Séquence: 05

Document : TD01 Lycée Dorian Renaud Costadoat Françoise Puig





# Liaisons équivalentes





Référence S05 - TD01

Compétences Mod2-C12: Modélisation cinématique des liaisons entre solides

Mod2-C14: Modèle cinématique d'un mécanisme Rés-C1: Loi entrée sortie géométrique et cinématique

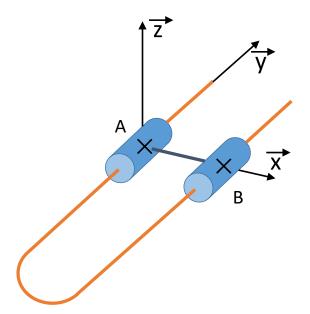
Description Equivalence des liaisons en parallèle et en série

Système Robot de soudage, Trombone à coulisse



# 1 Trombone à coulisse





Le **trombone** est un instrument de musique à vent et à embouchure de la famille des cuivres clairs. Le terme désigne implicitement le **trombone à coulisse** caractérisé par l'utilisation d'une **coulisse télescopique**, mais il existe également des modèles de trombone à pistons. Le trombone à coulisse est l'un des rares instruments à vent dont la maîtrise ne nécessite pas l'utilisation individuelle des doigts. Le trombone est constitué d'un corps (0) et d'une coulisse (1). Le vecteur  $\overrightarrow{AB} = e.\overrightarrow{x}$ .

Question 1 : Écrire le graphe des liaisons du trombone à coulisse.

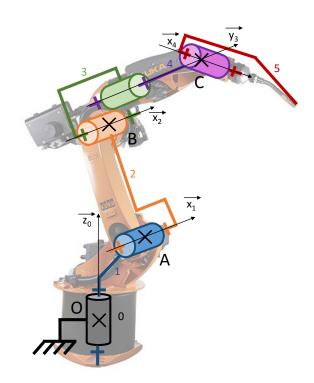
Question 2 : Écrire les torseurs cinématiques de chacune des liaisons et les déplacer au même point.

Question 3 : En déduire la liaison équivalente entre le corps du trombone et la coulisse.



### 2 Robot soudeur





Un robot industriel est un système polyariticulé, à l'image d'un bras humain, composé de plusieurs degrés de liberté, permettant de déplacer et d'orienter un outil (organe effecteur) dans un espace de travail donné.

Il existe:

- des robots de peinture ou de soudure largement utilisés dans l'industrie automobile,
- des robots de montage de dimension souvent plus réduite,
- des robots mobiles destinés à l'inspection souvent associés à de l'intelligence artificielle et capables, dans certains cas, de prendre en compte l'environnement.

$$-\overrightarrow{OA} = a.\overrightarrow{y_1} + b.\overrightarrow{z_1},$$

$$-\overrightarrow{AB} = c.\overrightarrow{y_2},$$

$$-\overrightarrow{BC} = d.\overrightarrow{y_3} + e.\overrightarrow{z_3}.$$

$$- \overrightarrow{AB} = c.\overrightarrow{y_2}$$

$$-\overrightarrow{BC} = d.\overrightarrow{y_3} + e.\overrightarrow{z_3}$$

Question 1 : Écrire le graphe des liaisons du robot soudeur.

**Question 2:** Écrire les torseurs cinématiques des liaisons  $\left\{V_{1/0}\right\}$  et  $\left\{V_{2/1}\right\}$  et les déplacer au point Ο.

Question 3 : En déduire le torseur et le nombre de mobilité de la liaison équivalente entre la pièce 2 et le bâti.

**Question 4 :** Écrire le torseur cinématique de la liaison  $\{V_{3/2}\}$  et le déplacer au point O.

Question 5 : En déduire le torseur et le nombre de mobilité de la liaison équivalente entre la pièce 3 et le bâti.



**Question 6 :** Écrire le torseur cinématique de la liaison  $\left\{V_{4/3}\right\}$  et le déplacer au point O.

Question 7 : En déduire le torseur et le nombre de mobilité de la liaison équivalente entre la pièce 4 et le bâti.

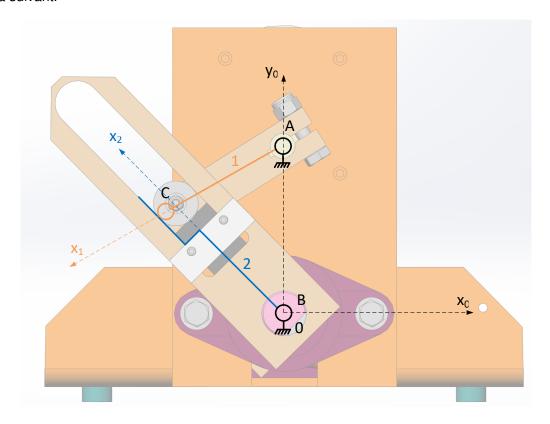
Question 8 : Conclure quant à l'intérêt d'ajouter des liaisons à une mobilité sur un bras robotisé.





## Barrière sympact 3

La cinématique de la transformation du mouvement de la barrière Sympact est présentée sur le schéma suivant.



On donne les éléments géométriques suivants :

$$-\overrightarrow{AB} = -l_1.\overrightarrow{y_0},$$

$$-\overrightarrow{AC} = l_2.\overrightarrow{x_1}$$

$$-\overrightarrow{AB} = -l_1 \cdot \overrightarrow{y_0},$$

$$-\overrightarrow{AC} = l_2 \cdot \overrightarrow{x_1},$$

$$-\theta_1 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_1}),$$

$$-\theta_2 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_2}).$$

$$-\theta_2 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_2}).$$

**Question 1:** Déterminer les torseurs des liaisons suivantes  $\{V_{1/0}\}$ ,  $\{V_{2/0}\}$  et  $\{V_{2/1}\}$ .

**Question 2:** Déplacer ces torseurs au point A, dans le repère  $R_0$ .

 ${\bf Question~3:} \quad {\bf D\'eterminer~la~liaison~\'equivalente~} \Big\{ Ve_{2/0} \Big\}.$ 

Question 4: Déterminer le nombre de mobilités du système.