

Séquence : 06

Document : TD01

Lycée Dorian

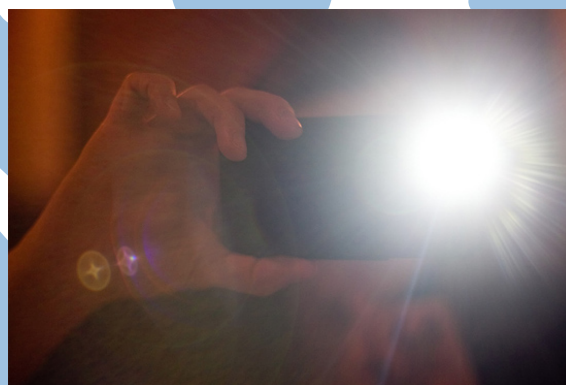
Renaud Costadoat

Françoise Puig



Avec Correction

Modélisation des circuits électriques









Référence	S06 - TD01
Compétences	Mod2-C6: Modélisation des sources et des circuits électriques Rés-C4: Grandeurs électriques dans un circuit Com1-C2: Schémas cinématique, d'architecture, technologique, électrique, hydraulique et pneumatique
Description	Modéliser des circuits électriques et résoudre des équations afin de déterminer les variables électrique d'un système
Système	Batteries, Flash, Rhéostat de démarrage

1 Packs d'accumulateurs

De nombreux systèmes (drones,...) ont besoin d'embarquer un moyen de stockage de l'énergie. Ces batteries sont fabriquées à partir de petits accumulateurs comme les deux suivants.



Ces packs sont donc réalisés à partir d'accumulateurs montés en série. Il est alors possible de trouver les éléments suivants dans le commerce.

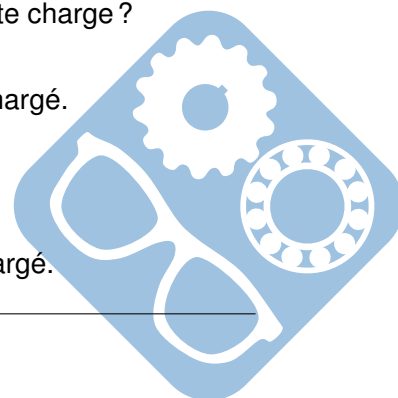
	<ul style="list-style-type: none"> — 10 accus — 3700mAh — Total=12V 		<ul style="list-style-type: none"> — 8 accus — 3700mAh — Total=9.6V
	<ul style="list-style-type: none"> — 10 accus — 4200mAh — Total=12V 		<ul style="list-style-type: none"> — 8 accus — 4200mAh — Total=9.6V
	<ul style="list-style-type: none"> — 6 accus — 4200mAh — Total=7.2V 		<ul style="list-style-type: none"> — 6 accus — 2400mAh — Total=7.2V

Question 1 : Donner une relation entre le nombre d'accumulateurs et la tension de sortie du pack de batteries. Ce nombre joue-t-il sur la charge totale du pack ? Comment modifier cette charge ?

Question 2 : Calculez l'énergie (en Wh) stockée par chaque pack lorsqu'il est chargé.

Un Wh est équivalent à 3600J.

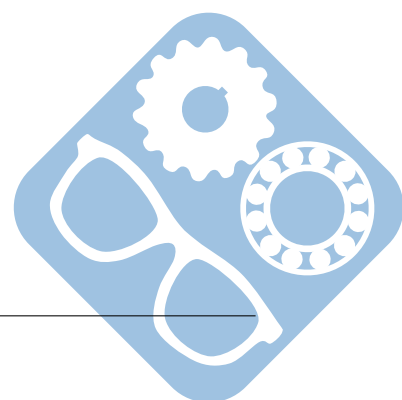
Question 3 : Calculez l'énergie (en kJ) stockée par chaque pack lorsqu'il est chargé.



Question 4 : Le pack de 10 accumulateurs de 4200mAh est utilisé afin d'alimenter un système qui tire un courant de 2A. Combien de temps en théorie la batterie peut fournir une tension de 12V.

La mise en parallèle de batteries permet de sommer leurs capacité.

Question 5 : Combien de pack de batteries devront être mis en parallèle afin de garantir un fonctionnement durant 6h ?



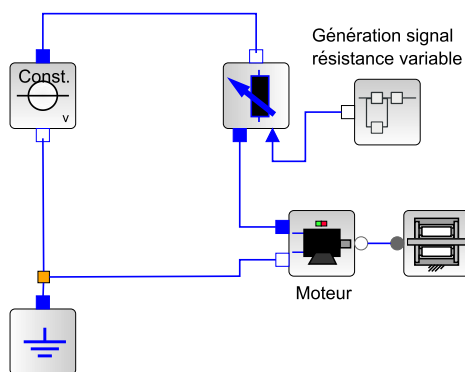
2 Rhéostat de démarrage

2.1 Description du moteur à courant continu

Un **rhéostat de démarrage** permet de limiter l'intensité au démarrage en insérant des résistances au rotor qui sont éliminées progressivement une fois le moteur lancé. L'utilisation de ce type de démarreur n'est possible qu'avec les moteurs à rotor bobiné.

Ce type de montage était aussi installé sur les moteurs à excitation shunt, ce n'est pas le cas de l'exemple de l'exercice.

Dans le cadre de cet exercice, ce rhéostat a été mis en place afin de piloter un moteur de puissance faible.



Afin de modéliser le comportement de ce type de système, sur le schéma électrique suivant une résistance est placée en série avec un moteur électrique.

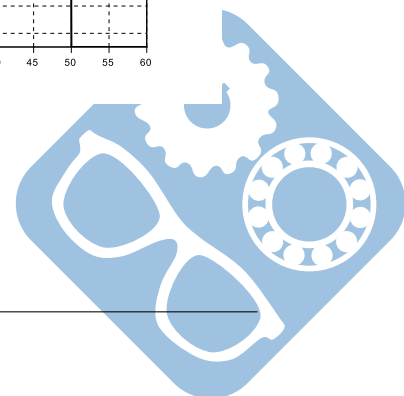
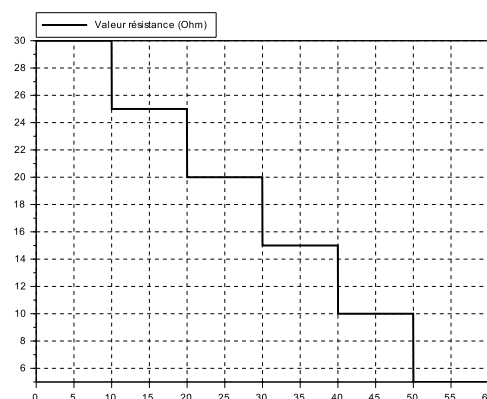
Un frein est placé à la suite du moteur électrique afin de simuler une résistance au démarrage ainsi que les différents frottements éventuels.

