



Universidad Nacional Experimental del Táchira

Vicerectorado Académico

Decanato de Docencia

Departamento de Ingeniería en Informática

Trabajo de aplicación profesional

Proyecto especial de grado

DISEÑO DE UN CLASIFICADOR DE TUBÉRCULOS DE PAPA CRIOLLA PARA DIFERENTES DENSIDADES DE  
SIEMBRA SEGÚN EL PESO FRESCO POR CALIBRE EMPLEANDO BAYES NAIVE.

Autor(es): Estefany C. Salas S.

C.I.: 24820631

estefany.salas@unet.edu.ve

Tutor(es): Rossana Timaure

rttg@unet.edu.ve

San Cristóbal, Julio de 2018.

---

# Introducción

En Colombia, el nombre papa criolla corresponde a un morfotipo que desarrolla tubérculos con piel color amarilla y pulpa, esta variedad ha sido clasificada como *Solanum phureja*, según Fedepapa esta variedad de papa es un alimento de alto valor nutritivo y de excelentes calidades culinarias, además de ser una de las fuentes de proteína más económica y ser considerada un producto exótico por consumidores de Europa y Estados Unidos, lo que le permite posicionarse como un producto para exportación que normalmente se comercializa en presentaciones que van desde paquetes de papas congeladas a latas de papa.

Al ser un producto de alta demanda requiere controles de calidad altos y un gran manejo de las variables que influyen en su crecimiento, por supuesto las industrias que trabajan con este tubérculo buscan opciones que les permitan mejorar la calidad de la papa incurriendo en los menores gastos, aquí entran variables como las que van a ser investigadas por el presente, que son la densidad de siembra (distancia entre plantas y distancia entre surcos) y los pesos frescos de la cada calibre, en investigaciones anteriores se ha determinado que existe una relación entre estas variables, dichas investigaciones señalan que la densidad de siembra tiene un efecto sobre los tamaños y cantidad de tubérculos que la misma va a producir, esto indicaría que esta variable podría ser usada por industrias para obtener la mayor cantidad de tubérculos que se adecuen a los tamaños que ellos desean.

Esta investigación tiene como objetivo crear un clasificador empleando *Bayes Naive* que teniendo como variables de entrada (características) los pesos frescos de cada calibre logre identificar con un nivel alto de aciertos la densidad de siembra que fue usada en esa cosecha, y así poder establecer la relacion entre estás variables de manera más precisa. Se usará como método de clasificación *Bayes Naive* porque ha demostrado dar un gran porcentaje de aciertos al momento de clasificar y no posee limitaciones como los métodos estadísticos clásicos o la regresión espacial. Los datos observados para realizar el modelo de clasificación fueron recolectados previamente por

un estudiante de la Universidad Nacional de Colombia, a partir de estos se plantea generar un modelo empleando regresión espacial con el cual se pueda generar datos artificiales, para luego realizar el clasificador con ambos conjuntos de datos y evaluar cual se ajusta mejor evaluando la curva característica operativa del receptor para cada caso.

La herramienta informática a emplear para desarrollar el algoritmo y realizar la clasificación es Python. Python es un lenguaje de programación reconocido por poseer una sintaxis simple y ser fácil de aprender, además es eficiente, este lenguaje permite a más personas aprender a programar de manera sencilla y así concentrarse en los problemas que buscan resolver. Actualmente se puede observar una gran tendencia al uso de Python en grandes centros de investigación como el CERN (Organización Europea para la Investigación Nuclear) y por parte de científicos en ramas como la Bioinformática, Neurofisiología, Física, Matemáticas, etc. Esto es debido a la disponibilidad de librerías de visualización, procesamiento de señales, estadísticas, álgebra, etc.; de fácil utilización y que cuentan con muy buena documentación. Los paquetes de Python denominados NumPy (Python Numérico) y SciPy (Python Científico) son pilares para la realización de trabajos científicos capaces de emular las funciones de otros lenguajes netamente científicos con Matlab.

---

# Capítulo 1

## Preliminares

### 1.1. Planteamiento y formulación del problema

Los algoritmos, estadística, ingeniería, optimización y ciencia computacional son parte de las herramientas que ayudan a describir un aspecto del mundo real a través de un conjunto de datos que está conformado por las muestras que son representaciones de objetos reales y las características que son la descripción de dichos objetos. (Layton, 2015)

Según VanderPlas (2017) para realizar clasificación se pueden implementar los modelos *Bayes Naive* que son un grupo de algoritmos simples y rápidos mayormente acertados para conjuntos de datos grandes, estos clasificadores están contruidos sobre la base de los métodos de clasificación Bayesiana que se apoyan en el teorema de Bayes que es una ecuación que describe la relación de las probabilidades condicionales de las cantidades estadísticas. En la clasificación Bayesiana el interés es encontrar la probabilidad de una clase  $L$  de acuerdo a las características observadas, que se puede escribir como  $P(L|caracteristicas)$  y el teorema de Bayes indica como expresar esto en términos de cantidades que pueden ser computarizadas mas fácilmente:

$$P(L|caracteristicas) = \frac{P(caracteristicas|L) P(L)}{P(caracteristicas)}$$

Si se intenta decidir entre dos clases ( $L_1$  y  $L_2$ ) la manera de tomar la decisión es computar el ratio de la probabilidad posterior para cada clase:

$$\frac{P(L_1|caracteristicas)}{P(L_2|caracteristicas)} = \frac{P(caracteristicas|L_1) P(L_1)}{P(caracteristicas|L_2) P(L_2)}$$

