

# ***Introducción al Diseño Lógico (E0301)***

***Ingeniería en Computación***

***Gerardo E. Sager***

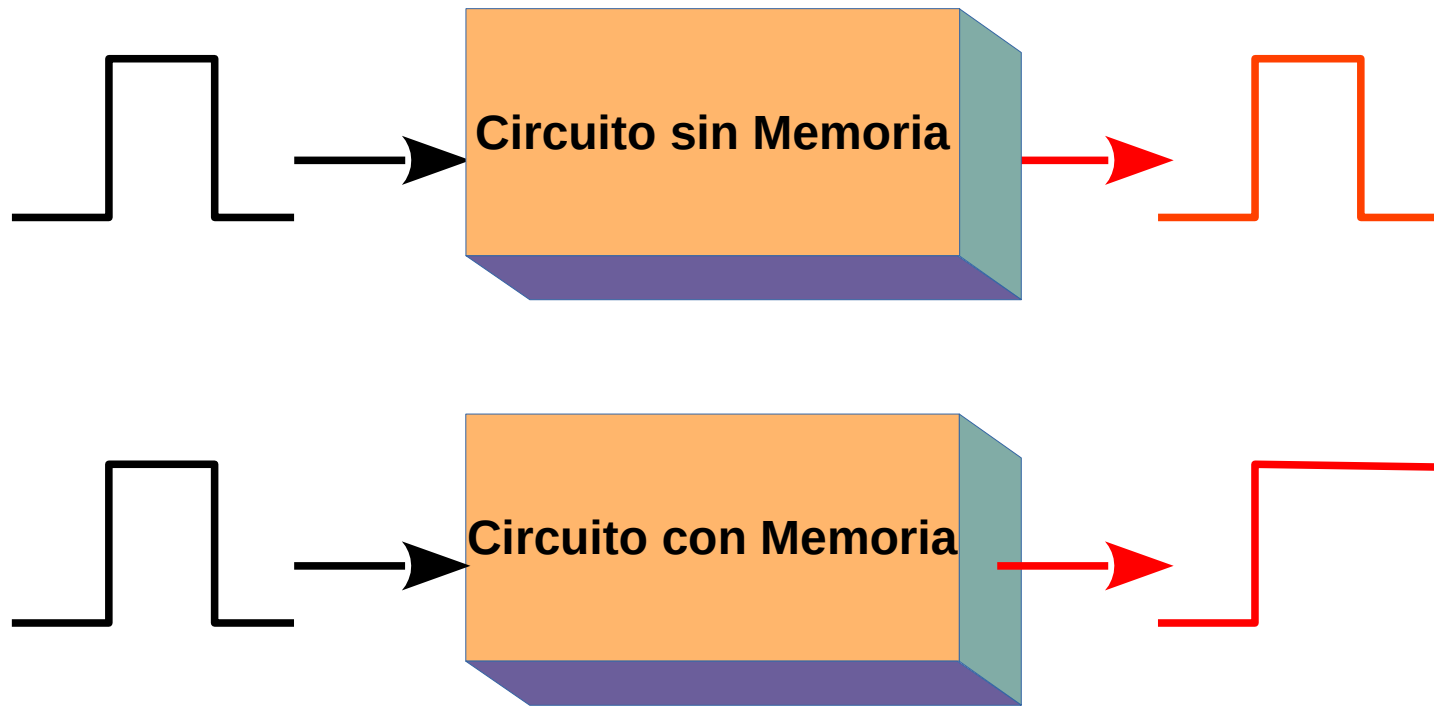
***Clase 6 curso 2024***

# Clase 6

- Temas a tratar
  - Análisis de operación de Flip-Flops (Latches) contruidos a partir de compuertas NAND o NOR.
  - Retardo de propagación.
  - Detector de Flancos
  - Operación de flip-flops disparados por flanco.

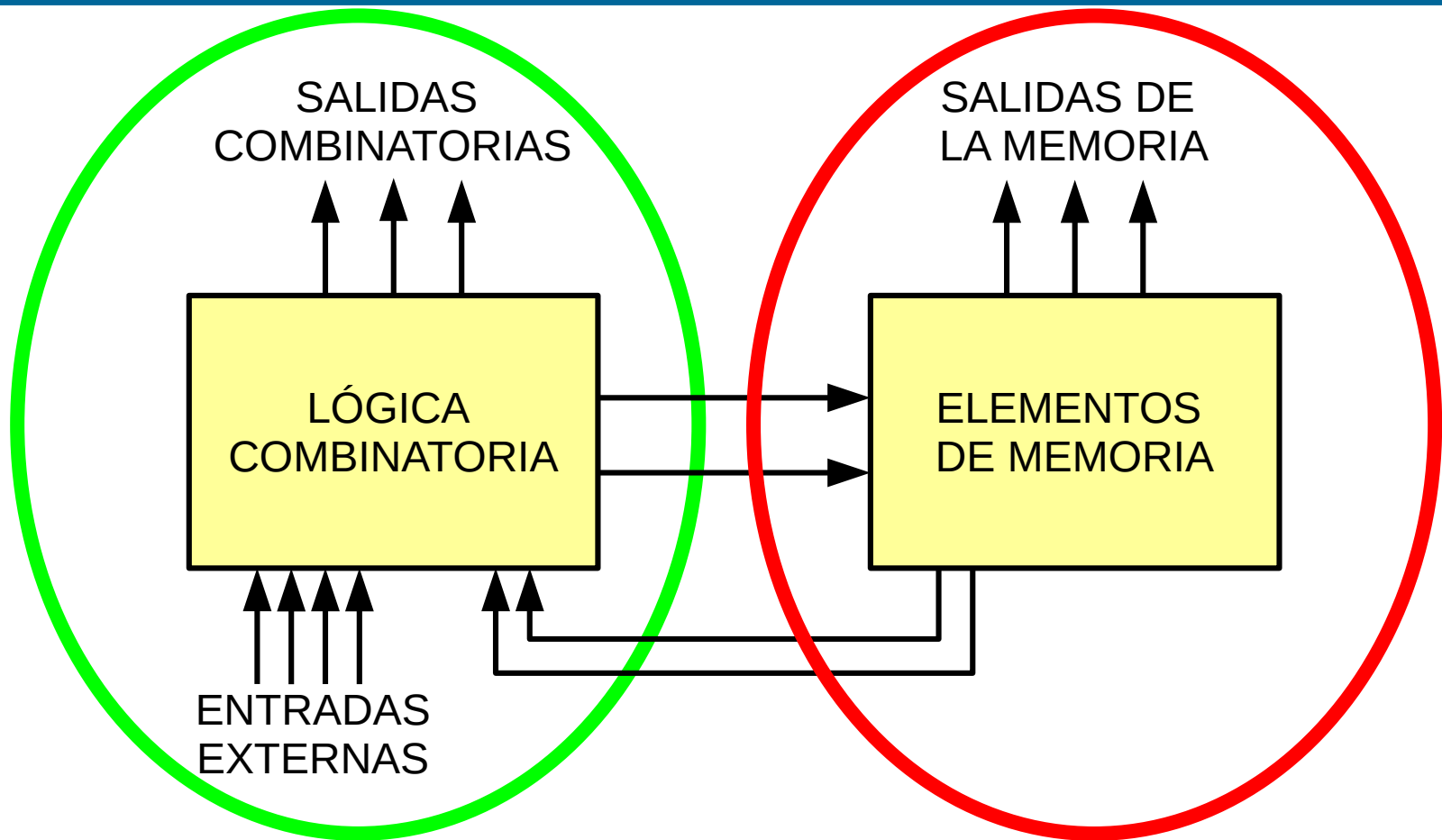
## 1-7 Memoria

- Un circuito que retiene la respuesta a una entrada momentánea está mostrando que tiene *memoria*.
  - La memoria es importante porque provee una manera de almacenar números binarios, temporaria o permanentemente.