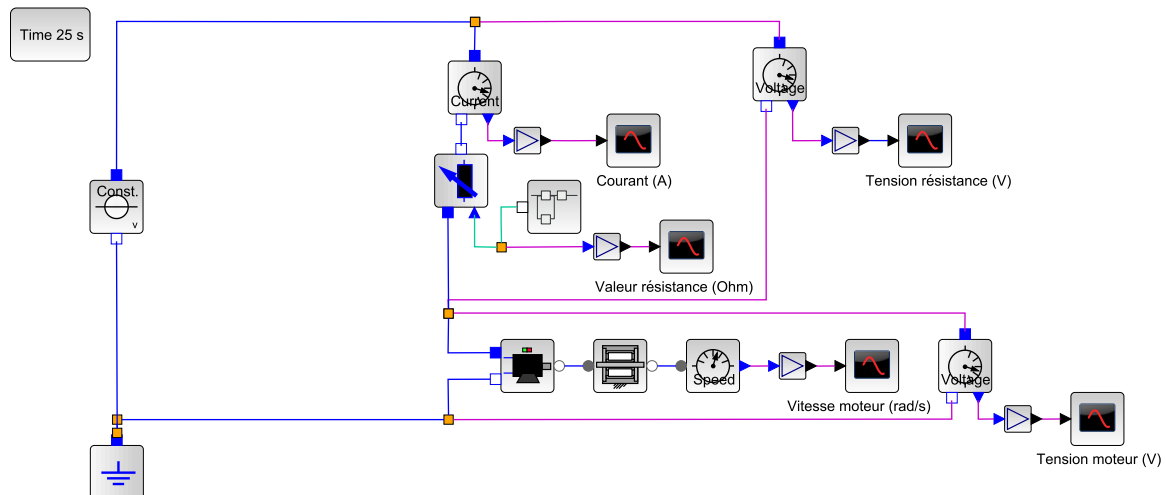
Ce modèle électrique a été simulé sur le logiciel Scilab-Xcos, des capteurs ont été ajoutés afin d'extraire les données suivantes :

- Valeur de la résistance de pilotage (Ohm),
- Courant dans le circuit (A),
- Tension aux bornes de la résistance (V),
- Tension aux bornes du moteur (V),
- Vitesse du moteur (rad/s).

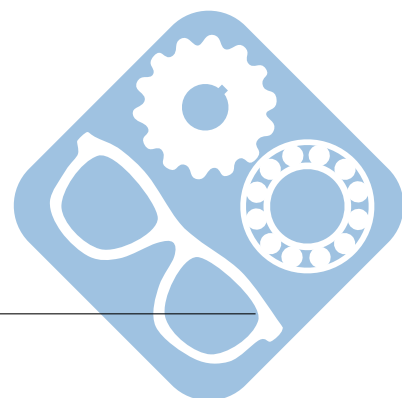
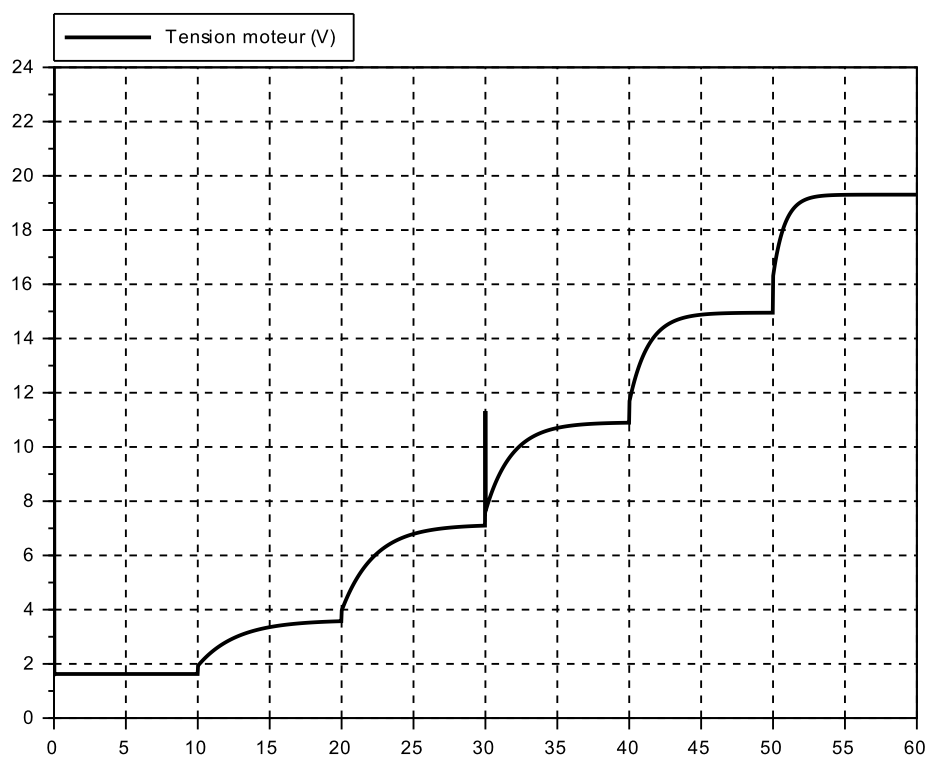
Caractéristiques des composants :