El algoritmo basado en estas ecuaciones debe seguir los siguientes pasos según Layton (2015):

- Teniendo el conjunto de datos de entrenamiento se debe calcular los valores de la probabilidad de una característica para cada clase.
- Se computa la probabilidad de que un dato de muestra pertenezca a una clase.
- Se computa la probabilidad de que un dato pertenezca a una clase.
- Se ingresan valores de prueba al modelo y se prueba la clasificación.

En investigaciones anteriores como la de Misigo y Miriti (2016) en la cual se clasificaron manzanas según su variedad queda en evidencia que el uso de clasificadores *Bayes Naive* posee un porcentaje de exactitud mayor sobre componentes de análisis, lógica difusa y la red neuronal artificial perceptrón multicapa, por lo tanto la propuesta de esta investigación es implementar un clasificador de *Bayes Naive* para entrenar un modelo que teniendo como características o entradas los pesos frescos de cada calibre de papa (el calibre es una categorización de las papas según su tamaño) que pueda indicar con un alto nivel de aciertos la densidad de siembra a la que fue plantada, el desarrollo de este clasificador será en Python que según la fundación de Python (2018) es un lenguaje de programación creado en 1990 por Guido Van Rossum que se caracteriza por ser sencillo de aprender, tener estructuras de data de alto nivel que son eficientes y un simple pero efectivo acercamiento con la programación orientada a objetos. Este lenguaje actualmente es muy usado en el mundo de la ciencia porque provee herramientas que facilitan a las personas enfocarse más en el problema que buscan resolver y no en como programarlo, un ejemplo de esto son los paquetes NumPy (Python Numérico) y SciPy (Python Científico) que proveen un gran número de funciones similares a las de lenguajes como Matlab que son netamente científicos (Challenger-Pérez *et al*, 2014).

La clasificación de las papas usualmente se realiza de manera manual, existen algunos modelos de clasificación generados por métodos estadísticos no espaciales que incurren en la violación de sus supuestos para obtener un resultado y por lo tanto su uso es poco. Al implementar un clasificador Bayes Naive estos supuestos desaparecen y se puede realizar una clasificación acertada que pueda ser considerada como un reemplazo a la clasificación manual. Según la «Norma NTC 341. Industria Alimentaria - Papa para Consumo» la clasificación de tubérculos según su diámetro se realiza bajo las clases denominadas muy grande (mayores a 90mm), grande (65-90mm), mediana (45-64mm) y pequeña (30-44mm). Por otra parte la clasificación comercial en Colombia se realiza según grados

(calibres), donde el grado 0 corresponde a tubérculos con un diámetro mayor a 90mm, el grado 1 a diámetros entre 70 y 89mm, el grado 2 entre 50 y 69mm y el grado 3 entre 35 y 49mm (Buitrago et al, 2003). Sin embargo, los datos para esta investigación siguen la clasificación de Bernal (2017) quien clasificó los tubérculos según su diámetro en las categorías menores a 2cm, (2-4] cm, (4-6] cm y mayores de 6 cm, estas categorías son denominadas calibres.

Los datos que se van a emplear para la construcción, validación y prueba del clasificador serán los datos observados en el Centro agropecuario Marengo de la Universidad Nacional de Colombia, en el departamento de Cundinamarca y datos que serán generados empleando regresión espacial, para así observar las variaciones que pueden provocar en el modelo los datos reales y los generados artificialmente. El método de regresión espacial es un modelo estadístico para data observada en unidades geográficas como países o regiones, donde juegan un papel importante los vecinos como indica Arbia (2014), este autor expresa que para tratar información espacial es necesario tener dos sets de información, el primero que posee los valores observados de las variables y el segundo que posee la ubicación particular donde esos valores fueron observados y las relaciones de proximidad entre todas las observaciones espaciales.

Para realizar la comparación de los resultados obtenidos para cada set de datos se usa la curva ROC, que como explica Gönen (2017) la curva ROC (*Receiver Operating Characteristic Curve*) es una herramienta estadística para evaluar la precisión de predicciones independientemente de la fuente de las mismas.

## 1.2. Objetivos

### 1.2.1. Objetivo General

Diseñar un clasificador de tubérculos de papa criolla para diferentes densidades de siembra según el peso fresco por calibre empleando *Bayes Naive*.

