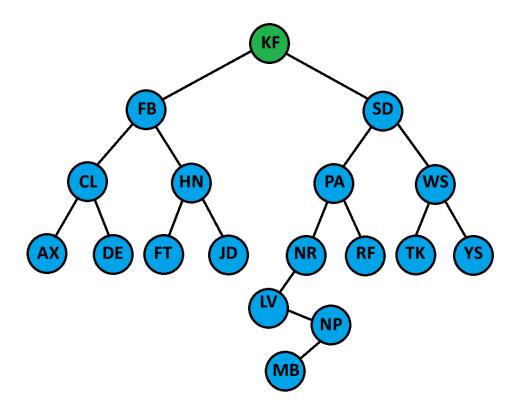
# CONCEPTOS DE BASES DE DATOS





### Resumen

• Un árbol binario se desbalancea fácilmente





#### Resumen

- Los árboles balanceados en altura proporcionan una solución aceptable al problema de mantener un índice ordenado
  - Los cambios son locales (no masivos)
- Pero como son árboles binarios, son muy profundos al usarlos con muchos elementos
  - Para 1.000.000 claves, un árbol AVL puede tener 28 niveles → demasiado



#### Resumen

 Para asegurar que las búsquedas realizadas tengan un costo logarítmico → se debe asegurar que el árbol esta balanceado



#### Resumen

- Árboles B (orden M)
  - Son árboles multicamino

  - Cantidad de hijos por nodo:
    - Mínimo: [M/2] hijos (menos raíz y terminales)
    - Máximo: M hijos
  - Nodos terminales al mismo nivel
    - Mínimo: [M/2]-1 claves
    - Máximo: M-1 claves



#### Resumen

- Árboles B
  - Inserción: si el nuevo registro produce overflow
    - División del nodo. Promoción. puede propagarse hasta generar una nueva raíz.
  - Eliminación: si el nodo queda en underflow
    - Redistribución. Alguno de sus nodos adyacentes hermanos tiene elementos suficientes → se realiza la redistribución entre dicho nodo y el que quedó en underflow.
    - Concatenación. Ninguno de sus nodos adyacentes hermanos tiene elementos suficientes → se realiza la concatenación entre uno de ellos y el que quedó en underflow. Es posible perder un nivel del árbol.



#### Resumen

Inserción vs Eliminación

? Redistribución

División Concatenación

- La redistribución podría posponer la creación de nuevos nodos
- Se pueden generar árboles B más eficientes en términos de utilización de espacio



## Balanceados (B\*)

- Árbol B\*: Es un **árbol B especial** en el que cada nodo está lleno por lo menos en 2/3 partes (excepto la raíz)
- Propiedades de un árbol B\* de orden M
  - Cantidad de hijos por nodo:
    - Máximo: M hijos
    - Mínimo: [(2M-1)/3] hijos (menos raíz y terminales)
    - Mínimo raíz: 2 hijos (o sino ninguno)
  - Nodos no terminales: K hijos → K-1 claves
  - Nodos terminales (hoja): todos están al mismo nivel
    - Máximo: M-1 claves
    - Mínimo: [(2M 1) / 3]-1 claves



## Operaciones (B\*)

- Búsqueda: similar a árbol B
- Inserción: redistribución / división. Tres políticas:
  - Derecha (de un lado):
    - Redistribuir con nodo adyacente hermano derecho (o izq. si es el último).
       Si esta lleno se realiza la división usando ambos nodos.
  - Derecha o Izquierda (de un lado u otro)
    - Si el nodo derecho está lleno, se intenta hacerlo con el izquierdo. Si ambos están llenos se usa el nodo en overflow y su hermano derecho para realizar la división.
  - Derecha e Izquierda (de un lado y otro)
    - Similar anterior, pero al realizar la división se usan los tres nodos, generando cuatro nodos que tendrán 3/4 parte llena.
- Eliminación: similar a árbol B (redist./concat.)



