



Especificação do Trabalho



O trabalho encontra-se dividido por 4 ficheiros e 1 pasta:

- → Constants.py: contém as cores usadas nas peças e tabuleiro. Este também apresenta as dimensões da janela do PyGame bem como as do tabuleiro.
- → **Button.py**: contém a classe que permite uma melhor implementação dos menus e operações (exit, main menu, reset, solve) de modo a tornar a interface "user friendly".
- → Level.py: contém a classe responsável pela implementação dos níveis presentes no jogo (utilizada no próximo ficheiro).
- → **Game.py**: contém a classe 'game', que irá dar vida ao jogo, contendo múltiplos níveis de diferentes dificuldades.
- → Images: contém as imagens usadas nos botões do jogo (exit, main menu, reset, solve) e no fundo dos menus.



Formulação do Problema

REPRESENTAÇÃO DO ESTADO:

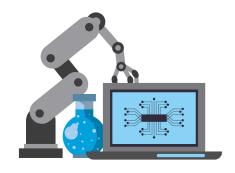
→ O estado é representado através das posições atuais das peças utilizando para tal **listas de tuplos**.

MOVIMENTOS POSSÍVEIS:

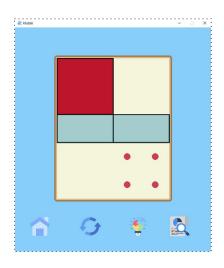
→ As peças são capazes de transitar dentro do tabuleiro tendo em conta os movimentos: Cima, Baixo, Esquerda
e Direita. Note-se que as coordenadas das peças não podem ultrapassar o número de linhas nem o número de colunas do tabuleiro.

PRÉ-CONDIÇÕES:

→ A peça pode ser movida numa certa direção, se houver, nesta, um **espaço vazio** para o qual possa transitar.



Formulação do Problema



ESTADO INICIAL:

→ Qualquer estado correspondente à **configuração inicial** do jogo (com a peça vermelha fora do local de destino).

ESTADO OBJETIVO:

→ Estado em que a peça vermelha se encontra no local de destino.

PEÇAS:

→ As peças deslocam-se quadrado a quadrado, podendo estas ser a combinação de múltiplos quadrados.

HEURÍSTICA:

→ A heurística utilizada avalia a **distância Manhattan** da posição atual do quadrado vermelho à posição final.



Algoritmos de Pesquisa

Tendo em conta este problema de Pesquisa, foram utilizados vários algoritmos:

Algoritmos de Pesquisa Desinformada:

- → **Breadth-First-Search** (pesquisa em largura realizada de forma sequencial).
- → Iterative Deepening (pesquisa em profundidade limitada feita de forma sequencial).

Algoritmos de Pesquisa Informada:

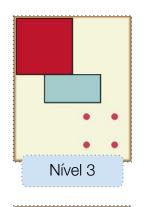
- → **Greedy Search** (pesquisa tendo em conta o valor da heurística).
- → A* Algorithm (pesquisa que tem por base tanto o valor da heurística como os caminhos de menor custo).







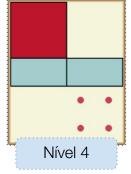
Resultados Experimentais | Easy Mode







Algorithm	Steps to Solution	Nodes Explored	Time
Breadth-First-Search	6	70	0.159s
Iterative Deepening	13	13	0.015s
Greedy Search (H1)	6	6	0.006s
Greedy Search (H2)	7	7	0.009s
A* Search (H1)	6	6	0.006s
A* Search (H2)	7	7	0.009s



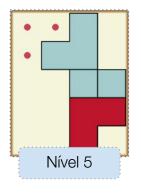


Algorithm	Steps to Solution	Nodes Explored	Time
Breadth-First-Search	8	283	2.858s
Iterative Deepening	10	10	0.009s
Greedy Search (H1)	11	22	0.031s
Greedy Search (H2)	10	16	0.027s
A* Search (H1)	9	20	0.024s
A* Search (H2)	9	16	0.027s