**Elementos de memoria: magnética, óptica, circuitos electrónicos ferroeléctrica, etc.**

# Introducción

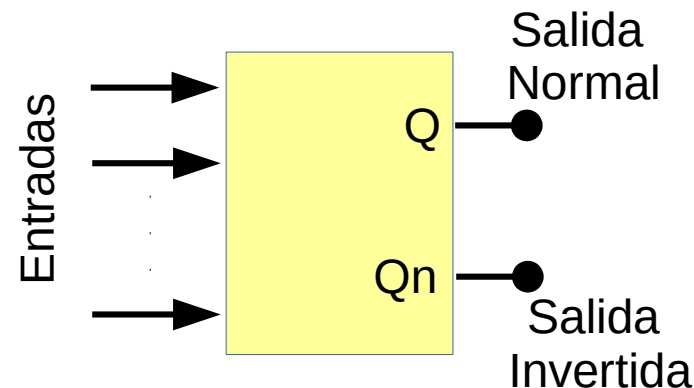


Hasta ahora vimos como analizar y diseñar lógica combinatoria

Ahora veremos como analizar y diseñar elementos de memoria

# Introducción

- Un elemento de memoria muy importante es el **flip-flop** (FF) o **LATCH** — construido a partir de compuertas lógicas.

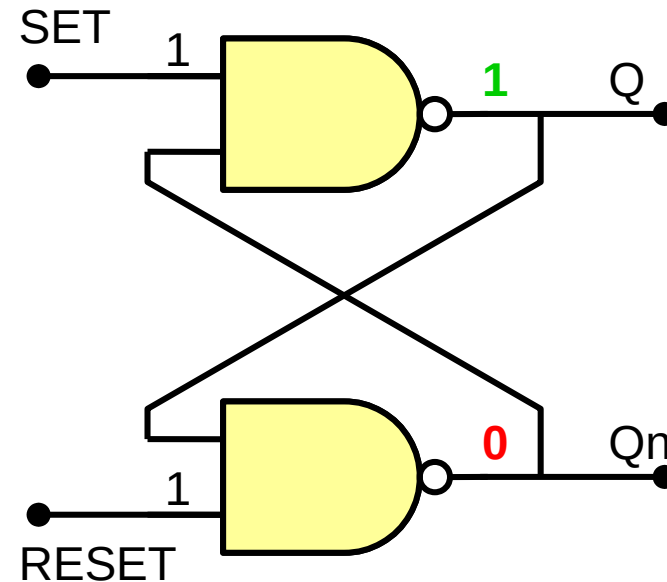
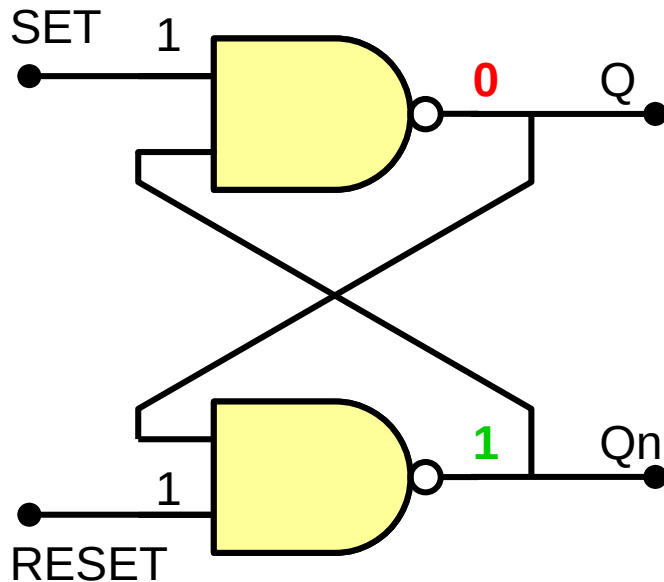


<b>Q=1, Qn=0</b>	Se llama estado HIGH o '1' También se llama estado SET
<b>Q=0, Qn=1</b>	Se llama estado LOW o '0' También se llama estado RESET o CLEAR

# Latch basado en Compuertas NAND

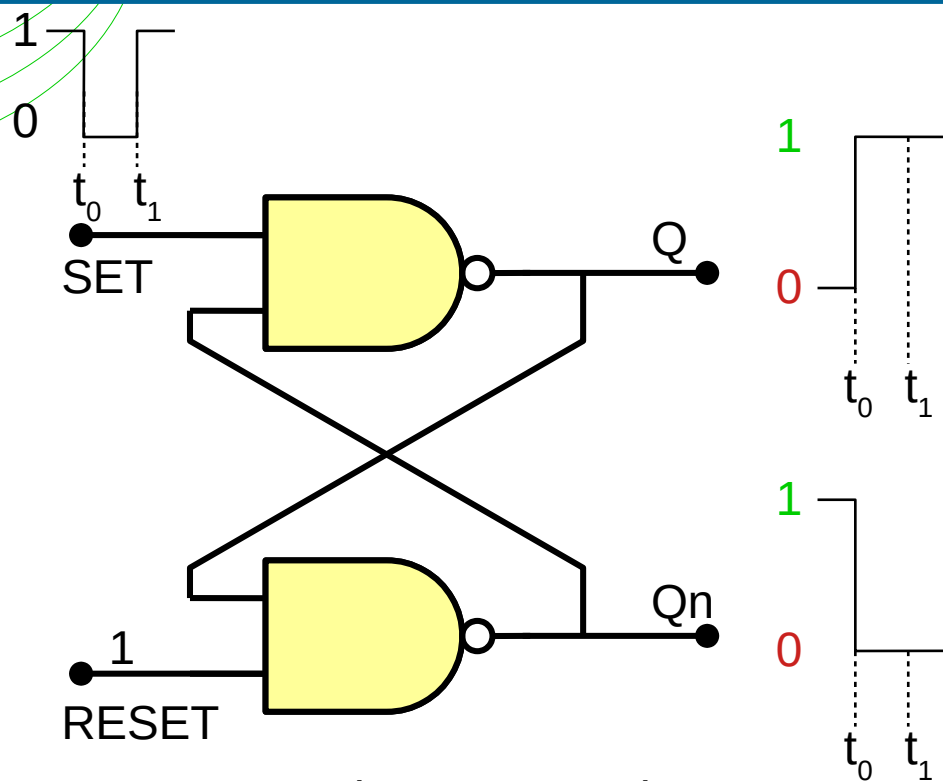
LATCH = CERROJO.

Se suele llamar LATCH al Flip Flop que no utiliza una entrada de reloj.