### Balanceados

- Manejo de nodos en buffers
  - Objetivo: minimizar cantidad de accesos a disco
  - El SO administra gran cantidad de buffers

    - Estrategias de reemplazo: LRU (Least Recently Used)
    - Tamaño buffer → capacidad del nodo
  - Si se almacenan nodos en un buffer en RAM

    - Nodo raíz y otros principales → se ahorran varios accesos a memoria secundaria



### Balanceados

- Manejo de nodos en buffers → Ej.
  - Cantidad de claves = 2400
  - Cantidad de nodos = 140
  - Altura del árbol = 3

Cantidad de nodos en buffers en RAM	I	5	10	20
Cantidad de accesos promedio por búsqueda	3	1.71	1.42	0.97



### Balanceados

#### Conclusiones

- Los árboles balanceados B y B\* permiten el acceso aleatorio por clave de forma eficiente
- Además, los árboles B\* exigen que sus nodos se mantengan más llenos que los árboles B —> menor altura
- Pero si se debe realizar un procesamiento secuencial ordenado por clave utilizando este tipo de árboles, ¿se puede realizar de forma eficiente?



### Balanceados

- Archivos secuenciales indizados
  - Permiten dos formas de acceso:
    - Indizado: acceso aleatorio por clave
    - Secuencial: acceso secuencial ordenado por clave
  - Alternativas de implementación con los métodos vistos hasta ahora:
    - Orden físico: ineficiente al sufrir modificaciones.
    - Árbol B: rápida recuperación para acceso aleatorio pero ineficiente para acceso secuencial



### Balanceados (B+)

 Los árboles B+ constituyen una mejora sobre los árboles B

Conservan la propiedad de acceso aleatorio rápido de los árboles B (acceso indizado)

 Permiten además un recorrido secuencial ordenado rápido



### Balanceados (B+)

- Un árbol B+ consta de dos partes
  - Índice  $\rightarrow$  nodos interiores
    - En la raíz y nodos interiores se duplican las claves necesarias para definir los caminos de búsqueda
  - Secuencia nodos hojas enlazados
    - Todas las claves se encuentran en los nodos hoja



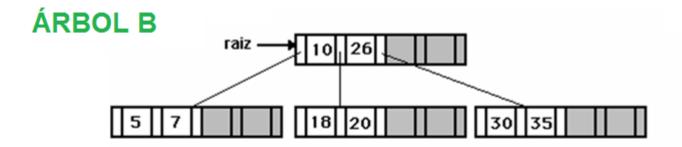
### Balanceados (B+)

- Propiedades de un árbol B+ de orden M
  - Cantidad de hijos por nodo:
    - **Máximo**: M hijos
    - Mínimo: [M/2] hijos (menos raíz y terminales)
    - Mínimo raíz: 2 hijos (o sino ninguno)
  - Nodos no terminales (interiores)
    - Son punteros a los datos → no contienen datos
  - Nodos terminales (hoja): todos están al mismo nivel
    - Representan un conjunto de datos y son linkeados juntos

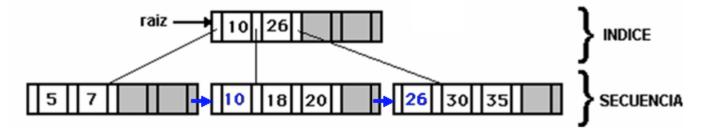


## Balanceados (B+)

Comparación



**ÁRBOL B+** 





### Balanceados (B+)

 Un árbol B+ ocupa más espacio que un árbol B equivalente, ya que además de las claves contiene las claves-separadores

 Las claves del nodo raíz y nodos interiores se utilizan únicamente como índice para las búsquedas



### Operaciones (B+)

### Búsqueda

- No debe detenerse cuando se encuentre la clave en la raíz o en un nodo interior
- La búsqueda continúa por el nodo apuntado por la rama derecha de dicha clave hasta llegar a un nodo hoja



### Operaciones (B+)

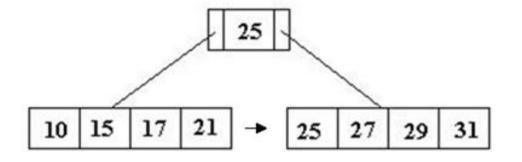
### Inserción

- Es **similar a la de los árboles B**, excepto cuando se desea insertar una clave en donde el nodo se encuentra lleno
- En ese caso, el nodo lleno se divide en otros dos, pero ahora:
  - El primero contendrá M/2 claves
  - El segundo 1+M/2 claves, ya que lo que subirá al padre será una copia de la clave central

