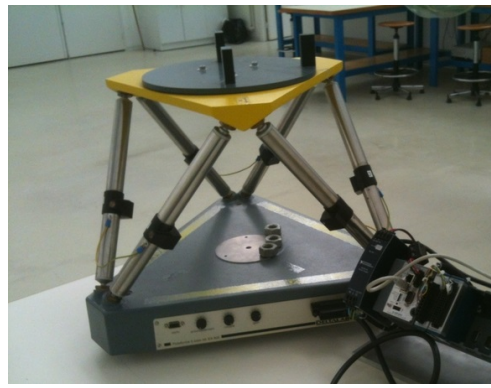




# La cinématique des mécanismes



Référence	S06 - TP01 - I04
Compétences	Mod2-C10-1: Modèle de solide indéformable Mod2-C11: Modélisation géométrique et cinématique des mouvements entre solides indéformables Rés-C1: Loi entrée sortie géométrique et cinématique Rés-C6: Utilisation d'un solveur ou d'un logiciel multi physique Com1-C1: Différents descripteurs introduits dans le programme Com2-C4: Outils de communication
Description	Lois E/S de fermeture géométrique et cinématique. Simulation du comportement de modèles. Proposer des lois de commande en fonction d'exigences. Présenter les modèles acausaux
Système	Plateforme



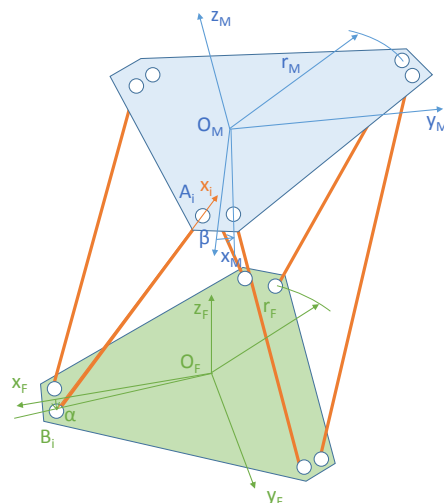
## Problématique du TP:

Modéliser la loi d'entrée/sortie cinématique d'un système

### MODELISER

#### Détermination de la loi d'entrée/sortie géométrique

L'objectif de cette partie est de déterminer la loi de fermeture géométrique de la plateforme Stewart. Elle est complémentaire de l'activité 2.



### Étude de l'embase fixe

L'embase fixe, posée sur le sol est caractérisée par un repère  $R_F(O_F, \vec{x}_F, \vec{y}_F, \vec{z}_F)$ .

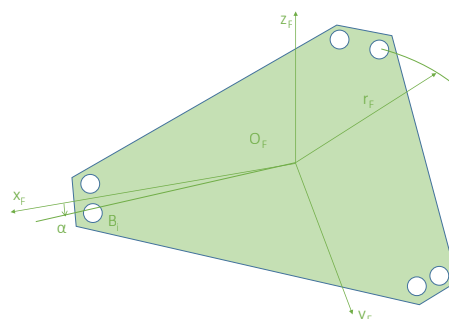
Les barres sont ancrées aux points  $B_i$  répartis sur un cercle de rayon  $r_F$ .

Les points  $B_i$  sont positionnés par couple tous les  $120^\circ$ .

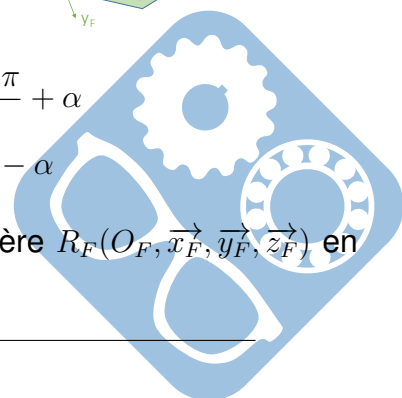
Les deux points formant un couple sont séparés angulairement de l'angle  $2\alpha$ .