### 1.2.2. Objetivos Específicos

- Diagnosticar el formato de las variables de entrada y salida para el clasificador.
- Establecer el tipo de algoritmo *Bayes Naive* a emplear y las características para el entrenamiento.

- Implementar el algoritmo de clasificación basado en *Bayes Naive*.
- Realizar las pruebas de funcionamiento y la comparación estadística.

### 1.3. Justificación e Importancia

Para la industria colombiana la papa criolla constituye un rubro muy importante, es un producto versátil que como lo indica Piñeros (2009) permite mediante varios procesos la obtención de papa criolla precocida y congelada, francesa precocida prefrita congelada y preformados, entre otros, para la realización de cada uno de estos productos es necesario emplear papas cuyas características se adecuen a lo que busca la industria, una característica resaltante al momento de clasificar papas es su peso. Cuando una industria cosecha papas controla que el resultado sean papas que se adecuen al tipo de producto que luego van a generar, para ellos usan diferentes métodos que les permiten controlar las características incurriendo en los menores gastos posibles.

Para realizar clasificaciones de papa criolla que se basen en la relación que hay entre la densidad de siembra y los pesos frescos de los calibres de papa no existe un método o sistema que realice una clasificación acertiva, incluso, no existen muchos métodos que empleen algoritmos que sean capaces de realizar la identificación con gran precisión empleando estadística, por eso se propone realizar el clasificador empleando *Bayes Naive* y Python, *Bayes Naive* por ser un algoritmo de fácil implementación que ha demostrado en investigaciones pasadas tener un alto nivel de aciertos y no depende del supuesto de independencia, y se plantea emplear Python como lenguaje de programación por ser un lenguaje que posee una sintaxis simple, un alto nivel de efectividad y librerías dedicadas al desarrollo científico, lo que permite que el algoritmo que se diseñe sea de fácil uso para personas del campo agronómico, es decir, sería una herramienta base para investigadores que luego quieran emplear sus propios clasificadores pero no tengan un alto nivel de instrucción en la parte informática.

### 1.4. Alcance y Limitaciones

Los datos para realizar el entrenamiento, validación y prueba del modelo de clasificación fueron recolectados en una cosecha de papa criolla (*Solanum phureja*) a los 120 días de siembra, en total se tienen 2839 sets de datos que fueron sembrados a tres densidades de siembra diferentes (30, 40 y 50cm entre plantas, todos con separación de 100cm entre surcos), los tubérculos de cada planta luego de ser cosechados fueron clasificados en cuatro grupos según su calibre, el primer grupo es

para tamaños menores de 2cm, el segundo para tamaños de 2 a 4cm, el tercero para tamaños de 4 a 6 cm y el último para tamaños mayores de 6cm, luego por cada planta se obtuvo el peso fresco para cada uno de esos calibres. En total se tienen 1135 conjuntos de datos para la densidad de 30 cm, 926 conjuntos para la densidad de 40 cm y 778 para la densidad de 50 cm.

En esta investigación solo se realizará la clasificación de la densidad de siembra a partir de los pesos frescos de cada calibre, otras variables que representan características de las papas como la textura, color, diámetro ponderado, no serán tomadas en consideración. El modelo de clasificación será construido y probado con la data observada y data generada a partir del método de regresión espacial para contrastar la diferencia entre ambas.



---

# Capítulo 2

## Fundamentos teóricos

### 2.1. Antecedentes

Internacional. Noor Amaleena Mohamad, Noorain Awang Jusoh, Zaw Zaw Htike y Shoon Lei Win, 2014. Bacteria Identification from Microscopic Morphology using Naïve Bayes.

El objetivo de la investigación fue proponer un marco automatizado de identificación de bacterias que pudiera clasificar tres famosas clases de bacterias llamadas Cocci, Bacilli y Vibrio desde la morfología microscópica usando el clasificador *Bayes Naive*, para desarrollar el marco se comprendieron dos fases, la primera fue el entrenamiento del sistema empleando un set de imágenes microscópicas que contenían Cocci, Bacilli y Vibrio, las imágenes de entrada fueron normalizadas para enfatizar el diámetro y forma de las características. En la segunda etapa se empleo el clasificador *Bayes Naive* para realizar inferencia probabilística basada en los descriptores de entrada. Para el entrenando se utilizaron 65 imágenes de cada clase de bacteria, para las pruebas fueron usadas 222 imágenes que poseían las tres clases de bacteria e imágenes aleatorias de humanos y aviones, durante las pruebas el sistema fue capaz de discriminar correctamente entre las tres clases de bacterias e incluso logró rechazar las imágenes que no pertenecían a ninguna de las tres clases de bacterias, como conclusión la investigación demostró como un simple clasificador con unas cuantas características basadas en imágenes puede proveer una alta exactitud en la identificación de bacterias según su morfología microscópica, este marco de identificación que consiste en la extracción y clasificación ha logrado un 80 % de exactitud al clasificar las tres bacterias (Cocci, Bacilli y Vibrio), a pesar de su naturaleza exploratoria se considera que se debe realizar más trabajo para lograr una clasificación robusta y de mayor exactitud empleando aprendizaje automático no solo para bacterias sino para cualquier otro objeto clasificable.