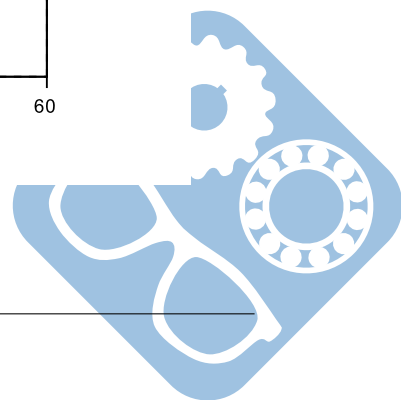
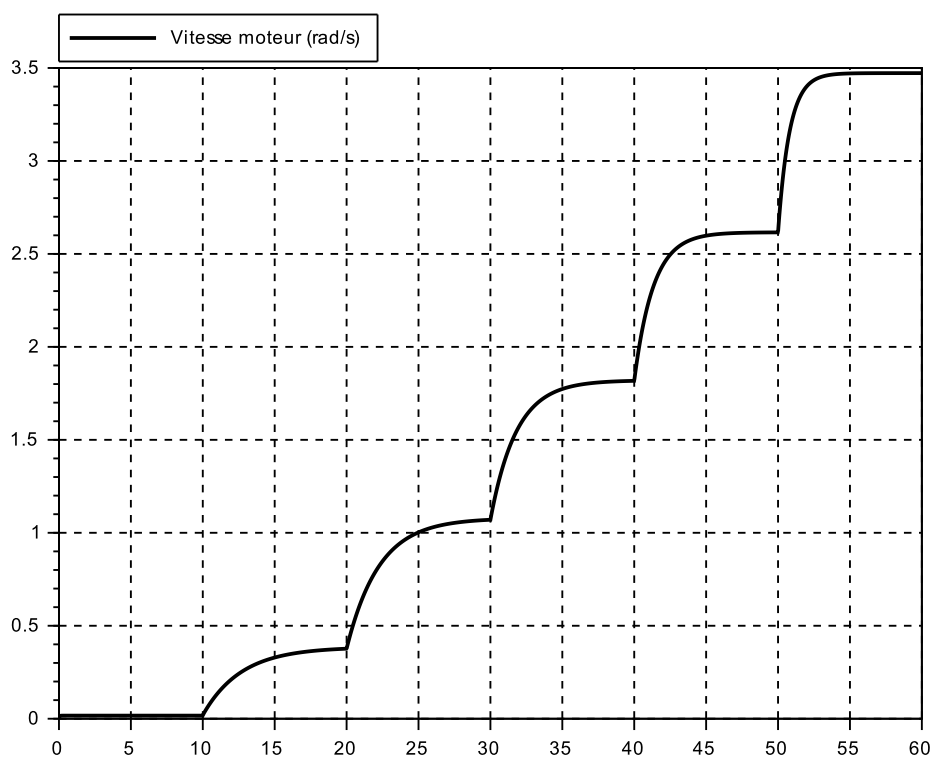
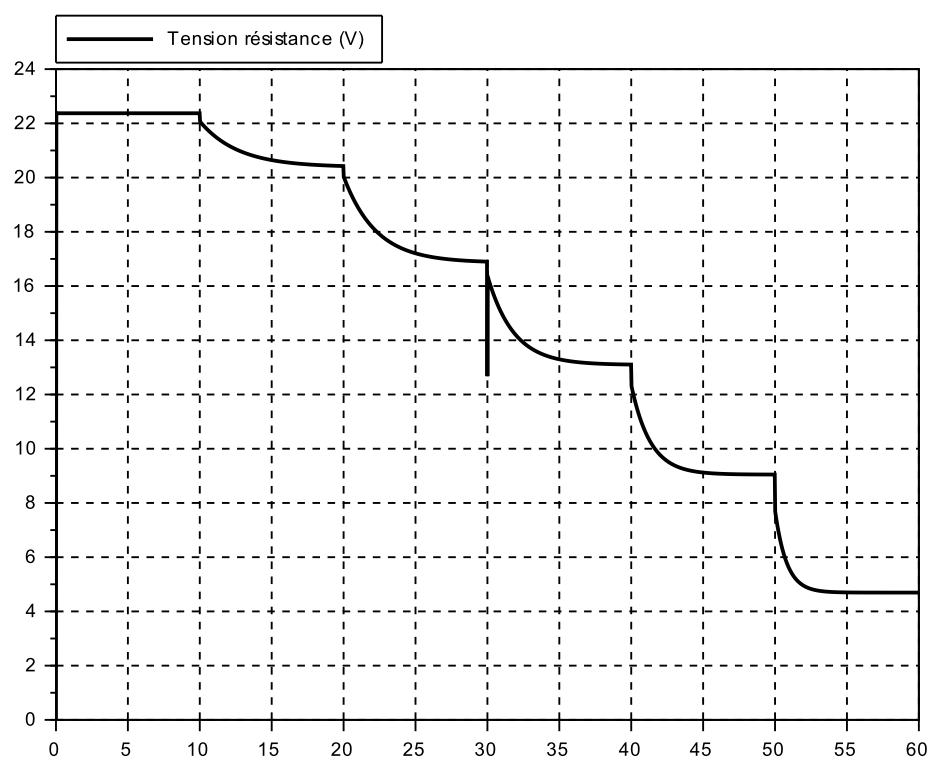
- $V_{in} = 24V$,
- $r_{moteur} = 2.07\Omega$,
- $L_{moteur} = 0.62mH$,
- $K_c = 5N.m.A^{-1}$,
- $J_{rotor} = 3kg.m^2$,
- $f_{visqueux} = 0.2N.m.rad^{-1}.s$,
- $f_{sec} = 4N.m$,
- R varie par palier (cf figure).

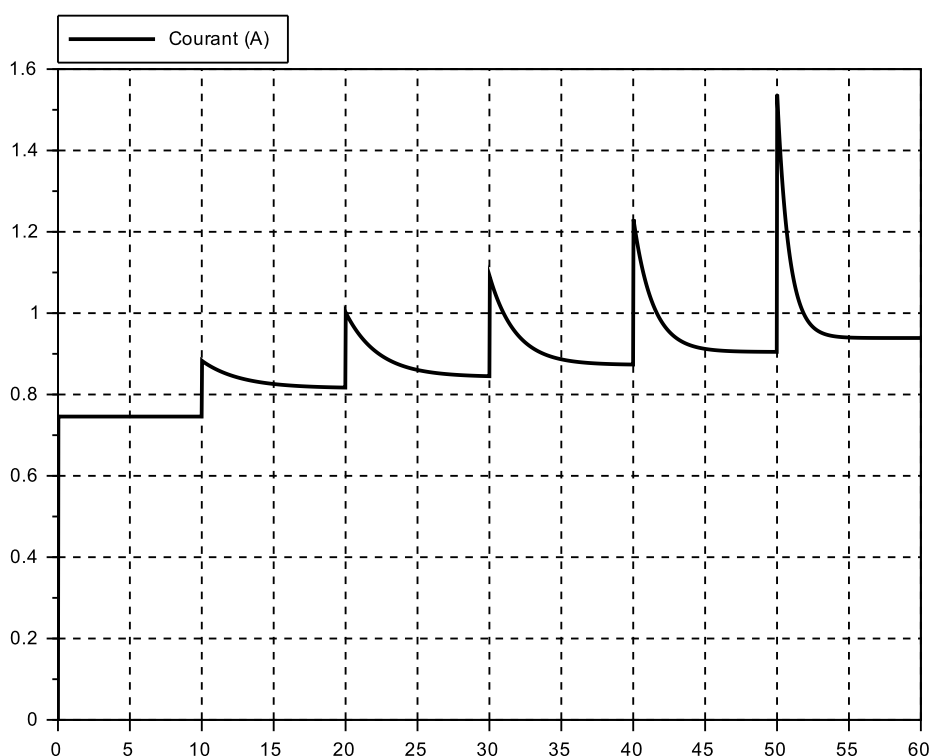




Les données extraites sont présentées sur les graphes suivants.





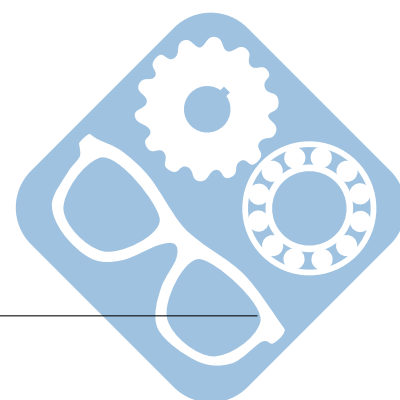


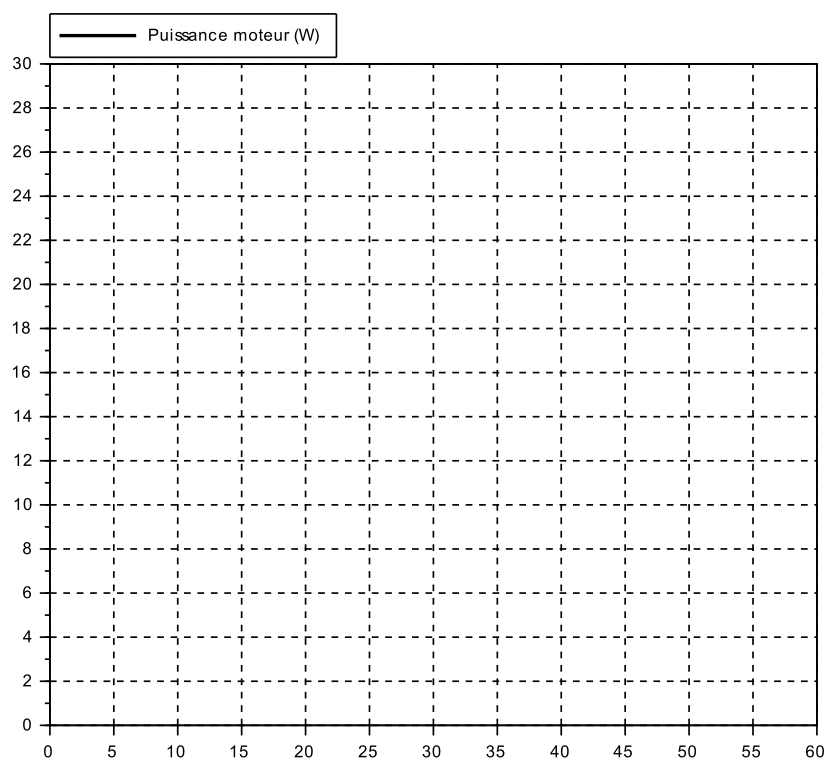
Question 1 : Déterminer à partir des courbes et de la valeur de la résistance interne du moteur r_{moteur} la tension U_r à ses bornes en régime établi pour chaque intervalle de temps. En relevant les valeurs de U_m , déterminer pour chaque intervalle la valeur de la force électromotrice e .

