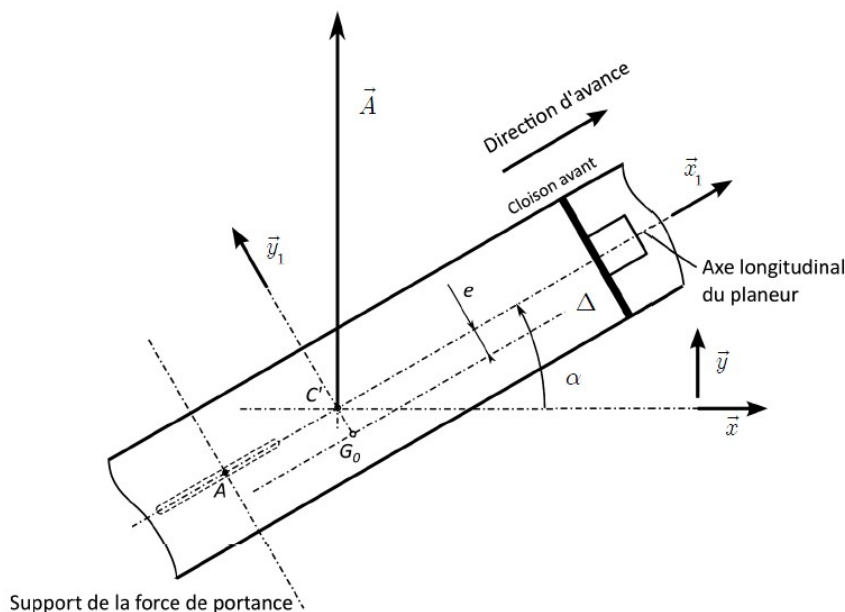


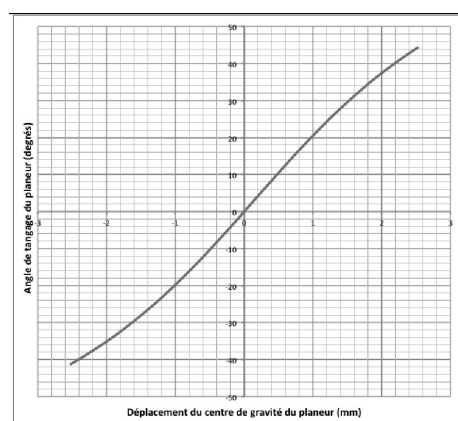
**Question 2 :** Le centre de gravité  $G'$  du planeur est situé sur l'axe  $\Delta = (G_0, \vec{x}_1)$ . Déterminer sa position et tracer le poids sur l'esquisse. Vous préciserez le théorème utilisé pour déterminer sa position.



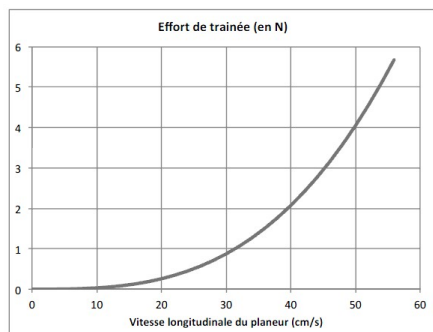
**Question 3 :** Déterminer la relation entre l'angle de tangage  $\alpha$  du planeur en mouvement et le déplacement  $\delta$  de son centre de gravité.

En déduire le déplacement du piston nécessaire pour obtenir un angle de tangage de  $30^\circ$ . Le résultat est-il celui de la courbe ?

**Question 4 :** Estimer la précision nécessaire sur le déplacement du piston pour obtenir, autour de  $30^\circ$ , un contrôle de l'angle de tangage répondant au cahier des charges (marge de 15%). Conclure.

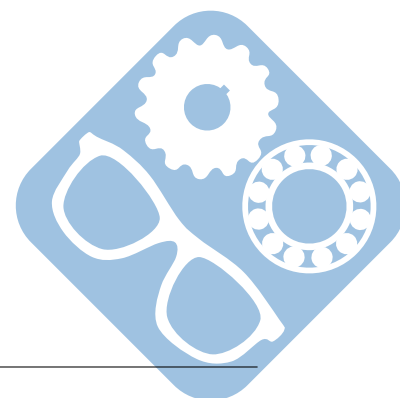


Courbe  $\alpha = f(\delta)$



La section du piston est de  $5000\text{mm}^2$ .

**Question 5 :** En déduire, pour cet angle de  $30^\circ$ , l'intensité de  $\vec{F}_H$  et la composante de traînée  $F_t$ . Tracer le point de fonctionnement sur le graphique du cahier réponses. En déduire la vitesse longitudinale du planeur.