On pose :

- Pour le point  $B_i = B_{2k+1}$ ,  $k \in [0, 2]$ , l'angle  $\alpha_i = \left( \vec{x}_F, \overrightarrow{O_F B_i} \right) = k \frac{2 \cdot \pi}{3} + \alpha$
- Pour le point  $B_i = B_{2k}$ ,  $k \in [0, 2]$ , l'angle  $\alpha_i = \left( \vec{x}_F, \overrightarrow{O_F B_i} \right) = k \frac{2 \cdot \pi}{3} - \alpha$



**Question 1** Déterminer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{O_F B_i}$  dans le repère  $R_F(O_F, \vec{x}_F, \vec{y}_F, \vec{z}_F)$  en fonction de  $\alpha_i$  et  $r_F$ .

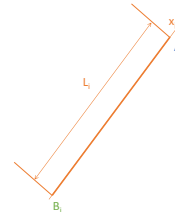


**Question 2** Proposer un algorithme à partir d'une récurrence permettant de calculer tous les  $\alpha_i$ . La valeur de  $\alpha$  sera mesurée sur le système.

**Question 3** Compléter cet algorithme afin de déterminer l'ensemble des vecteurs  $\overrightarrow{O_F B_i}$  dans le repère  $R_F(O_F, \vec{x}_F, \vec{y}_F, \vec{z}_F)$

### Étude d'un axe

Chaque barre a une longueur  $L_i$ , elle relie deux points  $A_i$  et  $B_i$ .

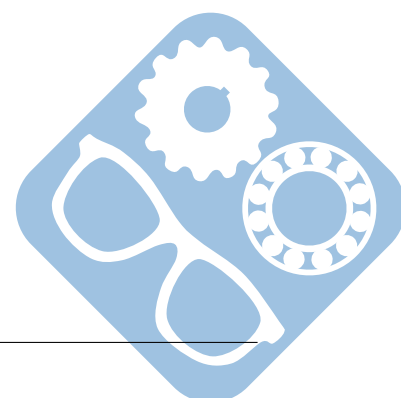


**Mobilité de la plate-forme** La position de la plate-forme est caractérisée par le vecteur  $\overrightarrow{O_F O_M} = x \cdot \vec{x}_F + y \cdot \vec{y}_F + z \cdot \vec{z}_F$ .

**Question 4** En utilisant la relation suivante  $\overrightarrow{B_i A_i} = -\overrightarrow{O_F B_i} + \overrightarrow{O_F O_M} + \overrightarrow{O_M A_i}$  ainsi que les résultats de l'activité 2 concernant les vecteurs  $\overrightarrow{O_M A_i}$  écrire le vecteur  $\overrightarrow{B_1 A_1}$  dans la base  $R_F(O_F, \vec{x}_F, \vec{y}_F, \vec{z}_F)$  en fonction de  $\theta_1, \theta_2, \theta_3, x, y$  et  $f$ .

Attention, la plateforme et la base forment un angle de  $\frac{\pi}{3}$  lorsque les bras ont la même longueur. Il faut faire attention à l'association

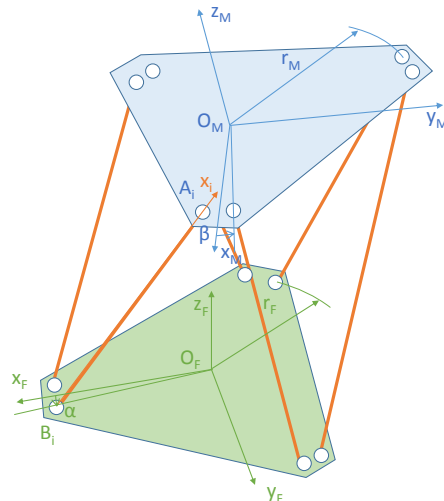
**Question 5** Enfin, calculer  $L_1$  à partir des données précédentes.



MODELISER

Activité 2 : Détermination de la loi d'entrée/sortie géométrique

L'objectif de cette partie est de déterminer la loi de fermeture géométrique de la plateforme Stewart.



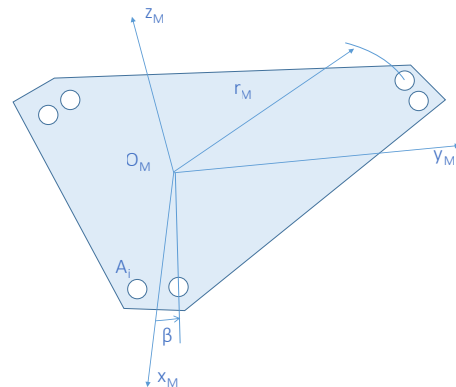
Étude de la plate forme mobile

La plate forme mobile, est caractérisée par un repère  $R_F(O_M, \vec{x}_M, \vec{y}_M, \vec{z}_M)$ .

Les barres sont ancrées aux points  $A_i$  répartis sur un cercle de rayon  $r_M$ .

Les points  $A_i$  sont positionnés par couple tous les  $120^\circ$ .

Les deux points formant un couple sont séparés angulairement de l'angle  $2\beta$ .



On pose :

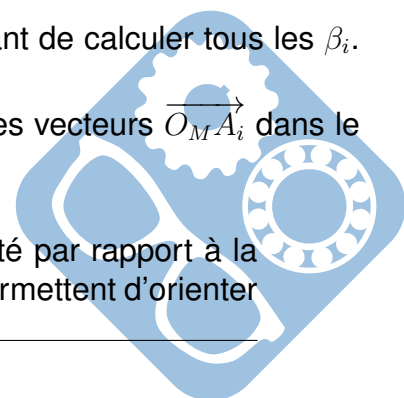
- Pour le point  $A_i = A_{2k+1}$ ,  $k \in [0, 2]$ , l'angle  $\beta_i = (\vec{x}_M, \vec{O_M A_i}) = k \frac{2 \cdot \pi}{3} + \alpha$
- Pour le point  $A_i = A_{2k}$ ,  $k \in [0, 2]$ , l'angle  $\beta_i = (\vec{x}_M, \vec{O_M A_i}) = k \frac{2 \cdot \pi}{3} - \alpha$

**Question 6** Déterminer les coordonnées du vecteur  $\vec{O_M A_i}$  dans le repère  $R_M(O_M, \vec{x}_M, \vec{y}_M, \vec{z}_M)$  en fonction de  $\beta_i$  et  $r_M$ .

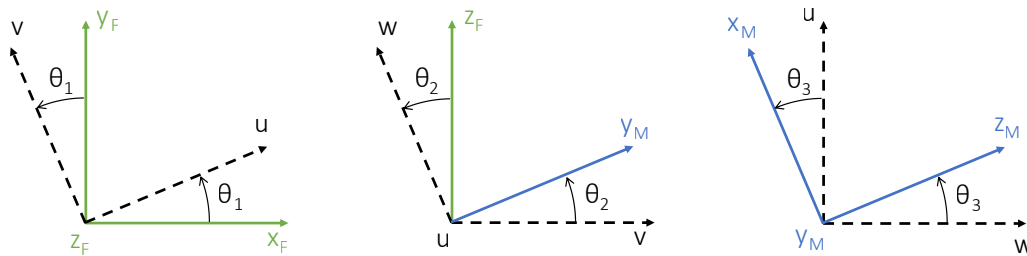
**Question 7** Proposer un algorithme à partir d'une récurrence permettant de calculer tous les  $\beta_i$ . La valeur de  $\beta$  sera mesurée sur le système.

**Question 8** Compléter cet algorithme afin de déterminer l'ensemble des vecteurs  $\vec{O_M A_i}$  dans le repère  $R_M(O_M, \vec{x}_M, \vec{y}_M, \vec{z}_M)$ .

**Mobilité de la plate-forme** La plate-forme possède 6 degrés de liberté par rapport à la base. Afin de caractériser l'orientation de la plate-forme, 3 paramètres permettent d'orienter



la base mobile  $R_M$  par rapport à la base fixe  $R_F$ , ce sont les trois angles  $\theta_1$ ,  $\theta_2$  et  $\theta_3$ .  
Les figures suivantes présentent les changements de base successifs.



**Question 9** A partir de cette figure, écrire les vecteurs de la base  $R_M(O_M, \vec{x}_M, \vec{y}_M, \vec{z}_M)$  dans la base  $R_M(O_M, \vec{x}_F, \vec{y}_F, \vec{z}_F)$ .