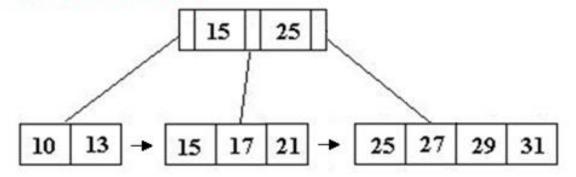


## Operaciones (B+)

• Inserción (orden M = 5)



#### **AL INSERTAR LA CLAVE 13:**





### Operaciones (B+)

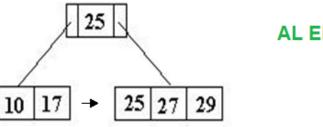
### Eliminación

- Si al eliminar no se produce underflow
  - Las claves de la raíz o nodos internos no se modifican ya que siguen siendo un separador válido entre las claves de los nodos descendientes
- Si al eliminar se produce underflow
  - Es necesario una redistribución o fusión de las claves, que involucra a las hojas y el índice



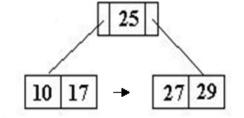
## Operaciones (B+)

• Eliminación (orden M = 6)



**AL ELIMINAR LA CLAVE 25** 





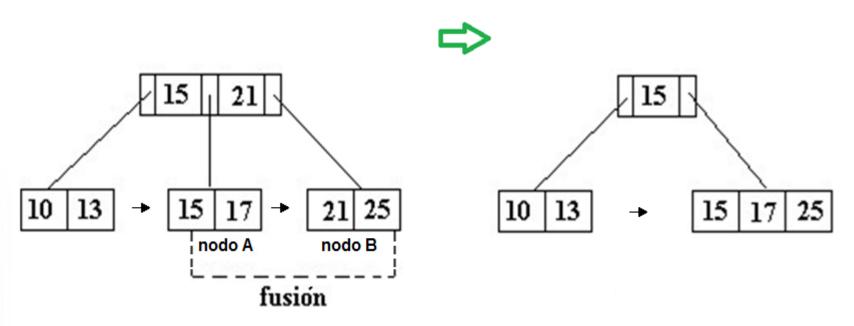




## Operaciones (B+)

• Eliminación (orden M = 6)

#### **AL ELIMINAR LA CLAVE 21**





## Balanceados (B+)

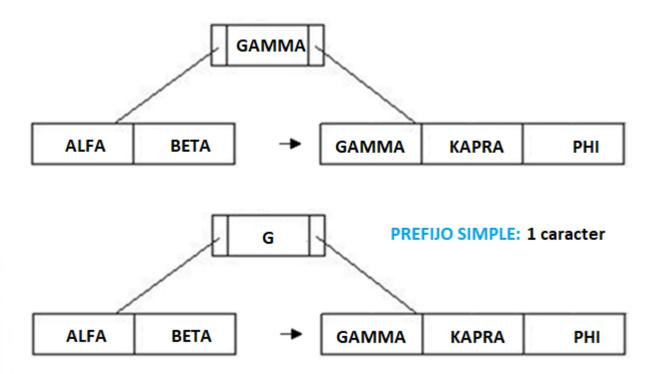
## Árbol B+ de prefijos simples

- Los separadores internos son derivados de las claves de los registros que limitan un bloque en el conjunto de secuencia
- Si las claves de un índice son muy largas, es posible utilizar separadores más cortos para ocupar menos espacio
- El árbol B+ de prefijos simples es un árbol B+ en el cual el conjunto índice está constituido por separadores más cortos



## Balanceados (B+)

Árbol B+ de prefijos simples





## Balanceados

## Comparación

	Árbol B	Árbol B+	
Ubicación de datos	Nodos (cualquiera)	Nodos terminales	
Tiempo de búsqueda	Equivalente (puede ser algo mejor)	Equivalente	
Procesamiento secuencial ordenado	Lento (complejo)	Rápido (con punteros)	
Inserción/Eliminación	Equivalente	Equivalente	