Internacional. Misigo Ronald y Miriti Evans, 2016. Classification of Selected Apple Fruit Varieties using Naïve Bayes.

La necesidad de distinguir variedades de manzanas de una manera rápida y no destructiva motivó la investigación presente que tiene como objetivo principal investigar la aplicabilidad y el rendimiento del algoritmo de clasificación de *Bayes Naive* para distinguir las variedades de manzanas, la metodología aplicada involucro la adquisición de las imágenes, preprocesamiento y segmentación, análisis y clasificación de las variedades de manzanas. Se realizó un muestreo aleatorio y se emplearon 60 imágenes para el entrenamiento del clasificador, 30 imágenes para la validación y 60 imágenes para las pruebas, los resultados fueron positivos verdaderos, positivos falsos, negativos verdaderos y negativos falsos, luego se evaluó el rendimiento del sistema, obteniendo los valores estimados para exactitud, sensibilidad, precisión y especificidad donde se obtuvo 91 %, 77 %, 100 % y 80 % respectivamente, en conclusión la clasificación empleando *Bayes Naive* resultó en un porcentaje mayor de exactitud que las técnicas de lógica difusa y MLP-Neural que habían sido empleadas previamente para realizar la tarea de clasificación.

Internacional. Arias Victoria, Bustos Patricia y Núñez Carlos, 1996. Evaluación del Rendimiento en Papa Criolla (*Solanum phureja*) variedad «Yema de Huevo», bajo diferentes Densidades de Siembra en la Sabana de Bogotá.

Se evaluó el rendimiento de la papa criolla (*Solanum phureja* Juz. et Buk.) variedad «yema de huevo», bajo diferentes densidades de siembra, utilizando cuatro distancias entre surcos (0,70;0,80;0,90 y 1,0m), en Cundinamarca, Colombia. Las variables de rendimiento evaluadas fueron: peso y número de tubérculos de primera, segunda y tercera clase por metro cuadrado, y peso y número total de tubérculos por metro cuadrado. Las diferentes densidades evaluadas no presentaron diferencias significativas para el número y peso de tubérculos de primera y segunda clase, para las distancias entre surcos menores de un metro, se encontraron incrementos significativos en el peso total de tubérculos, pero se redujo el tamaño promedio de los mismos, es decir, que se obtuvo mayor número y peso de tubérculos de tercera clase.

Internacional. Paraskevas Tsangaratos y Ioanna Ilia, 2016. Comparison of a logistic regression and Naïve Bayes classifier in landslide susceptibility assessments: The influence of models complexity and training dataset size.

El objetivo principal de la investigación fue comparar el rendimiento de un clasificador que implementa regresión logística con uno que implementa el algoritmo de *Bayes Naive* en evaluaciones de susceptibilidad a deslizamientos. El estudio proporciona una evaluación sobre la influencia de la complejidad del modelo y el tamaño del conjunto de datos de entrenamiento, mientras que identifica el clasificador más preciso y confiable. La comparación de los dos clasificadores se basó en la evaluación de una base de datos que contiene 116 sitios ubicados en las montañas de Epiro, Grecia, donde se han encontrado eventos graves de derrumbes. Los sitios están clasificados en dos categorías, áreas sin deslizamientos de tierra y derrumbes. En particular, se analizaron siete variables: unidades geológicas de ingeniería, ángulo de la pendiente, aspecto de la pendiente, promedio anual de precipitación, distancia de la red fluvial, distancia de las características tectónicas y distancia de la red de carreteras. Se implementó el análisis de multicolinealidad y la selección de características para estimar la independencia condicional entre las variables y para clasificar las variables según su importancia en la estimación de la susceptibilidad al deslizamiento.

Mediante los procesos anteriores, se logró la construcción de nueve conjuntos de datos diferentes, promover la partición permitió crear subconjuntos de entrenamiento y validar datos de los 116 sitios originales. Cada conjunto de datos era caracterizado por el número de variables utilizadas y el tamaño de los conjuntos de datos de entrenamiento. La comparación y validación de los resultados de cada modelo se logró utilizando medidas de evaluación estadística, la característica operativa de recepción y el área bajo las curvas de éxito y velocidad predictiva. Los resultados indicaron que la complejidad del modelo y el tamaño del conjunto de datos de capacitación influyen en la precisión y la capacidad predictiva de los modelos concernientes a la susceptibilidad al deslizamiento. En particular, el modelo más preciso con alto poder predictivo fue el octavo modelo (cinco variables y 92 datos de entrenamiento), con el clasificador *Bayes Naive* teniendo un rendimiento y precisión generales ligeramente más altos que el clasificador de regresión logística, 87.50 % y 82.61 % en los conjuntos de datos de validación, respectivamente. El área más alta bajo la curva se logró mediante el clasificador Naïve Bayes para los conjuntos de datos de entrenamiento y validación (0.875 y 0.806 respectivamente) mientras que el clasificador de regresión logística logró valores de AUC más bajos para los conjuntos de datos de capacitación y validación (0,844 y 0,711, respectivamente). Cuando hay datos limitados disponibles, parece que se podrían obtener resultados más precisos y confiables mediante clasificadores generativos, como clasificadores *Bayes Naive*.

