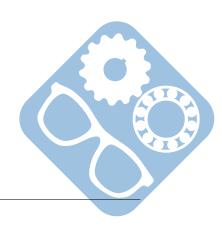


Figure 20 - Modélisation simplifiée du dispositif esclave

Pour la suite du problème, on prendra :  $H(p) = \frac{1}{m_s.p^2 + b_s.p + k_e}$ 





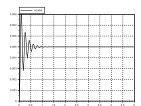
### IV.3 Vérification des exigences sans correction : C(p) = 1

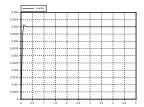
**Question 19** Déterminer la fonction de transfert en boucle fermée (avec une perturbation nulle :  $X_e^*(p) = 0$ ) :  $F_{BF1}(p) = \frac{X_\nu(p)}{X_m(p)}$ , puis la mettre sous forme canonique de façon à identifier les paramètres caractéristiques :

- gain statique (K),
- pulsation propre  $(\omega_0)$ ,
- coefficient d'amortissement (z).

Faire l'application numérique.

Trois réponses ont été tracées, et l'une d'entre elles correspond à la fonction calculée précédemment.





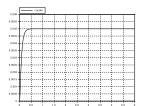
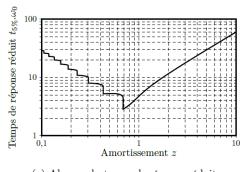


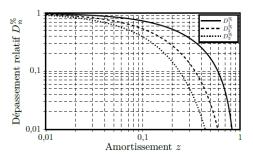
Figure 21 - Réponses temporelles

**Question 20** Déterminer à quel tracé correspond la fonction de transfert de la question 16 et déterminer la valeur de l'échelon qui lui a été appliqué en entrée.

**Question 21** En vous aidant des abaques des figures suivantes, vérifier les exigences « stabilité » (uniquement l'amortissement), « rapidité » et « précision » (uniquement l'erreur statique).

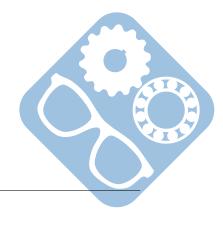






(b) Abaque des dépassements relatifs

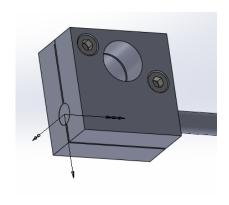
Figure 22 - Abaques pour un système linéaire d'ordre 2

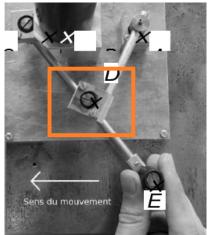




## V Conception du Mécanisme de HOEKEN (50 min)

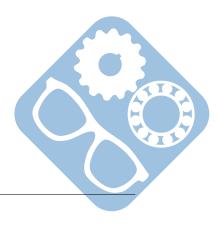
L'assemblage du mécanisme de HOEKEN doit être démontable. Pour cela on demande de réaliser la liaison encastrement par vis du montage suivant.



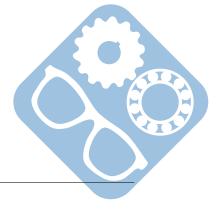


Question 22 Proposer une solution d'assemblage par vis du système suivant. Une des deux pièces doit être taraudée, il n'est pas permis d'utiliser d'écrou. Représenter la réponse sur la vue en coup du document réponse « Mécanisme de HOEKEN ».

- FIN -





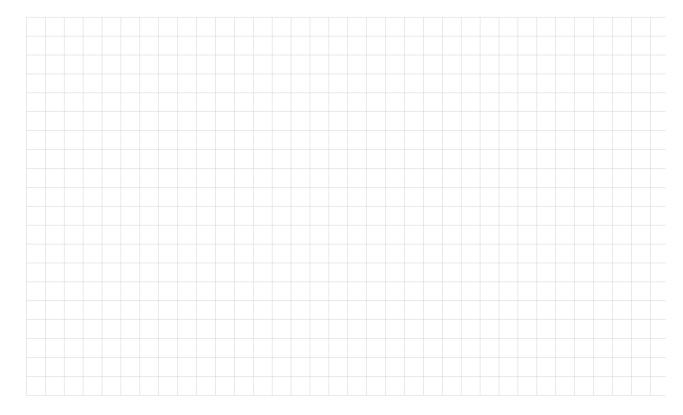


Nam:	Dránom:	
NOIII.	 Prenom.	