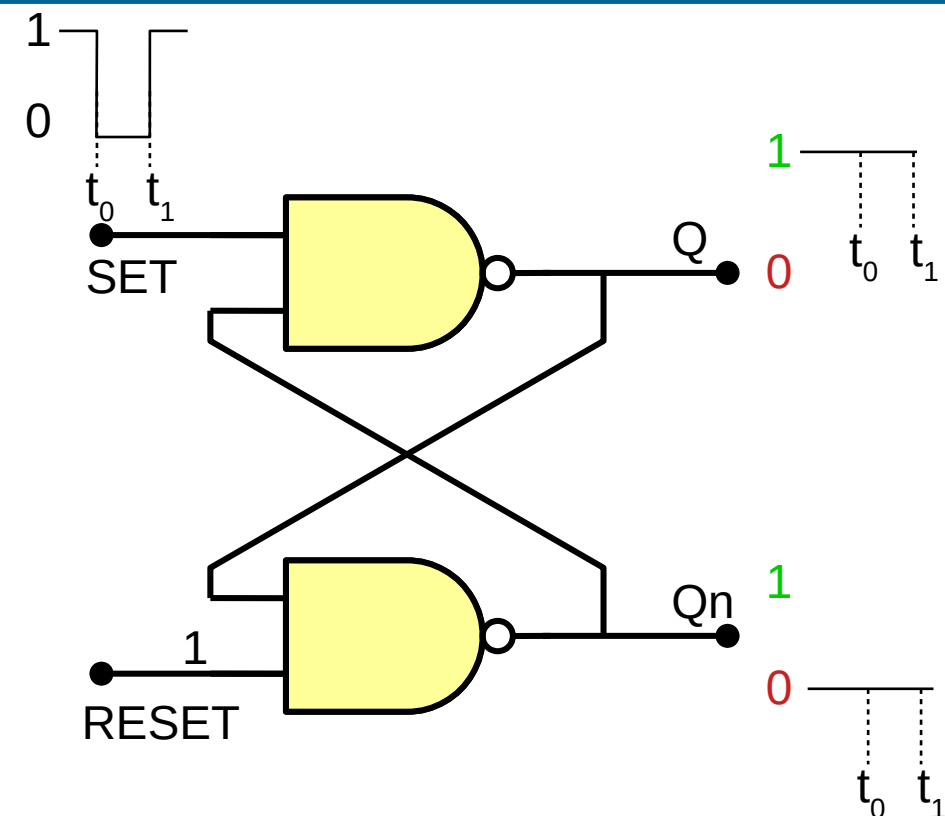


Vemos que tiene dos estados estables  
cuando SET y RESET valen 1

# Latch basado en Compuertas NAND – SET



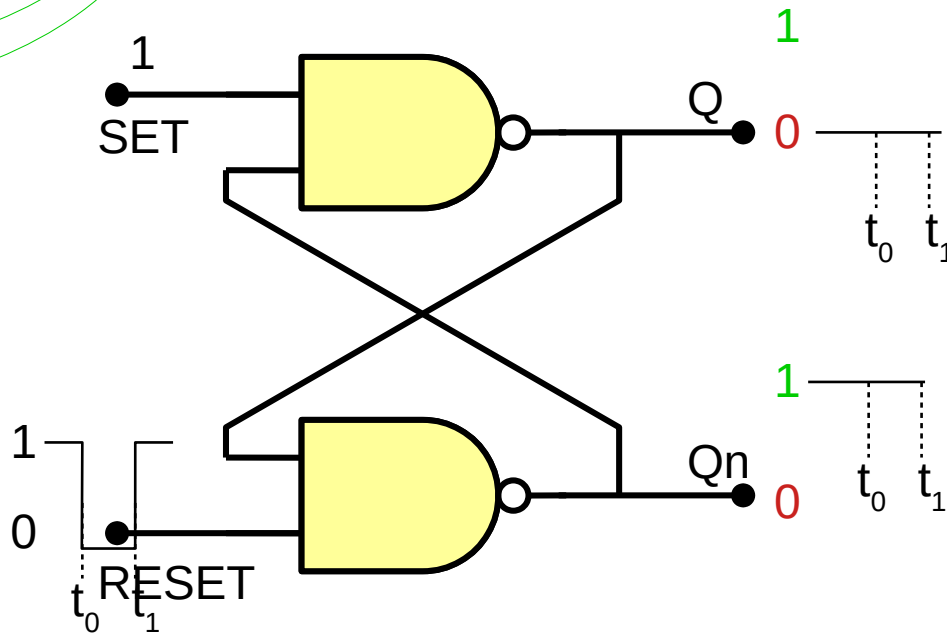
Comportamiento cuando  
RESET=1 y Q = 0  
SET pasa de 1 a 0 y luego  
vuelve a 1  
*Q y Qn invierten sus valores*



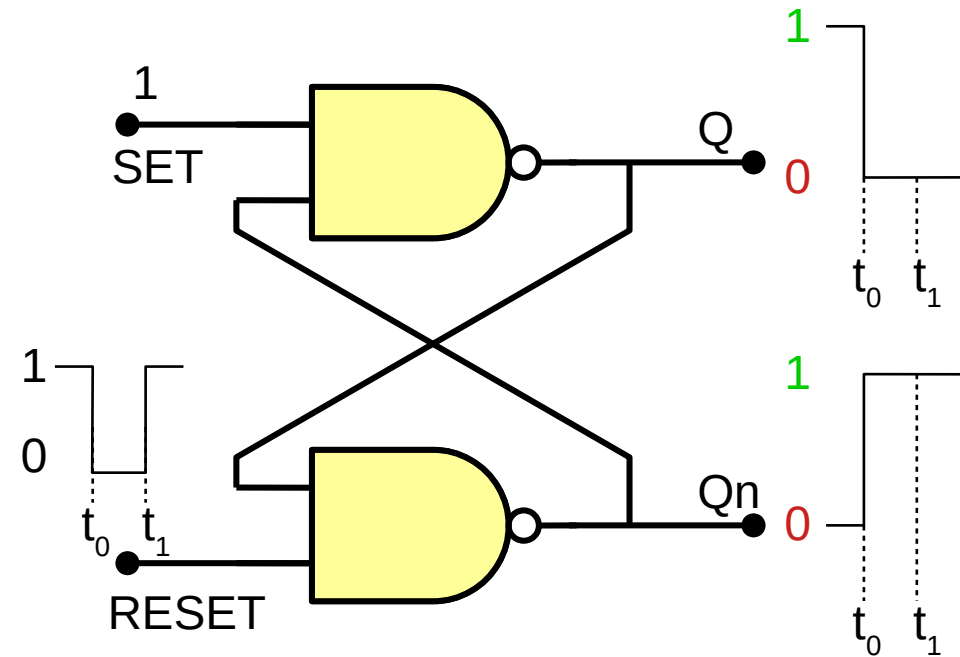
Comportamiento cuando RESET=1 y  
Q = 1  
SET pasa de 1 a 0 y luego vuelve a 1  
*Tanto Q como Qn mantienen sus valores.*

**SET = 0 HACE QUE Q = 1 y Qn = 0.**

# Latch basado en Compuertas NAND – RESET



Comportamiento cuando  
SET=1 y Q = 0  
RESET pasa de 1 a 0 y luego  
vuelve a 1  
*Tanto Q como Qn mantienen sus  
valores.*



