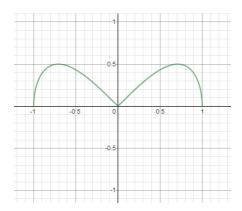
## PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATOLICA DE CHILE FACULTAD DE MATEMATICAS DEPARTAMENTO DE MATEMATICA

Primer semestre 2022

## Ayudantía 13 - MAT1610

1. La gráfica dada en la figura corresponde a la función  $f(x) = \sqrt{x^2 - x^4}$ . Determine el área comprendida entre las curvas asociadas a  $f(x) = \sqrt{x^2 - x^4}$  y  $g(x) = -\sqrt{x^2 - x^4}$ .



- 2. Sea R la región acotada por la parábola  $y = x x^2$  y el eje x.
  - (a) Determine el área de la región R.
  - (b) ¿Existe una recta que pasa por el origen que divide a la región R en dos partes de igual área? ¿Cuál es la pendiente de la recta?
- 3. Calcular el volumen de un cono circular truncado, cuya altura es h, base inferior R y radio superior r, como se muestra en la figura.



- 4. Determinar el volumen del sólido generado por la rotación del área limitada por las curvas asociadas a  $-y^2 1 = x$  y la recta x = -2 alrededor de la recta x = -2
- 5. Hallar el volumen del sólido generado en la rotación del área limitada por la parábola  $y = -x^2 3x + 6$  y la recta y = 3 x alrededor de la recta x = 3.