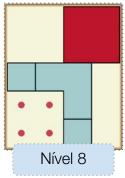


Resultados Experimentais | Easy Mode





Algorithm	Steps to Solution	Nodes Explored	Time
Breadth-First-Search	6	436	8.04s
Iterative Deepening	175	175	2.227s
Greedy Search (H1)	6	7	0.432s
Greedy Search (H2)	6	7	0.01s
A* Search (H1)	6	7	0.011s
A* Search (H2)	6	7	0.011s





Algorithm	Steps to Solution	Nodes Explored	Time
Breadth-First-Search	9	2019	194.751s
Iterative Deepening	62	62	0.315s
Greedy Search (H1)	17	46	0.57s
Greedy Search (H2)	12	38	0.1s
A* Search (H1)	11	45	0.08s
A* Search (H2)	11	28	0.074s



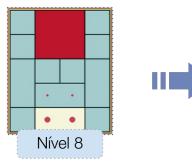


Resultados Experimentais | Hard Mode

Devido à **grande** quantidade de recursos e tempo utilizada pelos Algoritmos de Pesquisa Desinformada, optou-se por apenas avaliar os Algoritmos de Pesquisa Informada nos Níveis mais difíceis.



Algorithm	Steps to Solution	Nodes Explored	Time
Greedy Search (H1)	34	11	0.312s
Greedy Search (H2)	34	108	0.319s
A* Search (H1)	23	445	0.851s
A* Search (H2)	26	115	0.242s



Algorithm	Steps to Solution	Nodes Explored	Time
Greedy Search (H1)	83	728	3.55s
Greedy Search (H2)	59	576	1.979s
A* Search (H1)	39	18687	58.621s
A* Search (H2)	41	3152	10.408s



Nível 7

Conclusões

Partindo dos Resultados Experimentais obtidos, podemos aferir que:

→ Os Algoritmos de Pesquisa Desinformada requerem mais tempo e recursos para encontrar a solução, podendo esta não ser ótima. Neste tipo de algoritmos, destacam-se a Pesquisa em Largura (Breadth-First-Search) e a Pesquisa em Profundidade Iterativa. Apesar da Pesquisa em Largura encontrar uma melhor solução comparativamente à Pesquisa em Profundidade iterativa, esta explorada uma maior quantidade de nós, pelo que apresenta um maior tempo de pesquisa. Assim, apesar dos algoritmos proporcionarem boas soluções para problemas simples, estes acabam por não ser ideais na resolução de problemas mais complexos, optando-se por Algoritmos de Pesquisa Informada (Uso de heurísticas).



Conclusões

- → Os Algoritmos de Pesquisa Informada são capazes de resolver tanto problemas mais simples, como problemas mais complexos. Porém, a qualidade das heurísticas usadas nos algoritmos (Greedy Search e A* Search) é imprescindível na obtenção de uma boa solução. A primeira heurística calcula a distância Manhattan da posição atual da peça vermelha até à sua posição final, ao passo que a segunda não só tem em atenção esta distância como adiciona uma penalização caso exista algum bloco que impeça o movimento da peça vermelha em direção ao objetivo. Deste modo, a primeira heurística gera uma melhor solução relativamente à segunda, apesar de pesquisar uma maior quantidade de nós (maior uso de memória) e consumir uma maior quantidade de tempo. Por outro lado, a segunda heurística proporciona uma solução de uma forma mais rápida e usando menos memória.
- → Por fim, conclui-se que **não existe uma escolha exata** do algoritmo a usar visto nenhum ser capaz de obter uma solução ótima (com 100% de certeza) sem analisar todos os movimentos possíveis. Assim, a escolha recai sobre o algoritmo que melhor resolve o problema em questão, tendo em conta a **complexidade** (simples ou complexo) e os requisitos na obtenção da solução (**qualidade da solução**, **velocidade e memória utilizada**).

Referências Bibliográficas

- → "PyGame Tutorial". Disponível em: https://www.geeksforgeeks.org/pygame-tutorial/
- → Diapositivos disponibilizados pelos docentes da Unidade Curricular e utilizados nas Aulas Teóricas e Práticas.