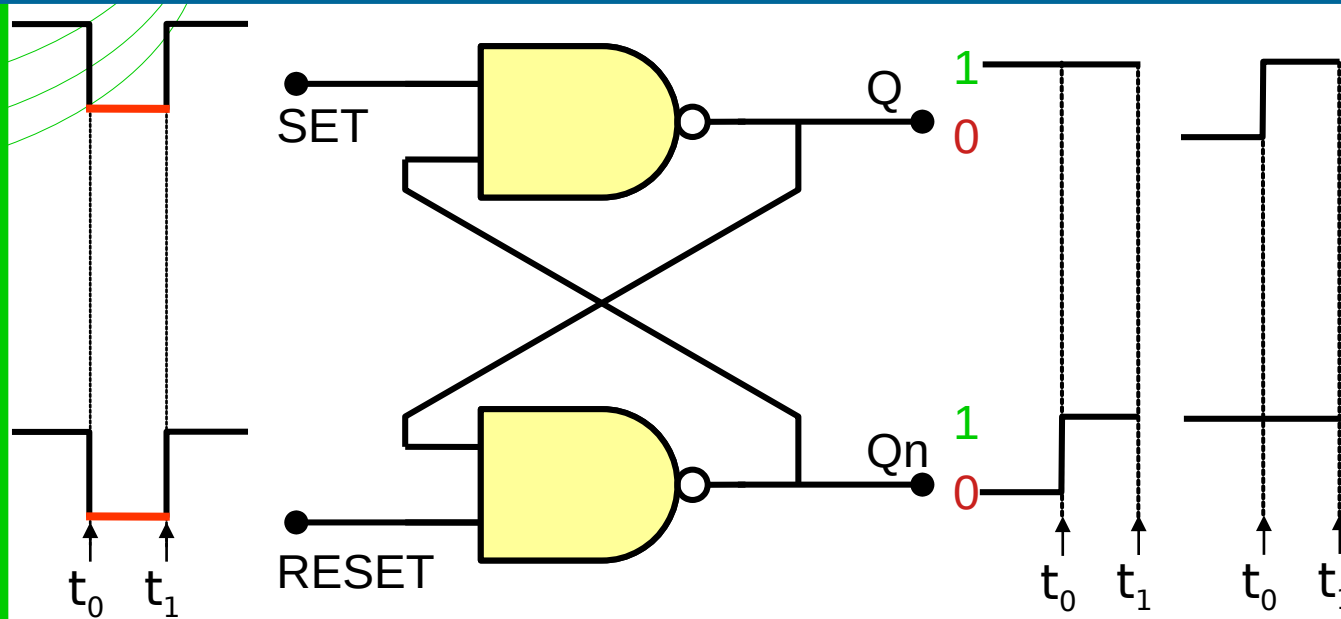
Comportamiento cuando  
SET=1 y Q = 1  
RESET pasa de 1 a 0 y luego  
vuelve a 1  
*Q y Qn invierten sus valores*

**RESET = 0 HACE QUE Q = 0 y Qn = 1**



# Latch basado en Compuertas NAND

## SET y RESET en BAJO simultáneamente



Cuando simultáneamente

SET = 1  $\rightarrow$  0

RESET = 1  $\rightarrow$  0

Esto hace que:

Q = 1

Qn = 1

Independientemente de los valores anteriores de Q y Qn

Ahora, si cuando  $Q=1$  y  $Qn=1$

SET = 0  $\rightarrow$  1

RESET = 0  $\rightarrow$  1

Esto hace que tanto Q como Qn hagan lo siguiente:

1  $\rightarrow$  0  $\rightarrow$  1  $\rightarrow$  0  $\rightarrow$  1  $\rightarrow$  ...

Por eso cuando aplico  $S=0$  y  $R=0$ , no puedo determinar en que estado quedarán Q y Qn

Tabla de verdad o de excitación

Set	Reset	Q	Qn
0	0	1 (?)	1 (?)
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	Sin Cambio	Sin Cambio

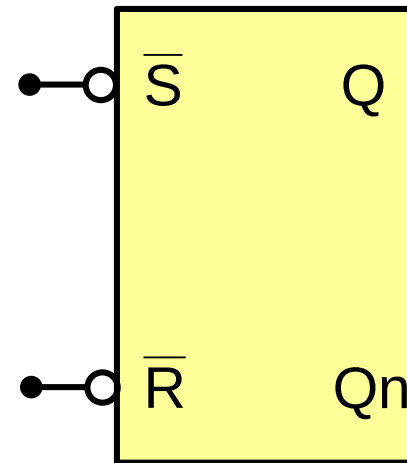
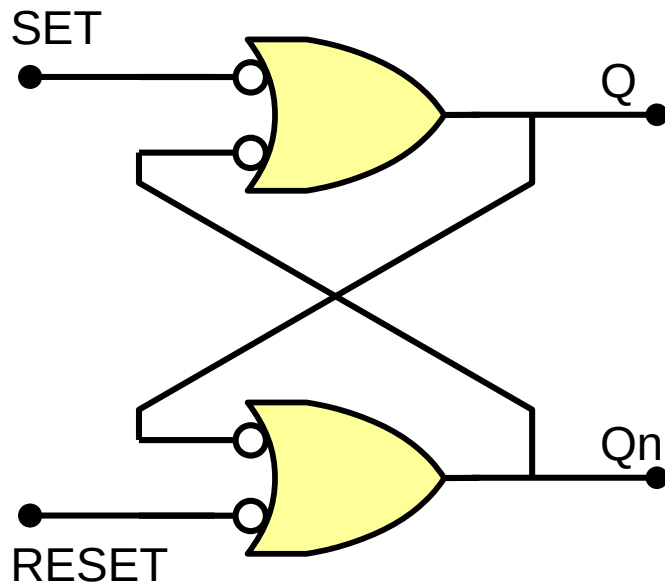
# Latch basado en Puertas NAND – RESUMEN

- Resumen del Latch basado en NAND:
  - 1) SET = 1, RESET = 1 — Estado normal de reposo, las salidas permanecen en el estado en el que estaban previamente a la entrada.
  - 2) SET = 0, RESET = 1 — La salida va a  $Q = 1$  y permanece allí aún después que SET vuelva a ALTO.
    - 1) Se llama SETTING (establecimiento) del latch.
  - 3) SET = 1, RESET = 0 — Producirá  $Q = 0$  (LOW) y permanecerá allí, aún después que RESET vuelva a HIGH.
    - 1) Se llama CLEAR (borrado) o RESET (puesta a cero) del Latch.
  - 4) SET = 0, RESET = 0 — Hace que tanto  $Q$  como  $Q_n$  vayan a 1, esto no presenta inconvenientes mientras se mantenga así, o luego se pase a las condiciones 2) o 3) pero si luego se pasa a la condición 1) las salidas son impredecibles
    - $Q = Q_n = 1$ ?
    - Esta condición de entrada se considera “No Deseada” y no debe utilizarse.

# – Latch basado en Compuertas NAND – Representaciones alternativas

Representaciones equivalentes de un latch basado en **NAND** y símbolo de diagrama en bloques simplificado.