## VI Document réponse

#### Question 1:



#### Question 2:

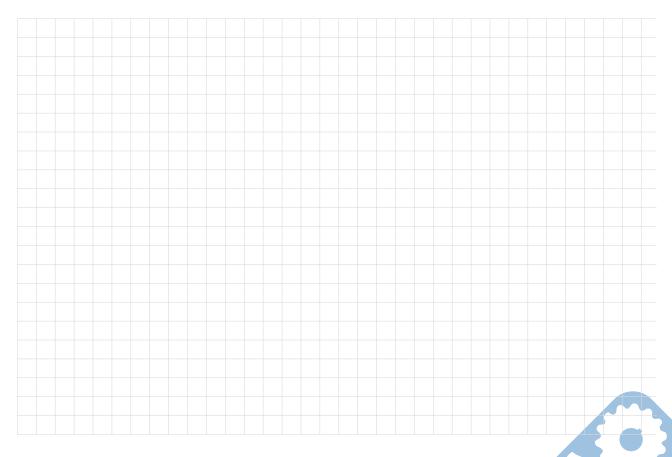




#### Question 3:



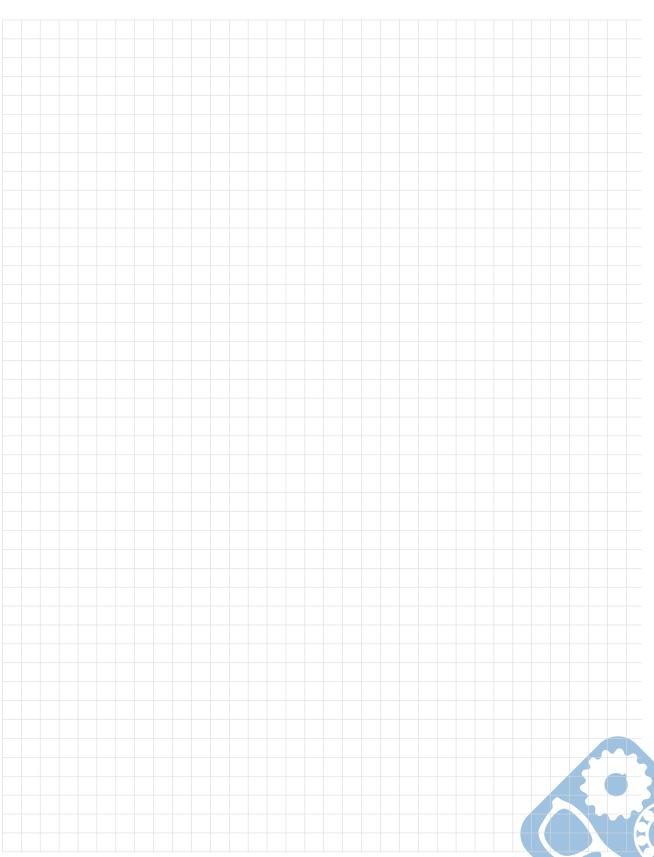
#### Question 4:



Nom:	 Dránam:	
INOIII.	 FIGHOR.	