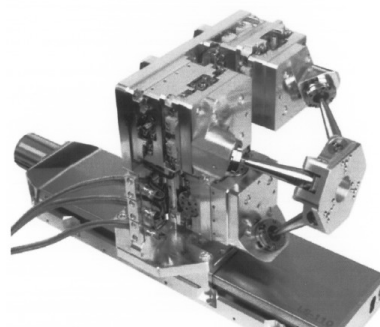


## 2 Micromanipulateur

Le micromanipulateur doit déplacer un échantillon de un kilogramme. L'objectif de cette partie est de définir l'effort que devront fournir les moteurs pour maintenir l'échantillon dans une position mais aussi pour le déplacer.

Données :

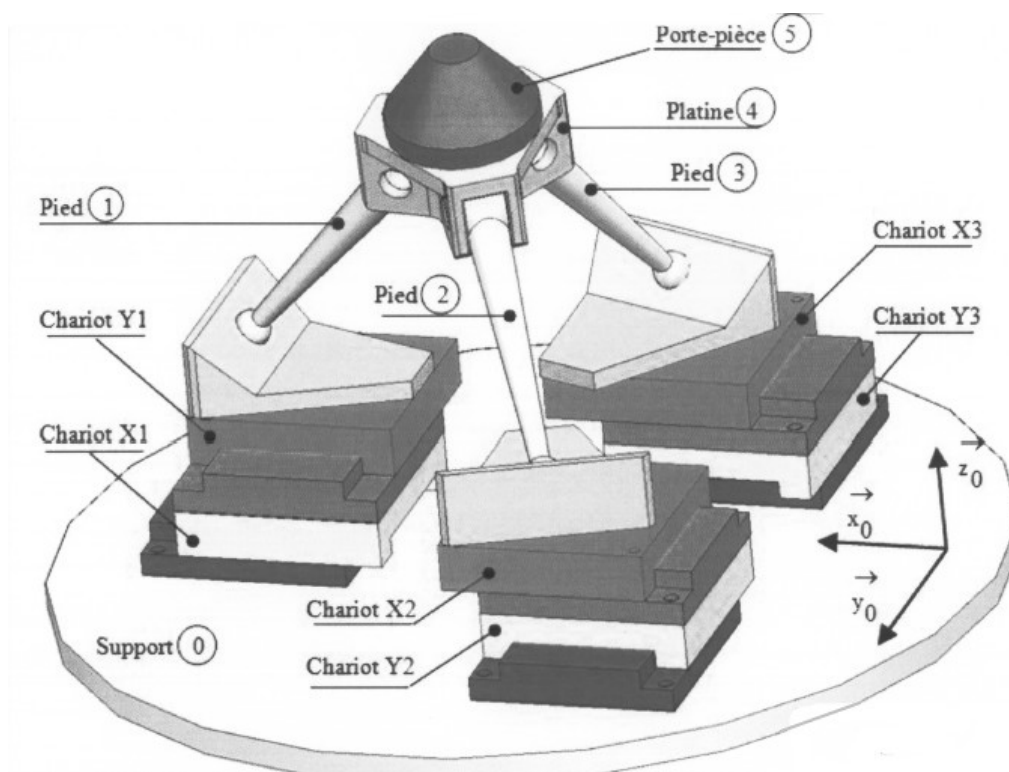
- les frottements secs sont négligeables,
- pas de la vis à bille :  $p_v = 10^{-3}m$ ,



Les moteurs pas à pas ne comportant pas de frein, le couple nécessaire au maintien en position de la plateforme est obtenu par application d'une tension dans les bobines du moteur. Il faut déterminer ce couple pour l'intégrer dans la commande des moteurs.