Se basa en que  $\overline{A B} = \overline{A} + \overline{B}$



Las entradas **SET** y **RESET** son “*activas en bajo*”, por lo que se indican como entradas “*negadas*”

La salida cambiará cuando la entrada se cambia a “BAJO”

# Latch basado en Compuertas NOR

- Dos compuertas **NOR** acopladas convenientemente, pueden ser usadas como un latch basado en compuertas **NOR**, similar al basado en compuertas **NAND**

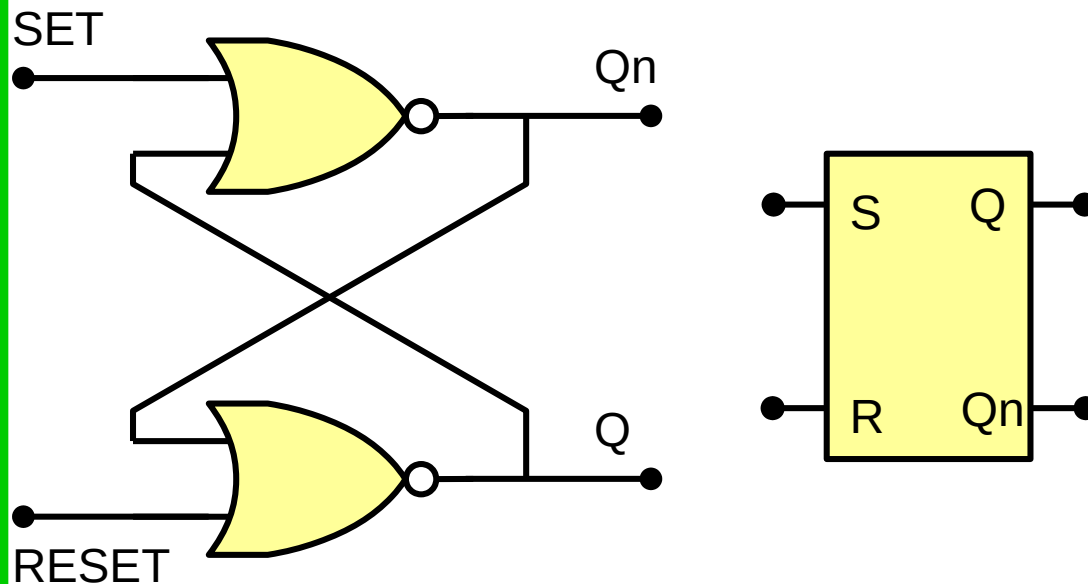


Tabla de verdad o de excitación

Set	Reset	Q	Qn
0	0	Sin Cambio	Sin Cambio
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	0 (?)	0 (?)

Las salidas **Q** and **Qn** están “invertidas” respecto al LATCH basado en NAND

Las entradas **SET** y **RESET** son “activas en alto”.  
La salida cambiará cuando la entrada se cambia a “ALTO”

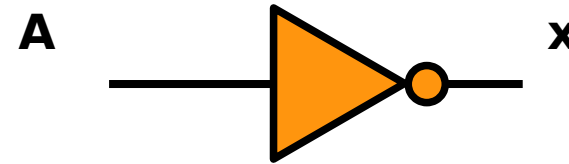
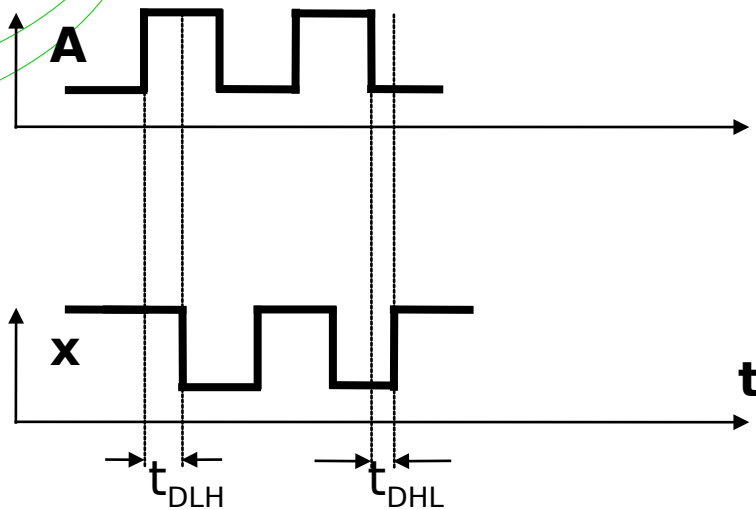
# Latch basado en Compuertas NOR – RESUMEN

- Resumen del comportamiento del latch NOR:
  - 1) **SET = 0, RESET = 0** — Estado normal de reposo, las salidas permanecen en el estado en el que estaban previamente a la entrada.
  - 2) **SET = 1, RESET = 0** — La salida irá a **Q = 1** (ALTO) y permanecerá allí aún después que **SET** vuelva a BAJO.
    - Se llama SET (Establecimiento) o PRESET (puesta en uno) del Latch.
  - 3) **SET = 0, RESET = 1** — Producirá **Q = 0** (BAJO) y permanecerá allí, aún después que RESET vuelva a BAJO.
    - Se llama CLEAR (borrado) o RESET (puesta a cero) del Latch.
  - 4) **SET = 1, RESET = 1** — Lleva simultáneamente a **Q** y **Qn** a BAJO, y si además luego ambas entradas pasan a BAJO simultáneamente, esto producirá que ambas salidas queden en un estado impredecible.
    - Esta condición de entrada se considera “No Deseable” y no debe utilizarse.

