

PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE FACULTAD DE MATEMÁTICAS

<u>DEPARTAMENTO DE ESTADÍSTICA</u>

Segundo Semestre 2018

## EYP1026 - Modelos Probabilísticos Ayudantía Nº 2

Profesor: Reinaldo Arellano Ayudante: Catalina Bustamante Fecha: 23 de Agosto 2018

- 1. Sea P una medida de probabilidad y A y B eventos tales que  $P(A) = \frac{1}{3}$  y  $P(B^c) = \frac{1}{4}$ . ¿Pueden ser disjuntos los eventos A y B?
- 2. Sean  $A, B \subseteq \Omega$  eventos tales que P(A), P(B) > 0. Demuestre que:
  - a) Si A y B son disjuntos, entonces no pueden ser independientes.
  - b) Si A y B son independientes, entonces no pueden ser disjuntos.
- 3. Sean  $A, B \subseteq \Omega$  eventos. Pruebe que:
  - a) P(B) = 1, entonces P(A|B) = P(A)
  - b) Si  $A \subseteq B$  con P(A) > 0, entonces P(B|A) = 1 y  $P(A|B) = \frac{P(A)}{P(B)}$
  - c) Si  $A\cap B=\emptyset$ y P(A)>0,entonces  $P(A|A\cup B)=\frac{P(A)}{P(A)+P(B)}$
- 4. En una población con igual número de hombres y mujeres, el 5% y 0.25% respectivamente sufre de daltonismo. Una persona es seleccionada al azar y resulta ser daltónica.; Cuál es la probabilidad de que dicho individuo sea hombre?
- $5.\,$  De un naipe inglés de 52 cartas se sacan dos al azar. Se pide:
  - a) Probabilidad de que ambas sean trébol (A).
  - b) Probabilidad de que una sea trébol y la otra corazón (B).
- 6. En una caja hay 80 tuercas, de las cuales 12 son defectuosas. Se toma 6 tuercas al azar. Se pide:
  - a) Probabilidad de que las 6 no estén defectuosas (A).
  - b) Probabilidad de que hayan 2 defectuosas (B).
- 7. En una rifa de 100 números, hay tres números premiados. Una persona compra 5 números. ¿Cuál es la probabilidad de que saque un premio?

- 8. Una caja contiene 60 pernos y 140 tuercas. Veinte pernos están dañados y lo mismo ocurre con 50 tuercas. Se toma un ítem al azar. ¿Cuál es la probabilidad de que sea un perno o esté dañado?
- 9. En un comedor hay 60 comensales, determinar la probabilidad de que A: dos personas, al menos, cumplean años el mismo día.