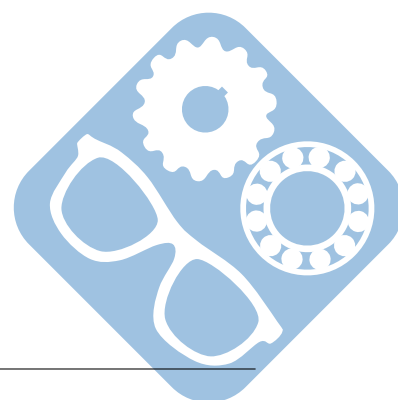
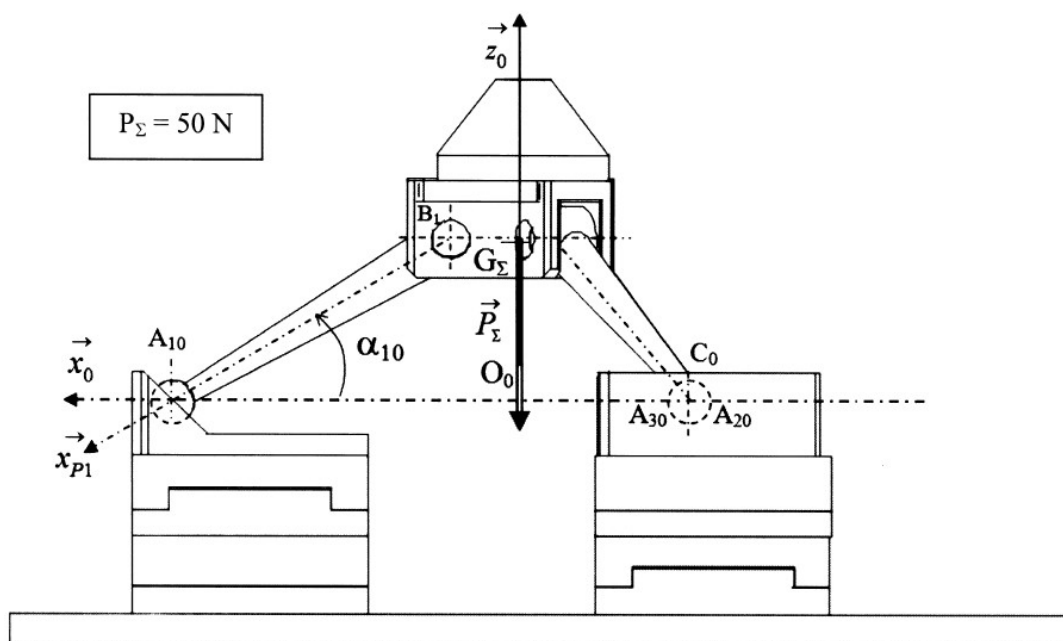
Hypothèses :

- le système est, à tout point de vue, symétrique par rapport au plan  $O_0, \vec{x}_0, \vec{z}_0$ ,
- le système est dans la position de référence,
- les liaisons sont sans frottement,
- l'étude spatiale peut être ramenée, par projection, à deux études dans les deux plans  $O_0, \vec{x}_0, \vec{z}_0$  et  $O_0, \vec{x}_0, \vec{y}_0$ ,
- le système étant en équilibre, la projection du système de forces dans deux plans orthogonaux permet d'utiliser les méthodes de la statique graphique successivement dans chacun de ces plans.



**Question 1 :** Sur le document réponse, à partir du poids tracé en  $G_\Sigma$  sur  $O_0, \vec{z}_0$ , déterminer graphiquement l'action mécanique dans la liaison sphérique en  $A_1$ .

**Question 2 :** Soit  $\overrightarrow{F_{1 \rightarrow X_1}} \cdot \vec{x}_0 = F$ , déterminer en fonction de  $F$ , l'expression du couple  $C_s$  que le moteur du charriot  $X_1$  doit exercer pour que le système reste en équilibre.



### 3 Doseur de granules plastiques

L'injection de matière plastique est une technique qui consiste à pousser de la matière plastique chauffée dans un moule afin de réaliser une pièce. La machine qui réalise cette opération est appelée « presse à injecter ».



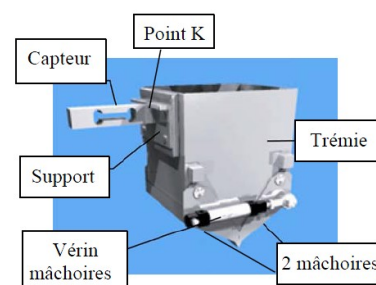
#### Première modélisation du capteur

Remarque : dans le texte suivant « trémie » désigne la trémie de pesée et les granulés qu'elle contient. L'objectif est de mesurer le poids de la trémie de pesage, soit la résultante  $P$  du torseur :

$$\{\tau_{\text{pesanteur} \rightarrow \text{trémie}}\} = \left\{ \begin{array}{c} -P \cdot \vec{y} \\ 0 \cdot \vec{z} \end{array} \right\}_G$$

$G$  étant le centre de gravité de la trémie.

Un capteur supporte la trémie. Un de ses cotés est lié au bâti de la machine, son autre coté étant accroché en un point  $K$  à la trémie. Lors de la chute des granulés, le centre de gravité de la masse des granulés occupe une position variable et inconnue.

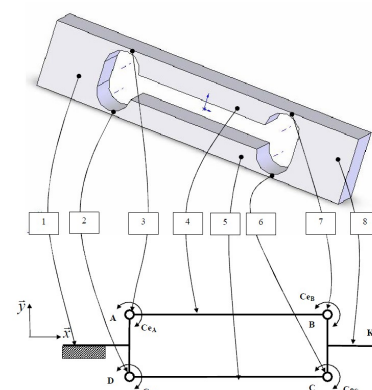


Le torseur des actions mécaniques exercées par la trémie sur le capteur peut s'écrire :

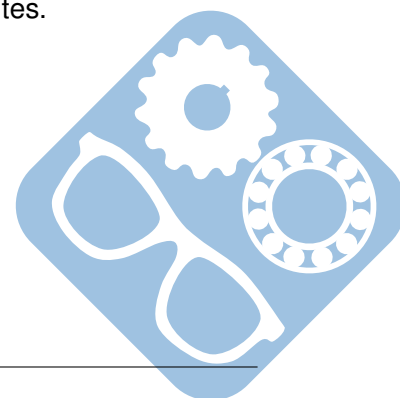
$$\{\tau_{\text{pesanteur} \rightarrow \text{capteur}}\} = \left\{ \begin{array}{c} -P \cdot \vec{y} \\ M_K \cdot \vec{z} \end{array} \right\}_K$$

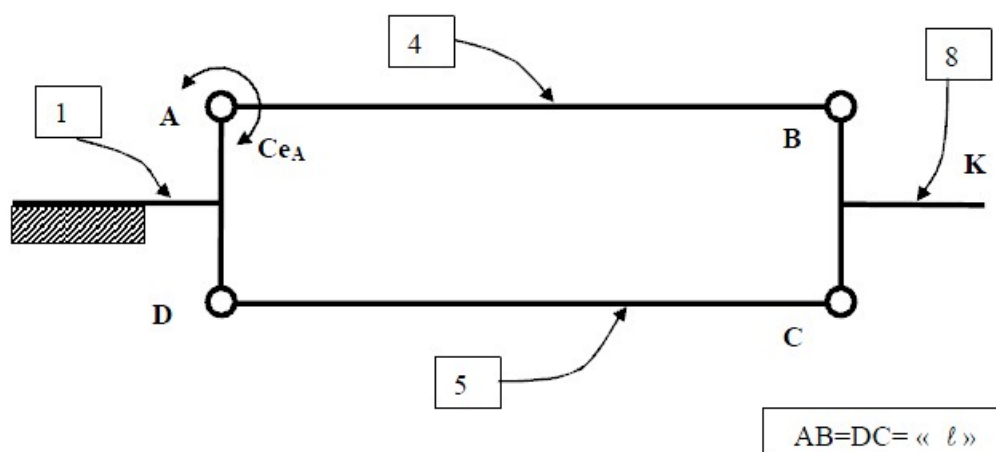
Le capteur réel peut être modélisé par une structure parallélogramme 4 barres liées par 4 liaisons pivots élastiques.

Pour que la mesure donnée par le capteur soit indépendante de la position de  $G$ , le comportement du capteur ne doit pas dépendre du moment  $M_K$ .



Pour cela on va étudier dans un premier temps un modèle simplifié dans lequel seule la liaison pivot en A est une liaison pivot élastique, les autres liaisons pivot en B, C, D étant parfaites.





La technologie du capteur permet de mesurer  $C_{eA}$ . On souhaite donc vérifier qu'il existe une relation  $P = f(C_{eA})$  indépendante de  $M_K$ .

**Question 1 :** Trouver la relation  $P = f(C_{eA})$  par statique graphique. Pour cela :

- Isoler 5, si possible déterminer  $C_X$ ,  $C_Y$ ,  $D_X$  ou  $D_Y$ , justifier la réponse.

$$\{\tau_{8 \rightarrow 5}\} = \begin{Bmatrix} C_X \cdot \vec{x} + C_Y \cdot \vec{y} \\ 0 \cdot \vec{z} \end{Bmatrix}_C \quad \text{et} \quad \{\tau_{1 \rightarrow 5}\} = \begin{Bmatrix} D_X \cdot \vec{x} + D_Y \cdot \vec{y} \\ 0 \cdot \vec{z} \end{Bmatrix}_D$$

Justifier la réponse.

- Isoler 8 et en déduire en fonction de  $P$  la composante  $B_Y$  du torseur

$$\{\tau_{4 \rightarrow 8}\} = \begin{Bmatrix} -B_X \cdot \vec{x} - B_Y \cdot \vec{y} \\ 0 \cdot \vec{z} \end{Bmatrix}_B$$

Préciser l'équation utilisée. Reporter la valeur de  $B_Y$  sur le document réponse,

- Isoler 4 et en déduire en fonction de  $P$  la composante  $C_{eA}$  du torseur

$$\{\tau_{1 \rightarrow 4}\} = \begin{Bmatrix} A_X \cdot \vec{x} + A_Y \cdot \vec{y} \\ C_{eA} \cdot \vec{z} \end{Bmatrix}_A$$

Préciser l'équation utilisée. Reporter la valeur de  $C_{eA}$  sur le document réponse.