Question 2 : Relever la valeur de la vitesse du moteur pour chaque intervalle.

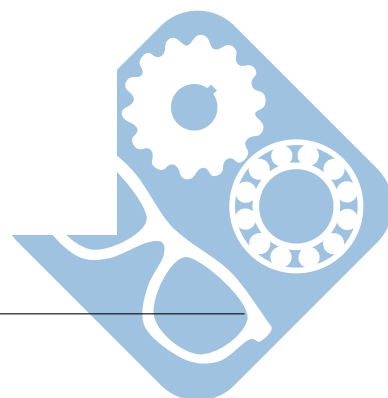
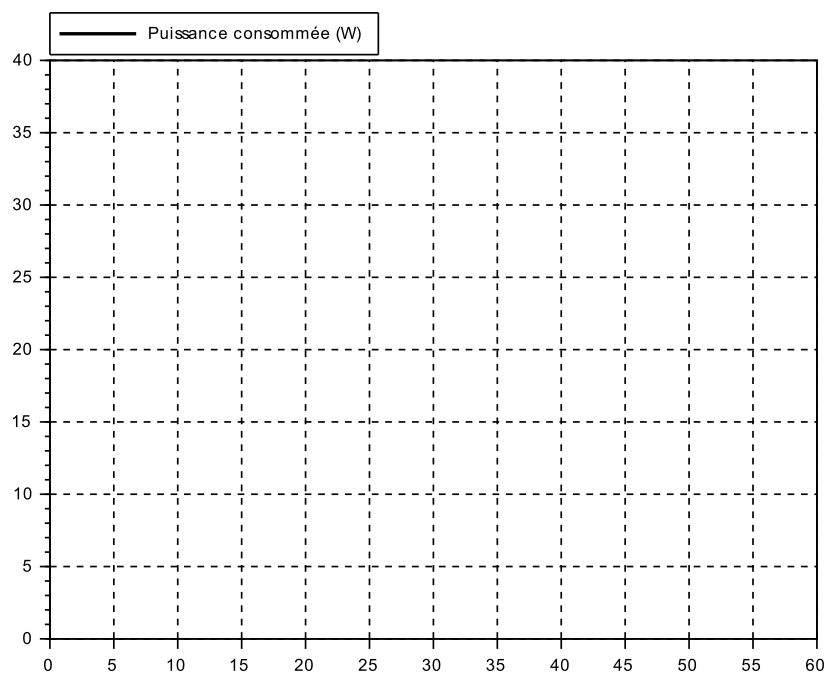
Question 3 : Quelle relation lie la vitesse du moteur et la force électromotrice ? En déduire, la valeur de la constante K_e . Cette valeur était-elle prévisible ?

Question 4 : Déterminer la puissance consommée par le moteur en régime établi et la tracer sur le graphe suivant.

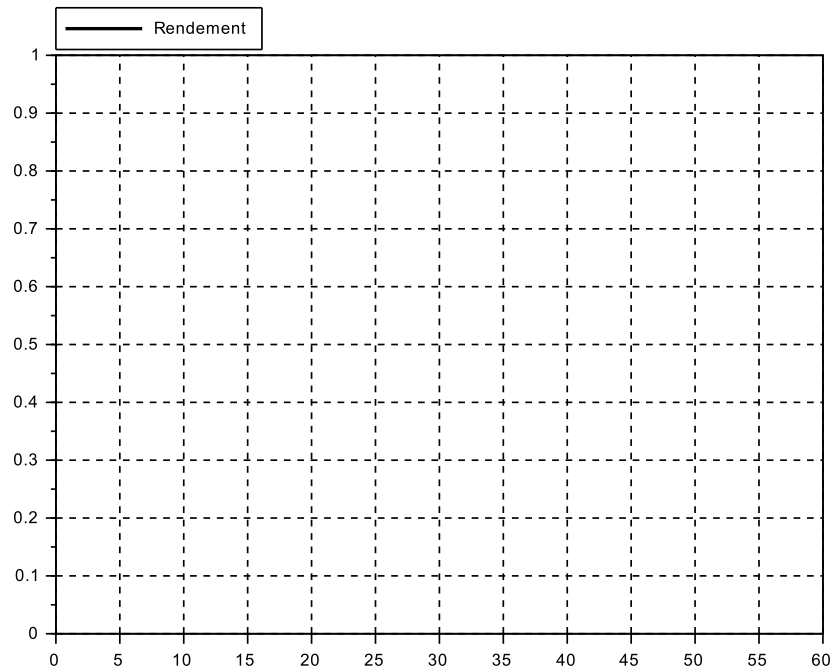




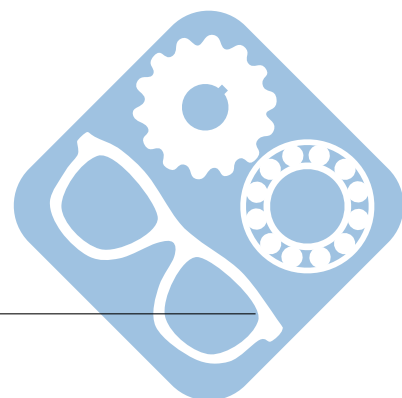
Question 5 : Déterminer la puissance fournie par l'alimentation en régime établi et la tracer sur le graphe suivant.



Question 6 : Déterminer le rendement $\eta = \frac{P_{\text{moteur}}}{P_{\text{fournie}}}$ fournie par l'alimentation en régime établi et la tracer sur le graphe suivant

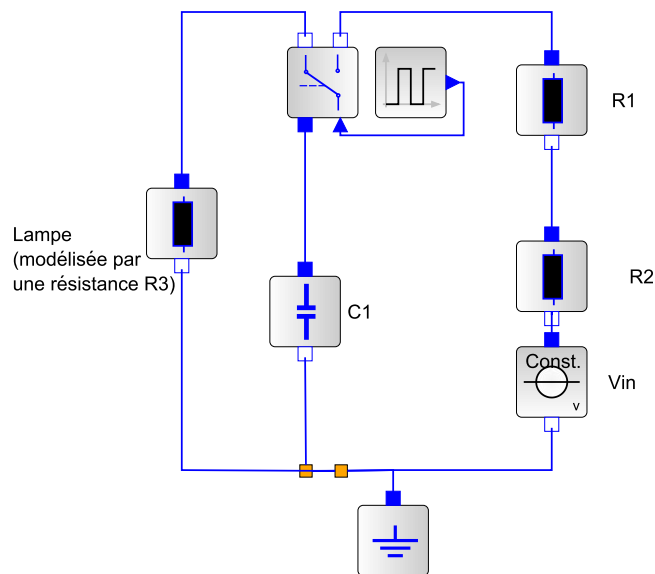


Question 7 : Proposer une critique de ce système à la vue du résultat précédent.