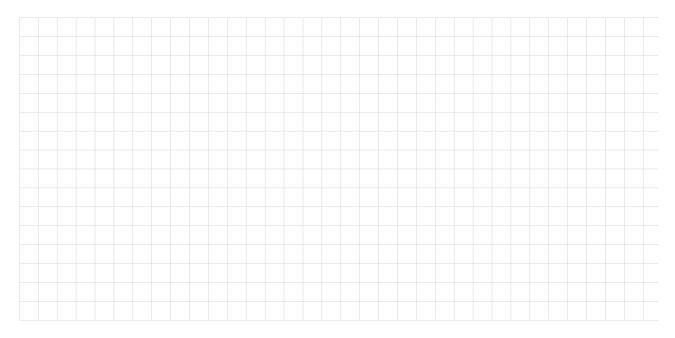


## Question 5:





#### Question 6:



#### Question 7:

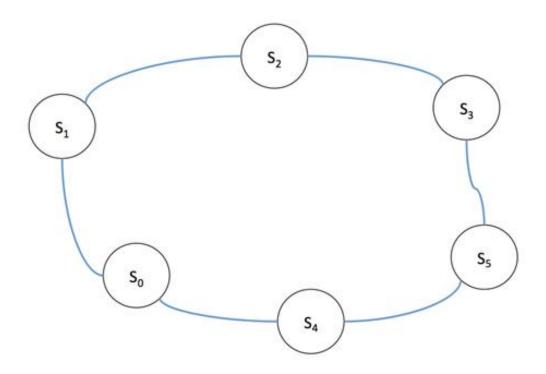




Nom:	 Prénom:	
110111	 i i Ci i Ci i i i i	 

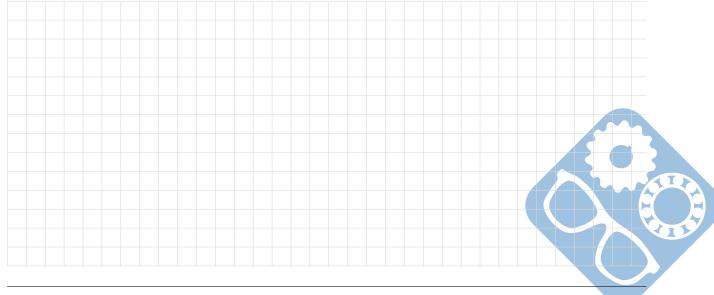
DOR AN

## Question 8:





#### Question 9:





#### Question 10:



#### Question 11:



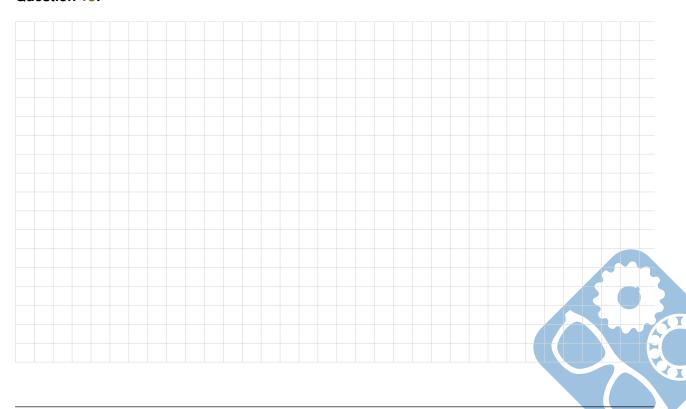




#### Question 12:



#### Question 13:

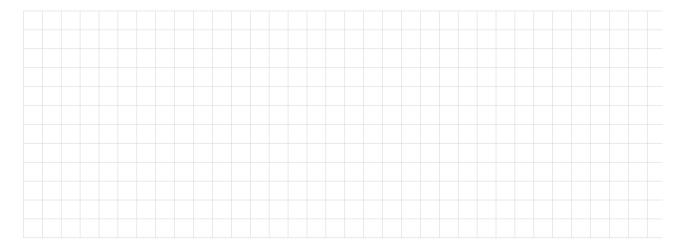


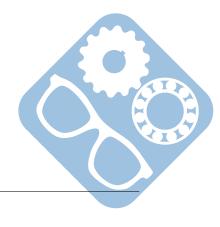


#### Question 14:



## Question 15:

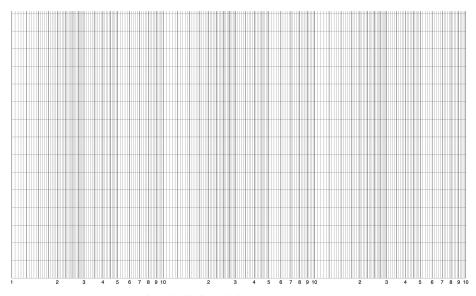


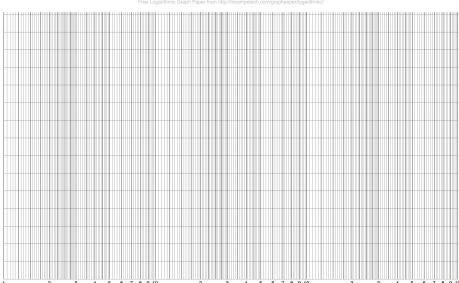




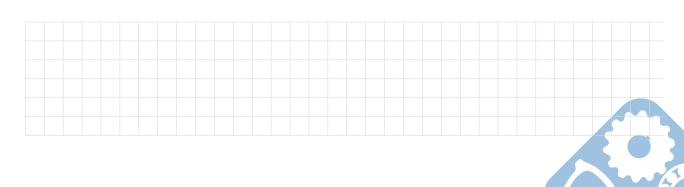


#### Question 16:











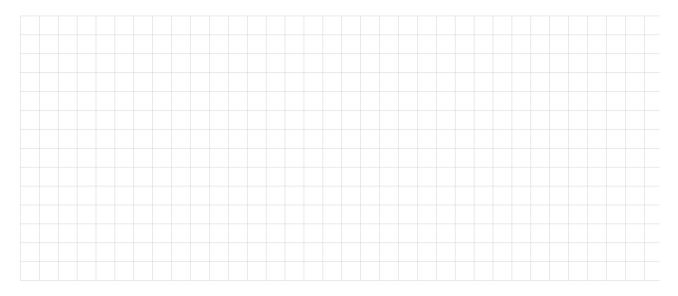
#### Question 17:



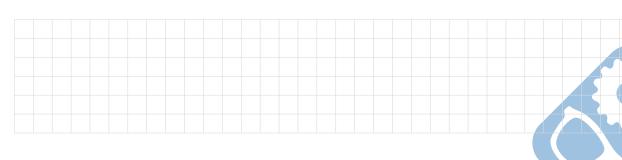
#### Question 18:



#### Question 19:

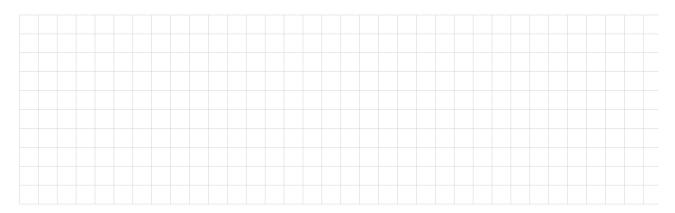


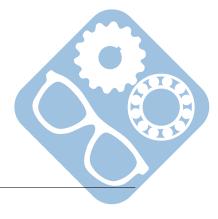
#### Question 20:



	DOR/AI
Nom: Prénom:	/

#### Question 21:







#### Question 22:

