

Ej 3

$$f(x) = \frac{1+x}{2-x}$$

$$g(x) = \frac{1}{x}$$

↳ $f \circ g$

$$\begin{aligned} &= f(g(x)) = \frac{1+g(x)}{2-g(x)} = \frac{1+\frac{1}{x}}{2-\frac{1}{x}} \cdot \frac{x}{x} \\ &= \frac{x+1}{2x-1} \end{aligned}$$

→ el Dominio:

Como $2x-1$ esta dividiendo

$$\begin{aligned} \Rightarrow 2x-1 &\neq 0 \\ \therefore 2x &\neq 1 \\ x &\neq \frac{1}{2} \end{aligned}$$

Además como esta $g(x) = \frac{1}{x}$

$$\therefore x \neq 0$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, 0) \cup (0, \frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, \infty)$$

$$\hookrightarrow g \circ f = g(f(x)) = \frac{1}{f(x)} = \frac{1}{\frac{1+x}{2-x}} = \frac{2-x}{1+x}$$

Ahora $1+x$ esta dividiendo

$$\begin{aligned} \Rightarrow 1+x &\neq 0 \\ \Rightarrow x &\neq -1 \end{aligned}$$

por su parte por $f(x)$ $2-x \neq 0$
 $\therefore x \neq 2$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, -1) \cup (-1, 2) \cup (2, \infty)$$

* Quizas hay dudas sobre porque en la primera consideramos solo $g(x)$ para hacer la restricción y no $f(x)$.

Esto es porque $g(x)$ aparece directamente

$$f \circ g = \frac{1+\cancel{g(x)}}{2-\cancel{g(x)}} \therefore x \neq 0, \text{ en cambio } f$$

no este directo, sino evaluado en $g(x)$

Lo mismo ocurre en la segunda parte.