## 2.2. Bases Teóricas

### 2.2.1. Python

Python es un lenguaje de programación de código abierto creado por Guido van Rossum. Una de las ideas claves de van Rossum era que los programadores pasaban más tiempo leyendo código que escribiéndolo, entonces creo un lenguaje fácil de leer. Python es uno de los lenguajes de programación más populares y fáciles de aprender. Funciona en la mayoría de sistemas operativos y computadoras y es usado desde la construcción de servidores web hasta crear aplicaciones de escritorio. (Althoff,2016)

### 2.2.2. PyCharm

PyCharm es un entorno de desarrollo integrado dedicado a Python y Django que provee un amplio rango de herramientas esenciales para programadores, que están estrechamente integrados para crear un entorno conveniente para el desarrollo productivo de Python.

### 2.2.3. Regresión Espacial

El método de regresión espacial es un modelo estadístico para data observada en unidades geográficas como países o regiones, donde juegan un papel importante los vecinos como indica Arbia (2014), este autor expresa que para tratar información espacial es necesario tener dos sets de información, el primero que posee los valores observados de las variables y el segundo que posee la ubicación particular donde esos valores fueron observados y las relaciones de proximidad entre todas las observaciones espaciales. (hablar de autocorrelación espacial y supuestos de independencia).

### 2.2.4. Probabilidad Condicional

Koduvely(2015) indica que se define como la probabilidad de un evento, dado que ha ocurrido otro evento. Más formalmente, si tomamos las variables A y B, esta definición se puede reescribir de la siguiente manera:

$$P(A|B) = \frac{P(A, B)}{P(B)}$$

### 2.2.5. Teorema de Bayes

Según Koduvely(2015) desde la definición de las probabilidades condicionales  $P(A|B)$  y  $P(B|A)$  es simple mostrar lo siguiente:

$$P(A|B) = \frac{P(B|A)P(A)}{P(B)}$$

Thomas Bayes empleo esta regla y formuló su famoso teorema de Bayes que puede interpretarse si  $P(A)$  representa el grado inicial de creencia (o probabilidad previa) en el valor de una variable aleatoria  $A$  antes de observar  $B$ ; luego, su probabilidad posterior o grado de creencia después de que se tenga en cuenta  $B$  se actualizará de acuerdo con la ecuación anterior. Entonces, la inferencia bayesiana se corresponde esencialmente con la actualización de las creencias sobre un sistema incierto después de haber hecho algunas observaciones al respecto. En el sentido, esta es también la forma en que los seres humanos aprendemos sobre el mundo. Por ejemplo, antes de visitar una nueva ciudad, tendremos cierto conocimiento previo sobre el lugar después de leer libros o en la Web. Sin embargo, poco después de llegar al lugar, esta creencia se actualizará en función de nuestra experiencia inicial del lugar. Actualizamos continuamente la creencia a medida que exploramos la ciudad nueva cada vez más.

### 2.2.6. Inferencia Bayesiana

Las estadísticas clásicas o frecuentistas normalmente consideran que cualquier dato físico que genere datos que contengan ruido puede modelarse mediante un modelo estocástico con valores fijos de parámetros. Los valores de los parámetros se aprenden de los datos observados a través de procedimientos tales como la estimación de máxima verosimilitud. La idea esencial es buscar en el espacio de parámetros para encontrar los valores de los parámetros que maximicen la probabilidad de observar los datos vistos hasta el momento. Ni la incertidumbre en la estimación de los parámetros del modelo a partir de los datos, ni la incertidumbre en el modelo mismo que explica los fenómenos en estudio, se tratan de una manera formal. El enfoque Bayesiano, por otro lado, trata todas las fuentes de incertidumbre usando probabilidades. Por lo tanto, ni el modelo para explicar un conjunto de datos observado ni sus parámetros son fijos, pero se tratan como variables inciertas. La inferencia bayesiana proporciona un marco para aprender la distribución completa de los parámetros del modelo, no solo los valores, que maximizan la probabilidad de observar los datos dados. El aprendizaje puede provenir tanto de la evidencia proporcionada por los datos observados como del conocimiento de dominio de los expertos. También hay un marco para seleccionar el mejor modelo entre la familia de modelos adecuados para explicar un determinado conjunto de datos. (Koduvely,2015)