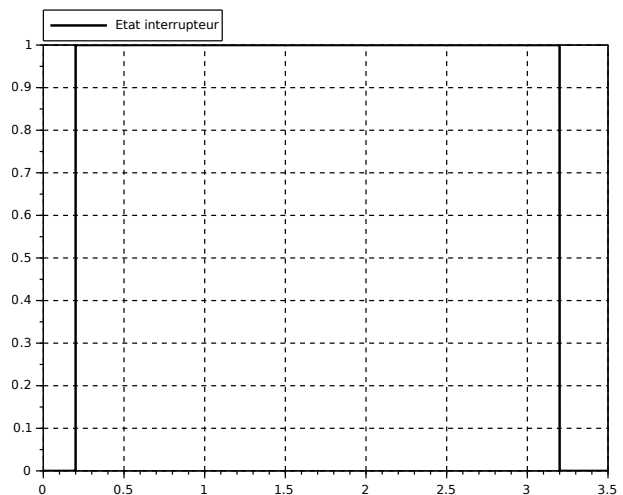
3 Flash d'appareil photo

Le flash d'un appareil photo est effectué à partir d'un circuit électrique équivalent au suivant.



Caractéristiques des composants :

- $R_1 = 0.2k\Omega$,
- $R_2 = 0.6\Omega$,
- $R_3 = 0.1\Omega$,
- $C_1 = 3.3mF$,
- $V_{in} = 6V$,
- Le basculement de l'interrupteur est donné ci-contre.



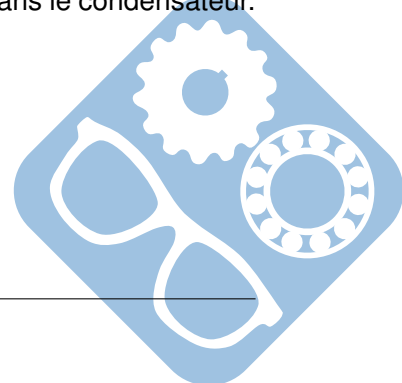
Question 1 : Donner l'équation différentielle qui régit la charge du condensateur et en déduire le temps de charge nécessaire afin d'utiliser 95% de la charge du condensateur.

Question 2 : Déterminer la réponse temporelle de cette charge.

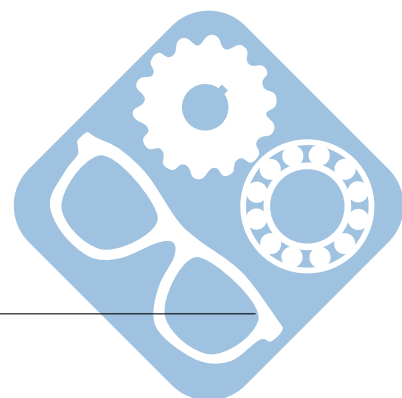
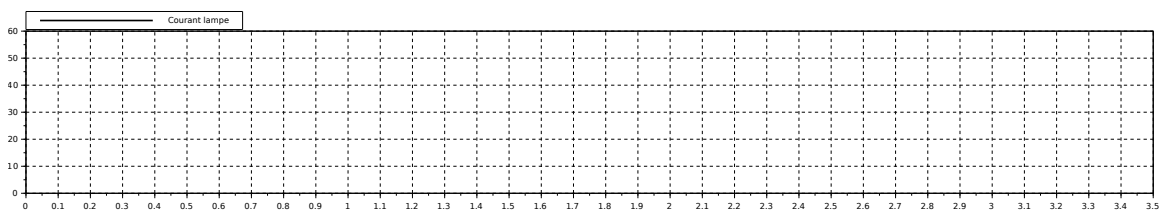
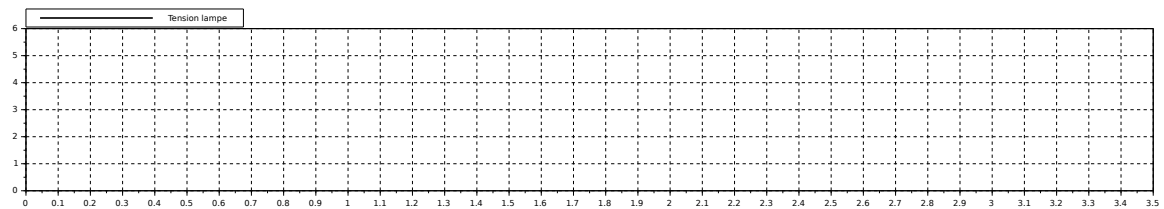
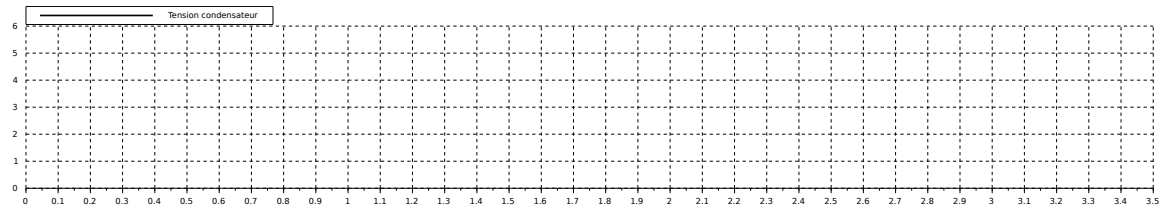
Pour la suite, il sera considéré que le condensateur sera chargé à 100% avant d'être utilisé.

Question 3 : Donner l'équation différentielle qui régit la décharge du condensateur dans la lampe et en déduire la durée de cette décharge jusqu'à ce qu'il ne reste que 5% de la charge dans le condensateur.

Question 4 : Déterminer la réponse temporelle de cette décharge.



Question 5 : Compléter les diagrammes suivants.



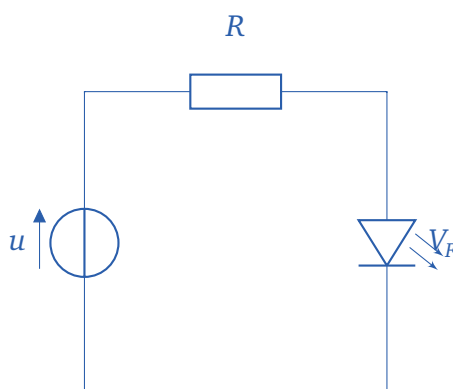
4 Résistance de polarisation d'une DEL

Une diode électroluminescente doit être accompagnée d'une résistance de polarisation afin de fixer l'intensité du courant traversant la DEL I_F à une valeur proche de celle donnée par la documentation constructeur.

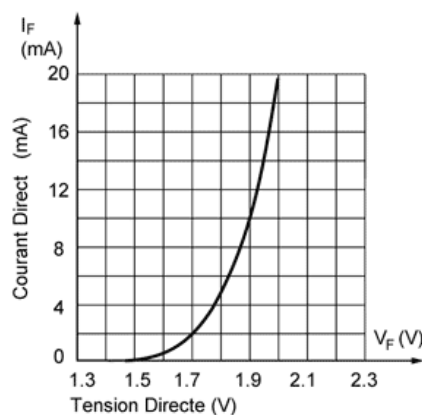
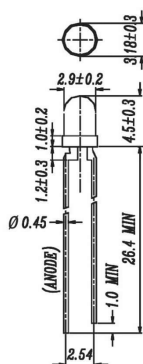
Nous souhaitons éclairer une DEL à partir d'une alimentation $V_{in} = +2.5V$.



Pour cela, nous allons étudier le montage suivant.



Le constructeur donne les caractéristiques suivantes pour la DEL Everlight Opto 264-7UYC/S530-A2 jaune-orange ronde 3 mm 110 mcd 40° 10 mA 1.9V.

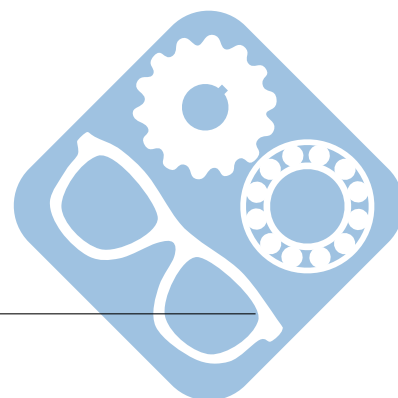


Cette diode a été conçue pour travailler avec un courant $I_F = 10mA$.

Question 1 : Donner la relation qui lie i_R et i_F .

Question 2 : Donner la relation qui lie U_R et V_F .

Question 3 : Donner la relation qui lie U_R et i_R .



Question 4 : Écrire i_F en fonction de V_F , V_{in} et R .

En superposant cette courbe à celle de la caractéristique de la DEL, le point de fonctionnement de la DEL apparaît à l'intersection des deux.

Question 5 : Superposer la courbe en question sur celle de la caractéristique de la DEL en faisant en sorte que le point de fonctionnement respecte les exigences du cahier des charges.

Question 6 : En déduire la valeur de la résistance R à mettre en place.



5 Correction

5.1 Packs d'accumulateurs

Question 1 : Donner une relation entre le nombre d'accumulateurs et la tension de sortie du pack de batteries. Ce nombre joue-t-il sur la charge totale du pack ? Comment modifier cette charge ?

$U_p = n.U_a$, avec U_p tension du pack d'accumulateurs, U_a tension d'un d'accumulateurs, n nombre d'accumulateurs.

Le nombre d'accumulateurs ne joue pas sur la charge du pack. Il faut modifier la charge de l'accumulateur élémentaire afin de modifier la charge du pack.

Question 2 : Calculez l'énergie (en Wh) stockée par chaque pack lorsqu'il est chargé.

44.4Wh	35.52Wh
50.4Wh	40.32Wh
30.24Wh	17.28Wh

Un Wh est équivalent à 3600J.

Question 3 : Calculez l'énergie (en kJ) stockée par chaque pack lorsqu'il est chargé.

159.84kJ	127.87kJ
181.44kJ	145.15kJ
108.86kJ	62.2kJ

Question 4 : Le pack de 10 accumulateurs de 4200mAh est utilisé afin d'alimenter un système qui tire un courant de 2A. Combien de temps en théorie la batterie peut fournir une tension de 12V.

En considérant une tension constante durant toute la décharge de la batterie, on trouve $T = \frac{4.2Ah}{2A} = 2.1h = 2h6min$.

La mise en parallèle de batteries permet de sommer leurs capacité.

Question 5 : Combien de pack de batteries devront être mis en parallèle afin de garantir un fonctionnement durant 6h ?

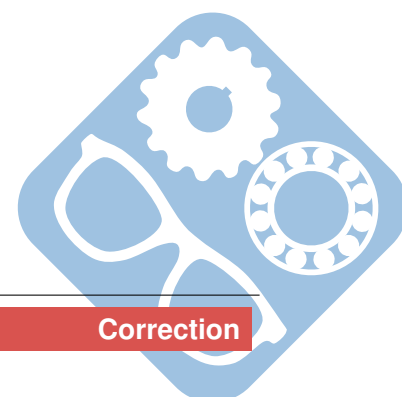
Il faut alors mettre 3 packs en parallèle.

5.2 Rhéostat de démarrage

Question 1 : La tension aux bornes du moteur est $U_m = U_r + U_L + e$, avec $U_L = 0$ en régime établi. De plus, la loi des mailles donne $U_{in} = U_R + U_m$

Calcul de U_r à partir de i et de r_{moteur} . Mesure de U_m , et calcul de e .

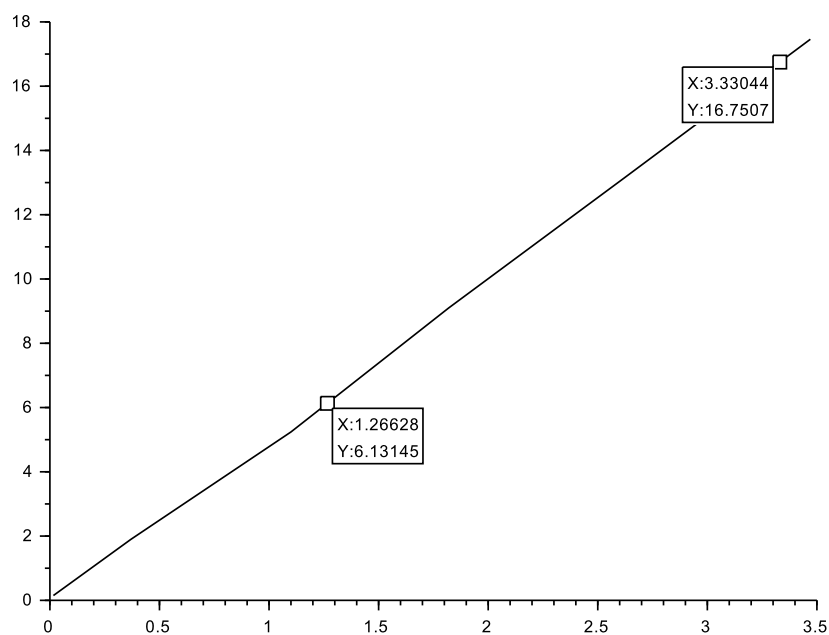
- $0 < t < 4s : U_r = 0.75 * 2.07 = 1.55, U_m = 1.7, e = 0.15$
- $4 < t < 8s : U_r = 0.82 * 2.07 = 1.7, U_m = 3.6, e = 1.9$
- $8 < t < 12s : U_r = 0.85 * 2.07 = 1.76, U_m = 7, e = 5.24$
- $12 < t < 16s : U_r = 0.87 * 2.07 = 1.8, U_m = 10.9, e = 9.1$
- $16 < t < 20s : U_r = 0.9 * 2.07 = 1.86, U_m = 15, e = 13.14$
- $20 < t < 25s : U_r = 0.94 * 2.07 = 1.94, U_m = 19.4, e = 17.46$



Question 2 : Relevé de la vitesse du moteur.