# Estado Inicial, ambos tipos de LATCHES

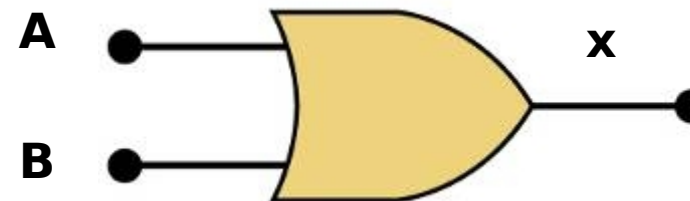
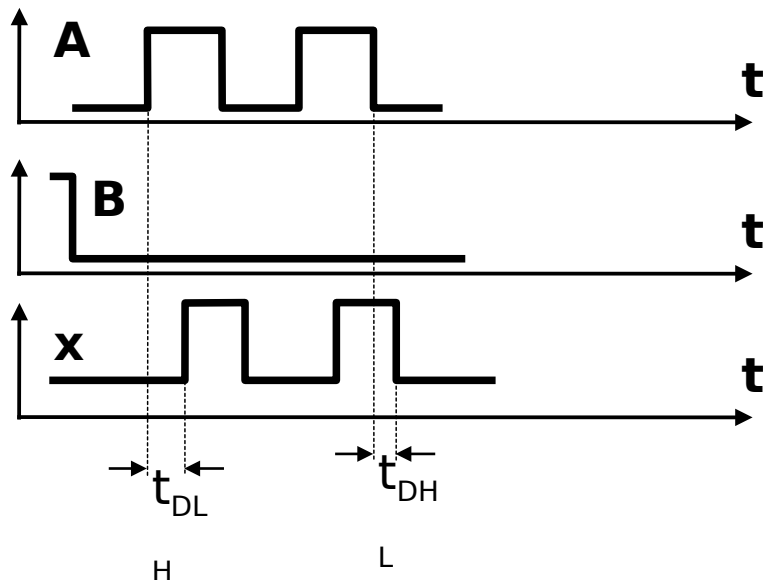
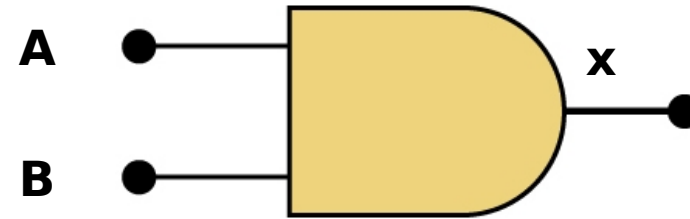
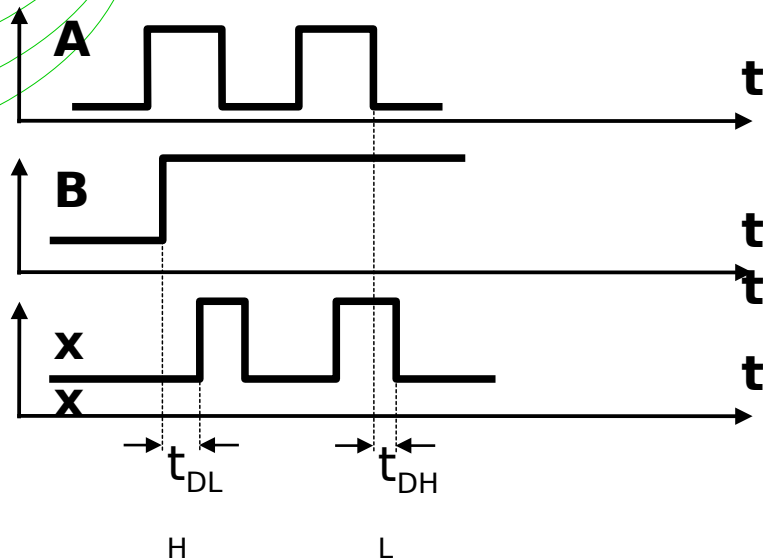
- Cuando se aplica la alimentación no es posible predecir el estado inicial de las salidas del flip-flop si SET y RESET están en su estado Inactivo
- Para iniciar un latch en un estado particular, debe ser puesto en ese estado explícitamente ya sea activando la entrada SET o la entrada RESET al comienzo de la operación.
- Frecuentemente se consigue aplicando un pulso en la entrada apropiada.

# RETARDO DE PROPAGACIÓN



- RETARDO de propagación
  - Puede ser distinto en las transiciones High→Low y Low→High
  - Depende de la tecnología (CMOS, TTL, etc.)
  - $t_{DLH}$  Bajo a Alto
  - $t_{DHL}$  Alto a Bajo
  - Si son iguales, se llama  $t_d$

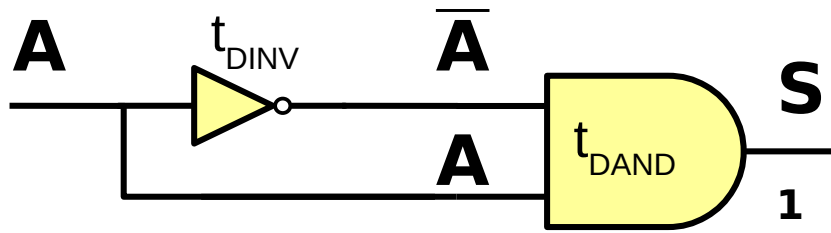
# Retardos en AND y OR





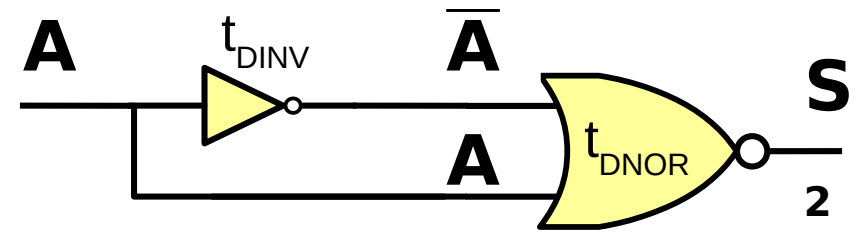
# Detectores de Flanco

Detector de flanco de subida  $\uparrow$



$$S_1 = A\bar{A} = 0?$$

Detector de flanco de bajada  $\downarrow$



$$S_2 = A\bar{A} = 0?$$

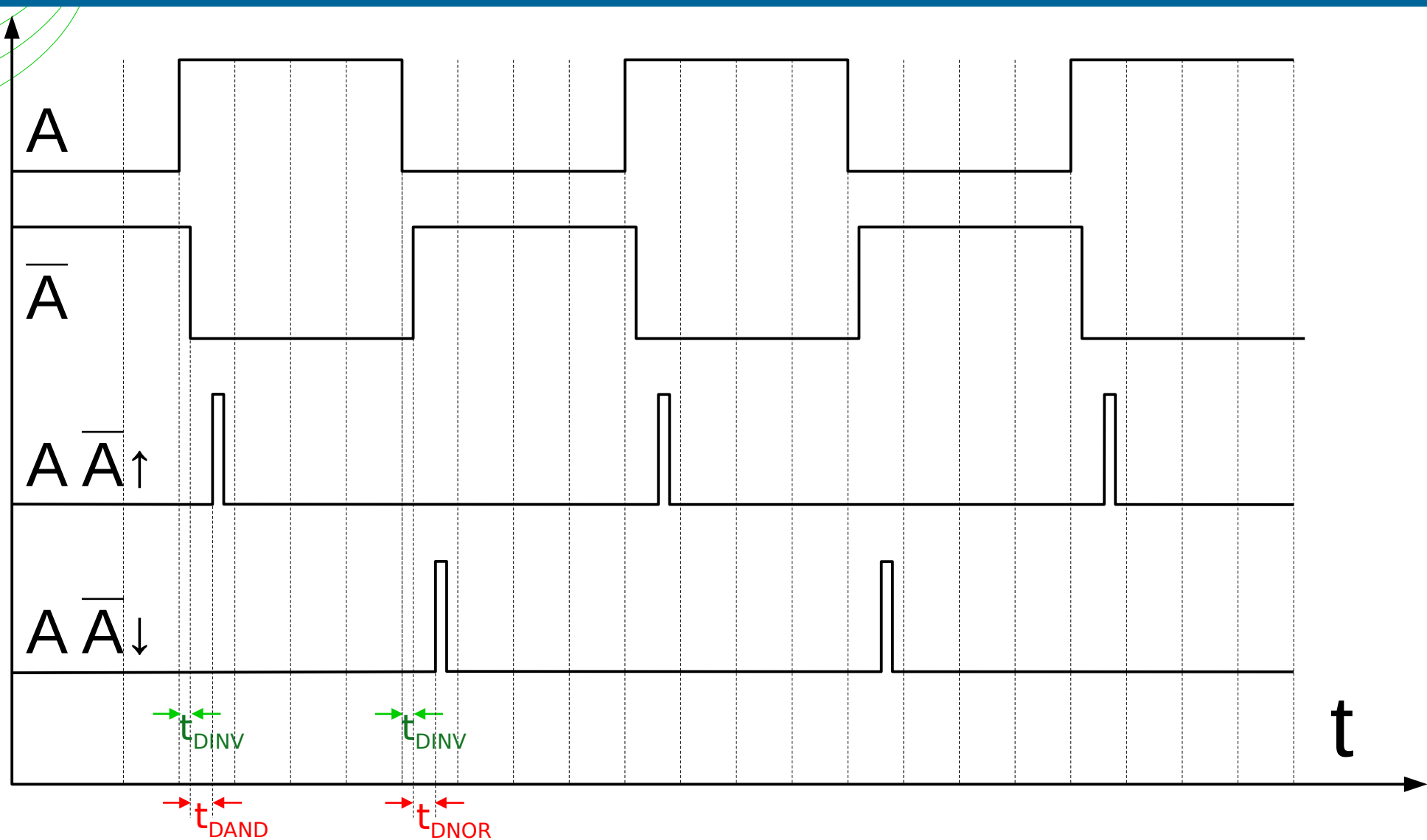
Esto parece que no tuviera sentido.

Si las compuertas no tuvieran retardo, las salidas  $S_1$  y  $S_2$  serían siempre CERO.

Pero el Inversor tiene un tiempo de retardo  $t_{DINV}$ , la compuerta AND, un tiempo de retardo  $t_{DAND}$  y la compuerta NOR otro  $t_{DNOR}$

Eso hace que  $\bar{A}$  se presente a la entrada de las compuertas AND y NOR  $t_{DINV}$  después que  $A$  y hace que las salidas  $S_1$  y  $S_2$  no sean siempre CERO

# Detectores de flancos $\uparrow$ y $\downarrow$



# Sistemas Asincrónicos y Sincrónicos

- **Sistema Asincrónico —**

- Las salidas aparecen a medida que se producen valores intermedios parciales.
- Dependen fuertemente del tiempo de propagación de las compuertas lógicas y latches.

- **Sistema Sincrónico—**

- Los valores de las salidas aparecen en un instante predeterminado, manejado por una entrada periódica que se llama **Clock** o **Reloj**
- La mayor incertidumbre en el momento de aparición de la salida, está dado por el último elemento lógico sincronizado por Ck

# FLIP FLOPS

- Cuando las salidas del Latch solamente cambian cuando la entrada CLK se activa, lo llamamos Flip Flop,
  - Las entradas de control, **que actúan cuando el reloj se activa**, definen el tipo de Flip Flop.
- Estas son entradas ***SINCRÓNICAS***

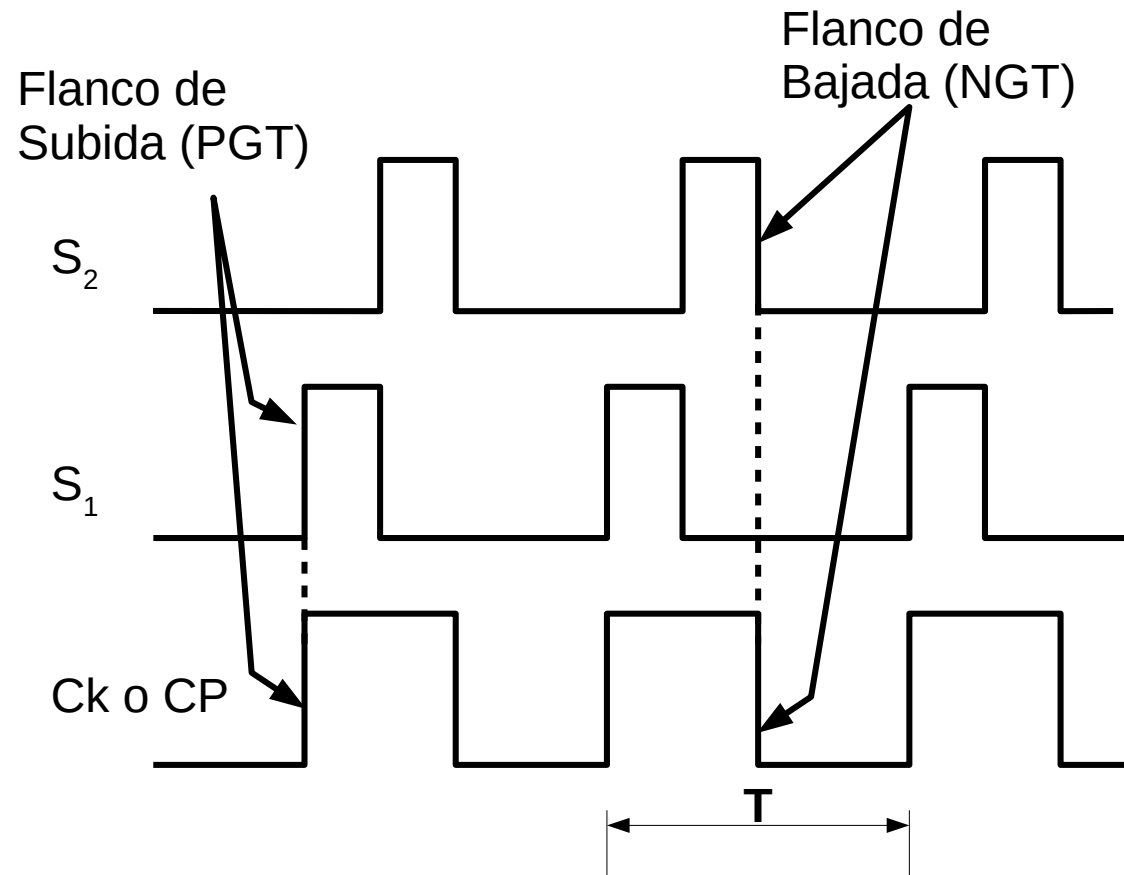
# Señales de reloj y Flip Flops manejados por reloj

En los sistemas sincrónicos las señales se sincronizan con el reloj (Ck o CP) en las transiciones o flancos (edges).

La señal  $S_1$  se sincroniza con el flanco de subida o PGT (positive going transition)

La señal  $S_2$  se sincroniza con el flanco de bajada o NGT (negative going transition)

El período del reloj ( $T$ ) tiene que ser mayor que el tiempo de propagación que necesita el resto de los dispositivos para estabilizar sus salidas