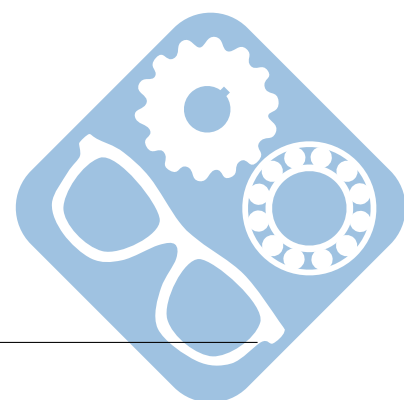
**Question 10** Utiliser cette conversion dans le programme afin de projeter les vecteurs  $\vec{O_M A_i}$  dans la base  $R_M(O_M, \vec{x}_F, \vec{y}_F, \vec{z}_F)$ .

**Programmation d'un mouvement** Nous souhaitons programmer deux types de mouvement :

- une rotation pure autour de  $\vec{z}$  dont l'angle de  $-10^\circ < \theta < +10^\circ$ , avec une distance de 30cm entre la plate-forme et la base,
- une translation le long de  $\vec{z}$  la distance entre la plate-forme et la base étant  $d = 300 + 50 \cdot \cos(\omega \cdot t)$  (en mm).

**Question 11** Donner les valeurs de  $x$ ,  $y$ ,  $z$ ,  $\theta_1$ ,  $\theta_2$  et  $\theta_3$  en fonction du temps.

En déduire la valeur des longueurs  $L_i$  en fonction du temps.



## EXPERIMENTER

## Modélisation sur un modeleur 3D

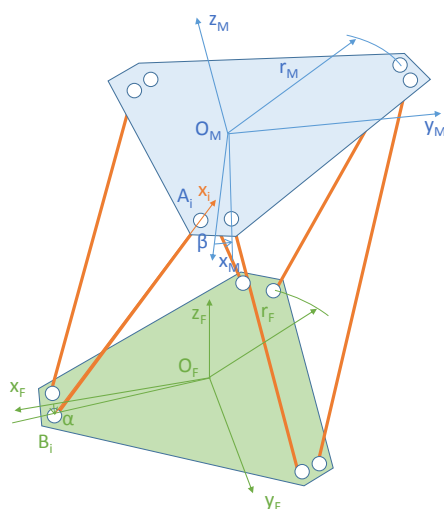
Le logiciel Solidworks va permettre de déterminer les lois d'entrée sortie géométrique et cinématique de la plateforme Stewart.

Le fichier à ouvrir pour cette étude est le fichier SW\_Stewart/Stewart.SLDASM.

— Les mouvements d'entrée du mécanisme sont les translation au niveau des vérins  $L_i$ . Vous prendrez dans un premier temps une vitesse pour ces vérins de la forme

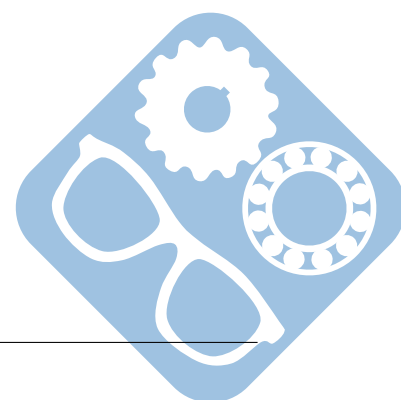
$$\dot{L}_i = 0,2 * \sin\left(\frac{5.t}{2.\pi}\right)$$

è



**Question 12** Sur Solidworks, paramétrer le modèle de la plateforme Stewart sur le logiciel Meca3d afin de pouvoir simuler son comportement.

**Question 13** Construire une courbe pour les vérins correspondant à celle calculée par les activités 1 et 2, afin de vérifier que la modélisation issue des ces étapes correspond à la demande du cahier des charges concernant le mouvement de rotation pure et celui de translation pure.



ANALYSER

**Activité 4 : Système acausal**

Cette partie va permettre d'introduire le modèle « acausal » afin de déterminer si celui qui a été mis en place pour la plateforme en est un. Un modèle « acausal » est un modèle qui ne possède pas de lien cause à effet. Il revient à des équations implicites sans ordre entre les variables et sans spécification d'entrée et de sortie.

**Question 14** A la vue de la définition précédente, pensez-vous que ce système puisse être modélisé par un modèle « acausal » ?

**Question 15** Vous effectuerez la liaison entre les activités afin de récupérer les résultats de l'activité 2 pour les utiliser sur Solidworks durant l'activité 3.

**Question 16** Vous montrerez l'influence sur les résultats des dimensions géométriques du système afin de déterminer si leur choix dépend des données cinématiques.