1. $0 < t < 4s : \Omega_m = 0.016$
2. $4 < t < 8s : \Omega_m = 0.37$
3. $8 < t < 12s : \Omega_m = 1.1$
4. $12 < t < 16s : \Omega_m = 1.82$
5. $16 < t < 20s : \Omega_m = 2.62$
6. $20 < t < 25s : \Omega_m = 3.47$

Question 3 :

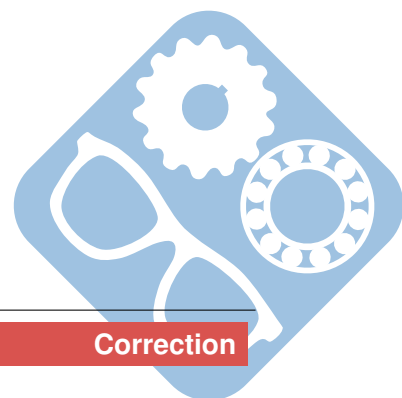


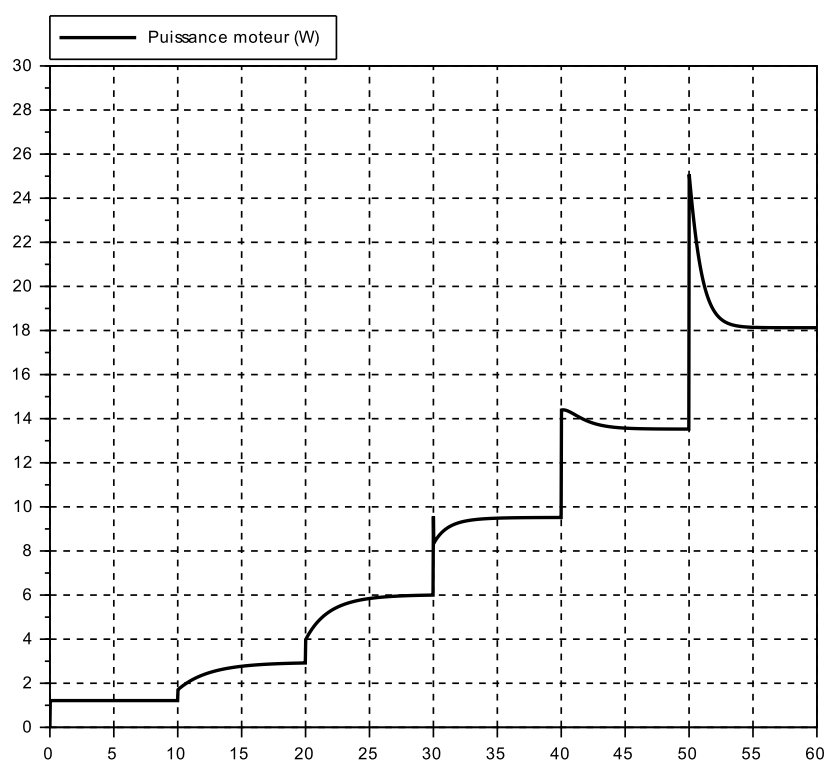
Point 1 : $16.75 = a * 3.33 + b$ Point 2 : $6.13 = a * 1.27 + b$

Taux d'accroissement : $16.75 - 6.13 / (3.33 - 1.27) = 5.15$

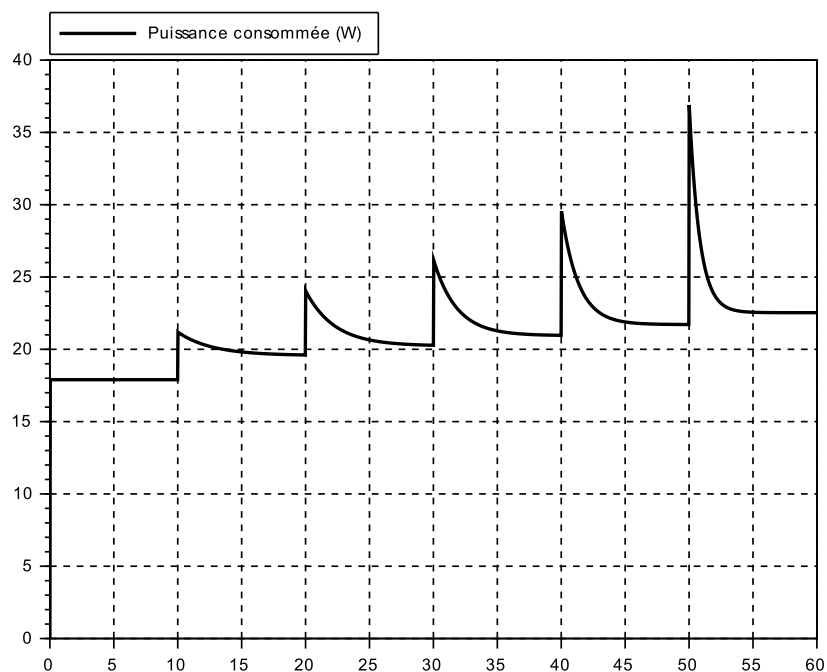
On trouve une constante de vitesse environ égale à $K_c = 5$.

Question 4 :

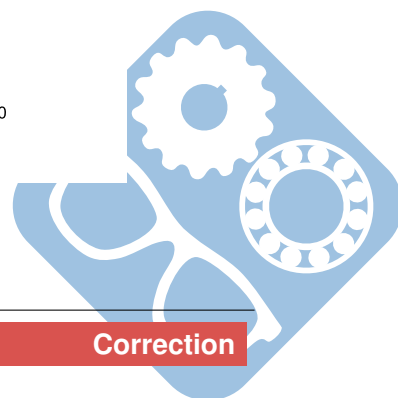


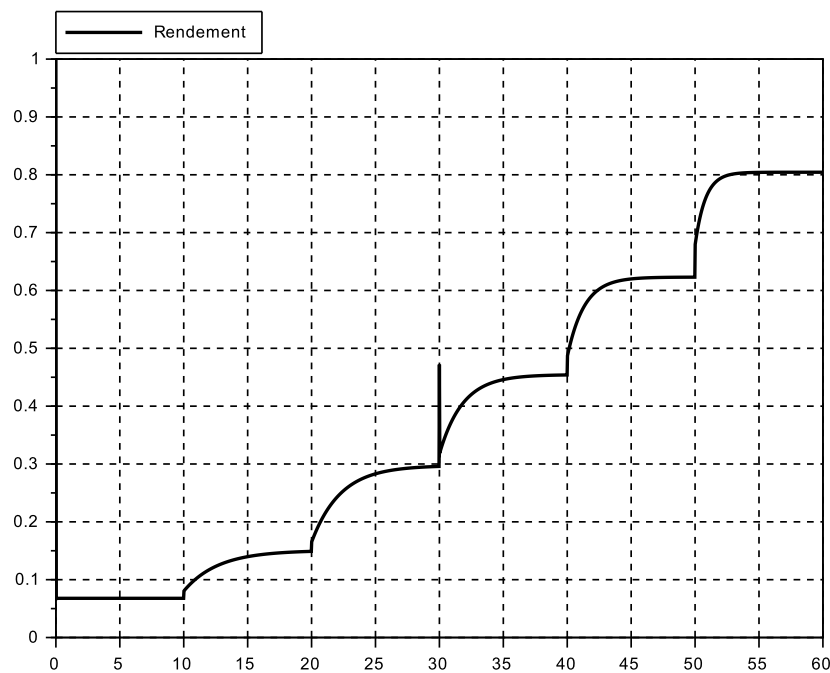


Question 5 :



Question 6 :





Question 7 : Ce système a un rendement très faible lorsque la vitesse du moteur est faible. Il peut donc être utilisé afin de démarrer un moteur mais ne peut pas être utilisé comme un variateur classique. Nous verrons plus tard des solutions permettant d'améliorer les performances de ces systèmes.

