Modelos Probabilísticos Ayudantía 10

Camilo González

3 de Noviembre del 2020



Si X_1 y X_2 son variables aleatorias independientes ${\sf Gamma}(\alpha_i,1)$, encuentre la distribución de:

$$X_1/(X_1+X_2)$$
 y $X_2/(X_1+X_2)$.

Suponga que la distribución de Y, condicional en X=x, es $\mathsf{Normal}(x,x^2)$ y la distribución marginal de X es $\mathsf{Uniforme}(0,1)$

- 1. Encuentre E(Y), Var(Y) y Cov(X, Y).
- 2. Pruebe que Y/X y X, son independientes.

Sean X_1,\dots,X_n variables aleatorias iid con cdf continua $F_X,$ y suponga $\mathrm{E}(X_i)=\mu.$

Se define Y_1, \dots, Y_n como:

$$Y_i = \left\{ \begin{array}{ll} 1 & \text{if } X_i > \mu \\ 0 & \text{if } X_i \leq \mu \end{array} \right.$$

Encuentre la distribución de $\sum_{i=1}^{n} Y_i$.

En la Salmonicultura, es clave controlar y predecir el peso (en ${\rm Kg}$) de los peces. Un muy buen predictor es el alimento, en gramos, que el pez come. Un análisis post cosecha de una jaula muestran un comportamiento Normal Bivariado entre el peso (Y) y el alimento consumido (X).

La siguiente salida de R entrega un resumen de los datos obtenidos en la jaula:

¿Cuál sería su pronóstico para el peso, si el pez comió 350 gramos de alimento?