### 2.2.7. Clasificador Bayes Naive

El clasificador *Bayes Naive* es un clasificador probabilístico basado en el teorema de Bayes, considerando la suposición de independencia ingenua. Los clasificadores Bayes Naive suponen que el efecto de un valor de variable en una clase dada es independiente de los valores de otra variable. Esta suposición se llama independencia condicional de clase. Bayes Naive a menudo puede realizar métodos de clasificación más sofisticados, es particularmente adecuado cuando la dimensionalidad de las entradas es alto. Cuando se quieren resultados más competentes, en comparación con otros métodos de salida, podemos usar la implementación de este clasificador que crea modelos con capacidades predictivas. (Misigo y Miriti, 2016)

Como indica Koduvely (2015), el nombre *Bayes Naive* proviene de la suposición básica en el modelo de que la probabilidad de una característica particular  $X_i$  es independiente de cualquier otra característica  $X_j$  dada la etiqueta de la clase  $C_k$ . Esto implica lo siguiente:

$$P(X_i|C_k, X_j) = P(X_i|C_k)$$

Usando esta suposición y la regla de Bayes, se puede mostrar que la probabilidad de clase  $C_k$ , características dadas, viene dada por:

$$P(C_k|\{X_1, X_2, \dots, X_n\}) = \frac{1}{P(X_1, X_2, \dots, X_n)} P(C_k) \prod P(X_i|C_k)$$

Donde,  $P(X_1, X_2, \dots, X_n)$  es el término de normalización obtenido al sumar el numerador en todos los valores de  $k$ . También se denomina evidencia bayesiana o función de partición  $Z$ . El clasificador selecciona una etiqueta de clase como la clase objetivo que maximiza la probabilidad de clase posterior  $P(C_k|\{X_1, X_2, \dots, X_n\})$ .

### 2.2.8. Bayes Naive Bernoulli

Como define Bonaccorso (2017) Si  $X$  es una variable aleatoria que se ajusta a la distribución de Bernoulli se puede asumir que solo tiene dos valores posibles que en este caso serán 0 y 1, y su probabilidad es:

$$P(X) = \begin{cases} p & \text{si } X = 1 \\ q & \text{si } X = 0 \end{cases}$$

Donde  $q = 1 - p$  y  $0 < p < 1$

Cuando se aplica el clasificador Bayes naive con esta representación, se asume que la aparición de un valor es independiente de la aparición del otro, y se obtiene la frecuencia de cada valor dentro de los datos. (Koller y Friedman, 2009)

### 2.2.9. Bayes Naive Multinomial

Según Bonaccorso (2017) una distribución multinomial es útil para modelar vectores de características donde cada valor representa, por ejemplo, el número de apariciones de un término o su frecuencia relativa. Si los vectores de características tienen  $n$  elementos y cada uno de ellos puede asumir  $k$  valores diferentes con probabilidad  $p_k$ , entonces:

$$P(X_1 = x_1 \cap X_2 = x_2 \cap \dots \cap X_k = x_k) = \frac{n!}{\prod_i x_i!} \prod_i p_i^{x_i}$$

Las probabilidades condicionales  $P(X_i|y)$  se calculan con un recuento de frecuencia (que corresponde a aplicar un enfoque de máxima verosimilitud), pero en este caso, es importante considerar el parámetro alfa (denominado factor de suavizado de Laplace). Su valor predeterminado es 1.0 e impide que el modelo establezca probabilidades nulas cuando la frecuencia es cero. Es posible asignar todos los valores no negativos; sin embargo, los valores más grandes asignarán mayores probabilidades a las características faltantes y esta opción podría alterar la estabilidad del modelo.

### 2.2.10. Bayes Naive Gaussiano

De acuerdo con Bonaccorso (2017) es útil cuando se trabaja con valores continuos cuyas probabilidades se pueden modelar usando una distribución gaussiana:

$$P(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Las probabilidades condicionales  $P(x_i|y)$  también están distribuidas en Gauss; por lo tanto, es necesario estimar la media y la varianza de cada uno de ellos utilizando el enfoque de máxima verosimilitud. Esto es bastante fácil; De hecho, considerando la propiedad de un gaussiano, se obtiene:

$$L(\mu; \sigma^2; x_i|y) = \log \prod_k P(x_i^{(k)}|y) = \sum_k \log P(x_i^{(k)}|y)$$

En la formula anterior, el índice  $k$  se refiere a las muestras en el conjunto de datos y  $P(x_i^{(k)}|y)$

es un gaussiano en sí mismo. Al minimizar el inverso de esta expresión se obtiene la media y la varianza para cada gaussiano asociado con  $P\left(x_i^{(k)}|y\right)$  y, por lo tanto, el modelo está capacitado.

### 2.2.11. Curva Característica Operativa del Receptor

Una curva característica operativa del receptor es una herramienta estadística para evaluar la precisión de predicciones, a menudo se abrevia como curva ROC o gráfico ROC, el último se utiliza con más frecuencia en la literatura de minería de datos.(Gönen,2007)

Las curvas ROC proporcionan una forma completa y visualmente atractiva de resumir la precisión de las predicciones. Son ampliamente aplicables, independientemente de la fuente de predicciones. También puede comparar la precisión de los diferentes métodos de generación de predicciones al comparar las curvas ROC de las predicciones resultantes.(Gönen,2007)

### 2.2.12. Glosario

**Densidad de Siembra** : Se define como el número de plantas por unidad de área de terreno.

**Hilera** : Se define como una fila en la que son plantadas las semillas en distancias iguales.

**Surco** : Se define como hendidura que se hace en la tierra con el arado, esta hendidura se encuentra entre cada hilera de la siembra.

**Tubérculo** : Es un tallo subterráneo, donde se acumulan los nutrientes de reserva para la planta.



---

## Capítulo 3

# Fundamentos Metodológicos

En este capítulo se detalla el enfoque, tipo, nivel, diseño de la investigación y metodología a implementar como estructura a seguir por el trabajo presente.

### 3.1. Enfoque de la investigación

Esta investigación posee un enfoque cuantitativo, que como lo indica Sampieri *et al* (2014) es secuencial y probatorio, cada etapa precede a la siguiente y no podemos “brincar” o eludir pasos. El orden es riguroso, aunque desde luego, se puede redefinir alguna fase. Parte de una idea que va acotándose y, una vez delimitada, se derivan objetivos y preguntas de investigación, se revisa la literatura y se construye un marco o una perspectiva teórica. De las preguntas se establecen hipótesis y determinan variables; se traza un plan para probarlas (diseño); se miden las variables en un determinado contexto; se analizan las mediciones obtenidas utilizando métodos estadísticos, y se extrae una serie de conclusiones.

### 3.2. Tipo o nivel de investigación

Según Pallela y Martins (2012) la investigación de campo consiste en la recolección directamente de la realidad donde ocurren los hechos, sin manipular o controlar variables. Este proyecto plantea ese tipo de investigación ya que busca explorar los efectos de la interrelación entre los diferentes tipos de variables en lugar de los hechos.

El nivel de investigación es correlacional, porque se quiere conocer la relación o grado de

asociación que existe entre dos o más conceptos, categorías o variables en una muestra o contexto particular, es decir, se busca asociar variables mediante un patrón predecible para un grupo. (Sampieri *et al*, 2014).

### 3.3. Diseño de la investigación

El término diseño se refiere al plan o estrategia concebida para obtener la información que se desea con el fin de responder al planteamiento del problema (Sampieri *et al*, 2014), el diseño de la investigación presente es no experimental cuantitativa porque como lo indica Sampieri *et al* (2014) “es la investigación que se realiza sin manipular deliberadamente variables. Es decir, se trata de estudios en los que no hacemos variar en forma intencional las variables independientes para ver su efecto sobre otras variables. Lo que hacemos en la investigación no experimental es observar fenómenos tal como se dan en su contexto natural, para analizarlos”.

De acuerdo al objetivo principal planteado por esta investigación se busca clasificar la densidad de papa criolla a partir de sus pesos frescos, esto indica buscar la relación de estas variables, lo que conlleva a tener un diseño transeccional correlacional-causal que según Sampieri *et al* (2014) describen relaciones entre dos o más categorías, conceptos o variables en un momento determinado. A veces, únicamente en términos correlacionales, otras en función de la relación causaefecto (causales).

### 3.4. Metodología

El desarrollo de la investigación en la que se propone la realización de un algoritmo que emplee clasificación de *Bayes Naive* comprende las siguientes fases metodológicas, según la metodología de CRISP-DM (*Cross Industry Standard Process for Data Mining*):

#### Comprensión del problema.

Esta fase inicial se centra en la comprensión de los objetivos, requisitos y restricciones del proyecto desde una perspectiva no técnica, con el fin de convertirlos en objetivos técnicos y en un plan de proyecto. En esta fase, es muy importante la capacidad de poder convertir el conocimiento adquirido del problema en un plan preliminar cuya meta sea el alcanzar los objetivos del problema. Las principales tareas que componen esta fase son las siguientes:

(a). Determinar los objetivos del problema. (b). Evaluación de la situación. (c). Determinación de los objetivos del proyecto propuesto. (d). Producción de un plan del proyecto.

### **Comprensión de datos.**

La segunda fase comprende la recolección inicial de los datos, con el objetivo de establecer un primer contacto con el problema, familiarizándose con ellos, identificar su calidad y establecer las relaciones más evidentes que permitan definir las primeras hipótesis, si fuera el caso. Las principales tareas a desarrollar en esta fase del proceso son:

(a). Recolección de datos iniciales. (b). Descripción de los datos. (c). Exploración de datos. (d). Verificación de la calidad de los datos.