5.3 Flash d'appareil photo

Question 1 : $V_{in}(t) = u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) + u_C(t)$

$$V_{in}(t) = (R_1 + R_2) \cdot i(t) + u_C$$

$$V_{in}(t) = (R_1 + R_2) \cdot C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + u_C$$

$$V_{in}(p) = (R_1 + R_2) \cdot C \cdot p \cdot U_C(p) + U_C(p)$$

$$\frac{U_C(p)}{V_{in}(p)} = \frac{1}{(R_1 + R_2) \cdot C \cdot p + 1}$$

$$\tau = (R_1 + R_2) \cdot C = 200.6 \cdot 3.3 \cdot 10^{-3} = 0.66s$$

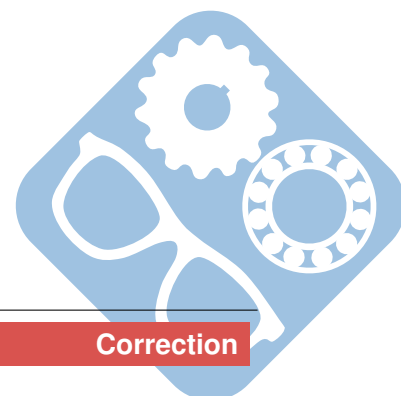
$$t_{5\%} = 3 \times 0.66 = 2s$$

Question 2 : $u_C(t) = V_{in} \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{(R_1 + R_2) \cdot C}} \right)$

$$u_C(t) = 6 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{0.66}} \right)$$

Question 3 : $u_{R_3}(t) - u_C(t) = 0$

$$R_3 \cdot i(t) - u_C(t) = 0$$



$$R_3 * C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = 0$$

$$R_3 * C \cdot (p \cdot u_C(p) - u_C(0+)) + u_C(p) = 0$$

$$u_C(p) = u_C(0+) \cdot \frac{1}{R_3 * C \cdot p + 1}$$

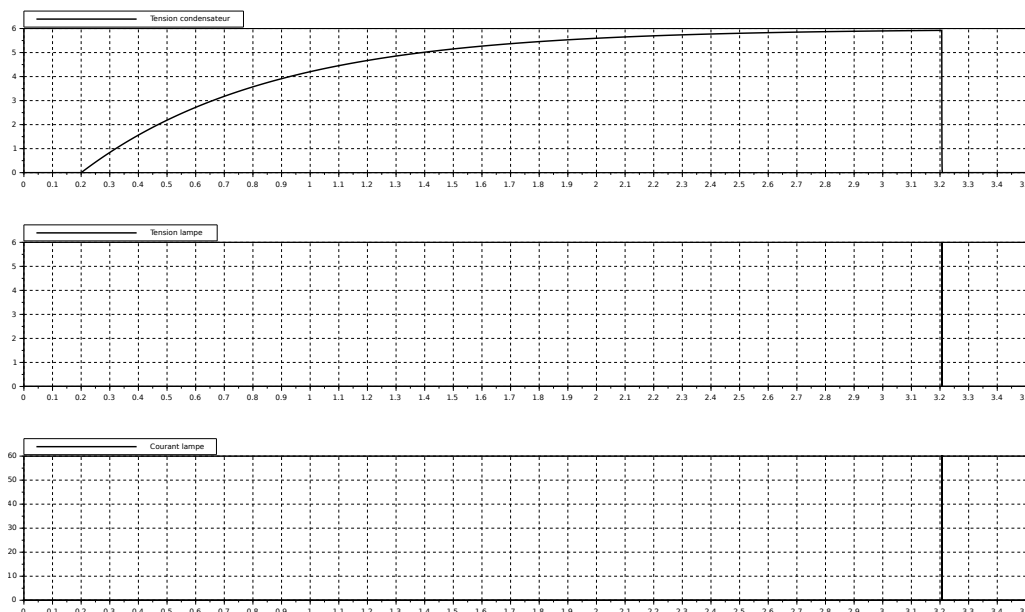
$$\tau = R_3 * C = 0.1 * 3.3 * 10^{-3} = 0.33ms$$

$$t_{5\%} = 1ms$$

Question 4 : $u_C(t) = V_{in} \cdot \left(e^{-\frac{t}{R_3 \cdot C}} \right)$

$$u_C(t) = 6 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{0.33 * 10^{-3}}} \right)$$

Question 5 :



5.4 Résistance de polarisation d'une DEL

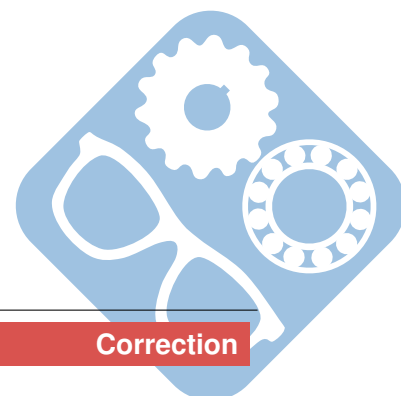
Question 1 : $i_R = i_F$

Question 2 : $U_R = V_{in} - V_F$

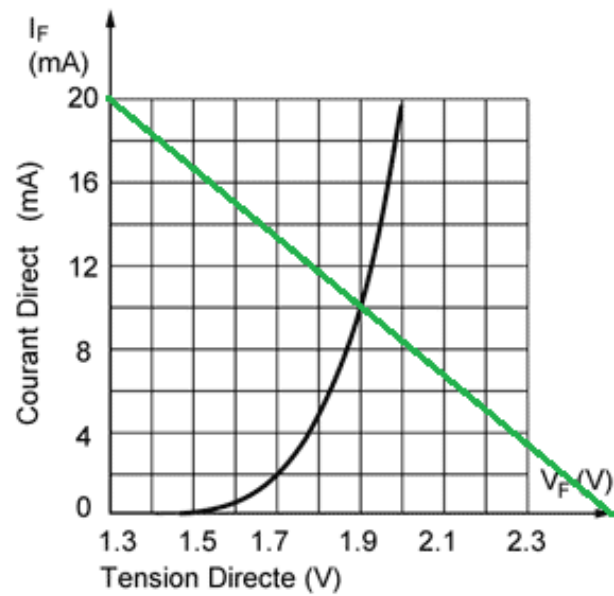
Question 3 : $U_R = R \cdot i_R$

Question 4 : $V_{in} - V_F = R \cdot i_F$

$$i_F = \frac{V_{in}}{R} - \frac{V_F}{R}$$



Question 5 :



Question 6 : Graphiquement, on trouve $\frac{V_{in} - 1.3}{R} = 20\text{mA}$, donc $R = \frac{1.2}{20 \cdot 10^{-3}} = 60\Omega$.