### **Preparación de datos.**

En esta fase y una vez efectuada la recolección inicial de datos, se procede a su preparación para adaptarlos a las técnicas de clasificación, tales como técnicas de visualización de datos, de búsqueda de relaciones entre variables u otras medidas para exploración de los datos. La preparación de datos incluye las tareas generales de selección de datos a los que se va a aplicar una determinada técnica de modelado, limpieza de datos, generación de variables adicionales, integración de diferentes orígenes de datos y cambios de formato. Las principales tareas involucradas en esta fase son las siguientes:

- Selección de datos.
- Limpieza de los datos.
- Estructuración de los datos.
- Integración de los datos.
- Formateo de los datos.

### **Modelado.**

En esta fase de CRISP-DM, se seleccionó la técnica de modelado más apropiadas para el proyecto propuesto. ya que cumple con los siguientes criterios:

- Ser apropiada al problema.
- Disponer de datos adecuados.
- Cumplir los requisitos del problema.
- Tiempo adecuado para obtener un modelo.
- Conocimiento de la técnica.

Previamente al modelado de los datos, se debe determinar un método de evaluación de los modelos que permita establecer el grado de bondad de ellos para este caso la bondad de ajuste se evaluara mediante curvas ROC.

### **Evaluación.**

En esta fase se evalúa el modelo, teniendo en cuenta el cumplimiento de los criterios de éxito del problema. Debe considerarse, además, que la fiabilidad calculada para el modelo se aplica solamente para los datos sobre los que se realizó el análisis. Es preciso revisar el proceso, teniendo en cuenta los resultados obtenidos, para poder repetir algún paso anterior, en el que se haya posiblemente cometido algún error. Las tareas involucradas en esta fase del proceso son las siguientes:

- Evaluación de los resultados.
- Proceso de revisión.
- Determinación de futuras fases.

## **3.5. Aspectos administrativos**

La realización de la investigación será planificada según lo establecido en el siguiente diagrama:

Figura 3.1: Diagrama de Gantt con la planificación del proyecto especial de grado

---

# Capítulo 4

## Desarrollo

### 4.1. Bayes Naive

---

# Referencias Bibliográficas

Althoff, C. (2016). «The Self-taught Programmer». Cory Althoff.

Arbia, G. (2014). «A Primer for Spatial Econometrics With Applications in R». Palgrave Macmillan.

Arias, V., Bustos, P., Ñustéz, C. (1996). «Evaluación del Rendimiento en papa criolla (*Solanum phureja*) variedad “Yema de Huevo”, bajo diferentes Densidades de Siembra en la Sabana de Bogotá.» *Agronomía Colombiana*, Vol. XIII, No 2, pp. 152-161.

Bernal, N., Darghan, AE., Rodríguez, LE. (2017). «Modelado del Calibre de tubérculos de papa *Solanum phureja* bajo diferentes densidades de siembra mediante regresión binomial negativa cero-inflada».

Buitrago, G., López, A., Coronado, A., Osorno, F. (2004). «Determinación de las características físicas y propiedades mecánicas de papa cultivada en Colombia». *Revista Brasileira de Engenharia Agrícola e Ambiental*, Vol.8, No.1, pp.102-110.

Challenger, I., Díaz, Y., Becerra, R. (2014). «El lenguaje de programación Python». *Ciencias Holguín*, Vol. XX, No. 2, pp. 1-13.

Gönen, M. (2007). «Analyzing Receiver Operating Characteristic Curves with SAS.» SAS Institute Inc.

IBM. (2012). «Manual CRISP-DM de IBM SPSS Modeler». IBM Corporation.

Koduvely, H. (2015). «Learning Bayesian Models with R». Reino Unido: Packt Publishing Ltd.

- Layton, R. (2015). «Learning Data Mining with Python». Packt Publishing.
- Misigo, R., Miriti, E. (2016). «Classification of Selected Apple Fruit Varieties using Naive Bayes». Indian Journal of Computer Science and Engineering (IJCSE), Vol. 7, No. 1.
- Mohamad, N., Jusoh, N., Htike, Z., Lei Win, S. (2014). «Bacteria Identification from Microscopic Morphology Using Naïve Bayes.» International Journal of Computer Science, Engineering and Information Technology (IJCSEIT), Vol. 4, No.2.
- Piñeros, C. (2009). «Recopilación de la Investigación del Sistema Productivo Papa Criolla». Secretaria de Agricultura y Desarrollo Economico (Gobernación de Cundinamarca), Federación Colombiana de Productos de Papa.
- Rivera, J., Herrera, A., Rodríguez, L. (2011). «Evaluación de la aptitud de procesamiento en seis genotipos de papa criolla (Solanum tuberosum Grupo Phureja)». Agronomía Colombiana, Vol. 29(1), pp. 73-81.
- Sampieri, R., Fernández, C., Baptista, M. (2014). «Metodología de la Investigación». McGRAW-HILL / INTERAMERICANA EDITORES, S.A. DE C.V.
- Tsangaratos, P., Ilia, I. (2016). «Comparison of a logistic regression and Naïve Bayes classifier in landslide susceptibility assessments: The influence of models complexity and training dataset size». Catena 145, pp. 164–179.
- VanderPlas, J. (2017). «Python Data Science Handbook». O'Reilly.