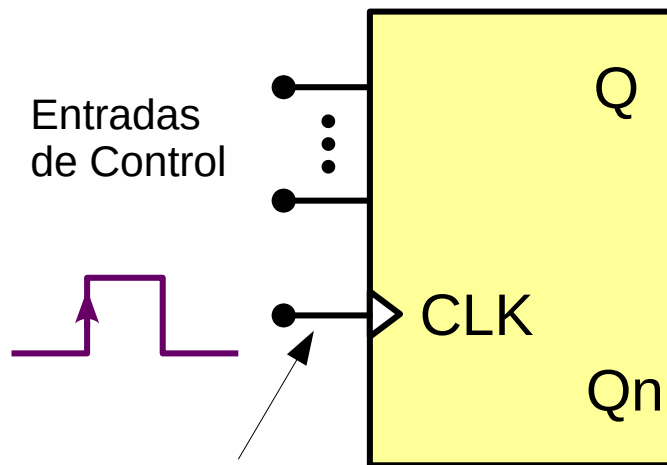


La frecuencia del reloj  $f_{CK} = 1 / T$

# Señales de reloj y Flip Flops manejados por reloj

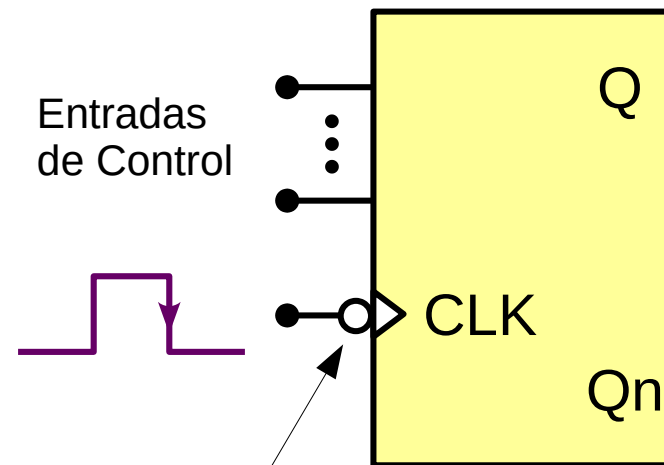
- Los Flip Flops manejados por reloj cambian de *estado* en un *flanco* de reloj.
  - Las entradas de reloj, usualmente se etiquetan como CLK, CK, o CP.

Un triángulo en la entrada CLK indica que la entrada es activada por un flanco positivo (PGT).



CLK se activa con un flanco de subida (PGT)

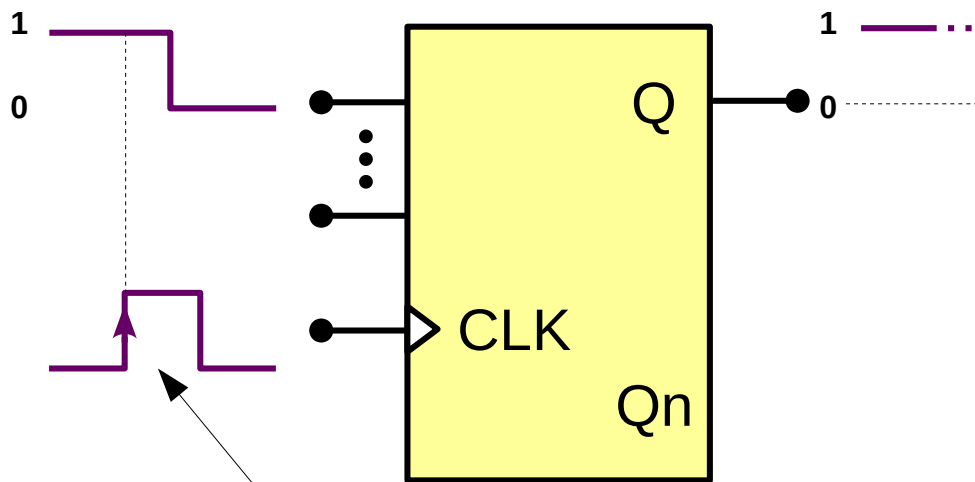
Un círculo y un triángulo indica que la entrada es activada por un flanco negativo (NGT)



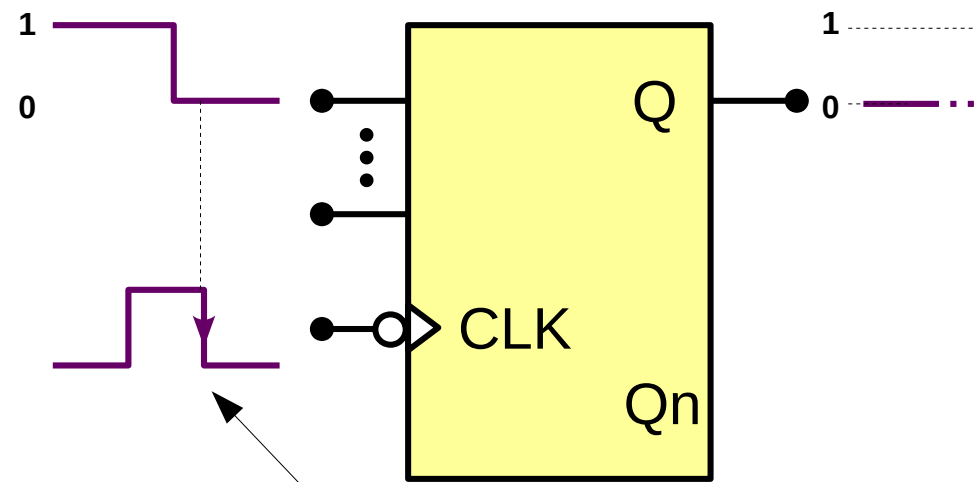
CLK se activa con un flanco de bajada (NGT)

# Señales de reloj y Flip Flops manejados por reloj

- Las entradas de control tienen un efecto en la salida solamente durante la transición activa del reloj (NGT or PGT) — En ese caso se llaman entradas de control sincrónicas.
  - Las señales de control preparan la salida para cambiar, pero el cambio solamente se dispara en el flanco activo del reloj.



$Q$  copia la entrada que esta presente en el momento que ocurre el flanco de subida (PGT)



$Q$  copia la entrada que esta presente en el momento que ocurre el flanco de bajada (NGT)

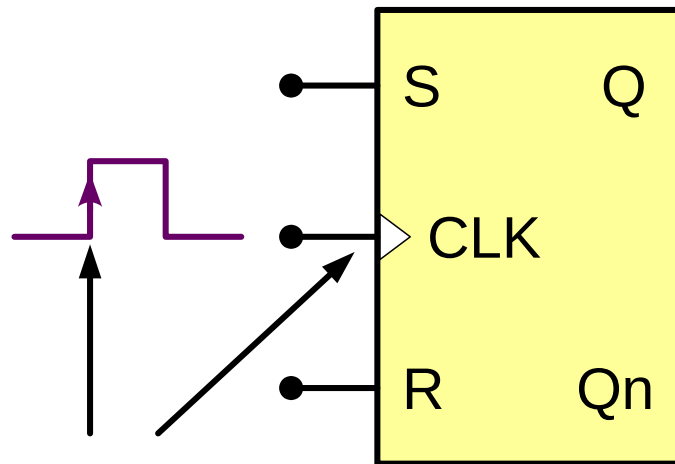
# Flip Flop S-R manejado por reloj

- Las entradas **S** y **R** son entradas de control sincrónicas, controlando el estado que el FF va a adoptar, cuando ocurra el pulso de reloj.
- Esto es lo mismo que decir que la entrada **CLK** es la entrada **disparadora** que causa que el FF cambie su estado de acuerdo a las entradas S y R.
- El flip-flop SET-RESET cambiará su estado durante las transiciones de subida o de bajada de los flancos del reloj



# Flip Flop S-R manejado por reloj

Un Flip Flop S-R disparado por el flanco positivo de la señal de reloj.



El Flip Flop se dispara con un flanco de subida en CLK

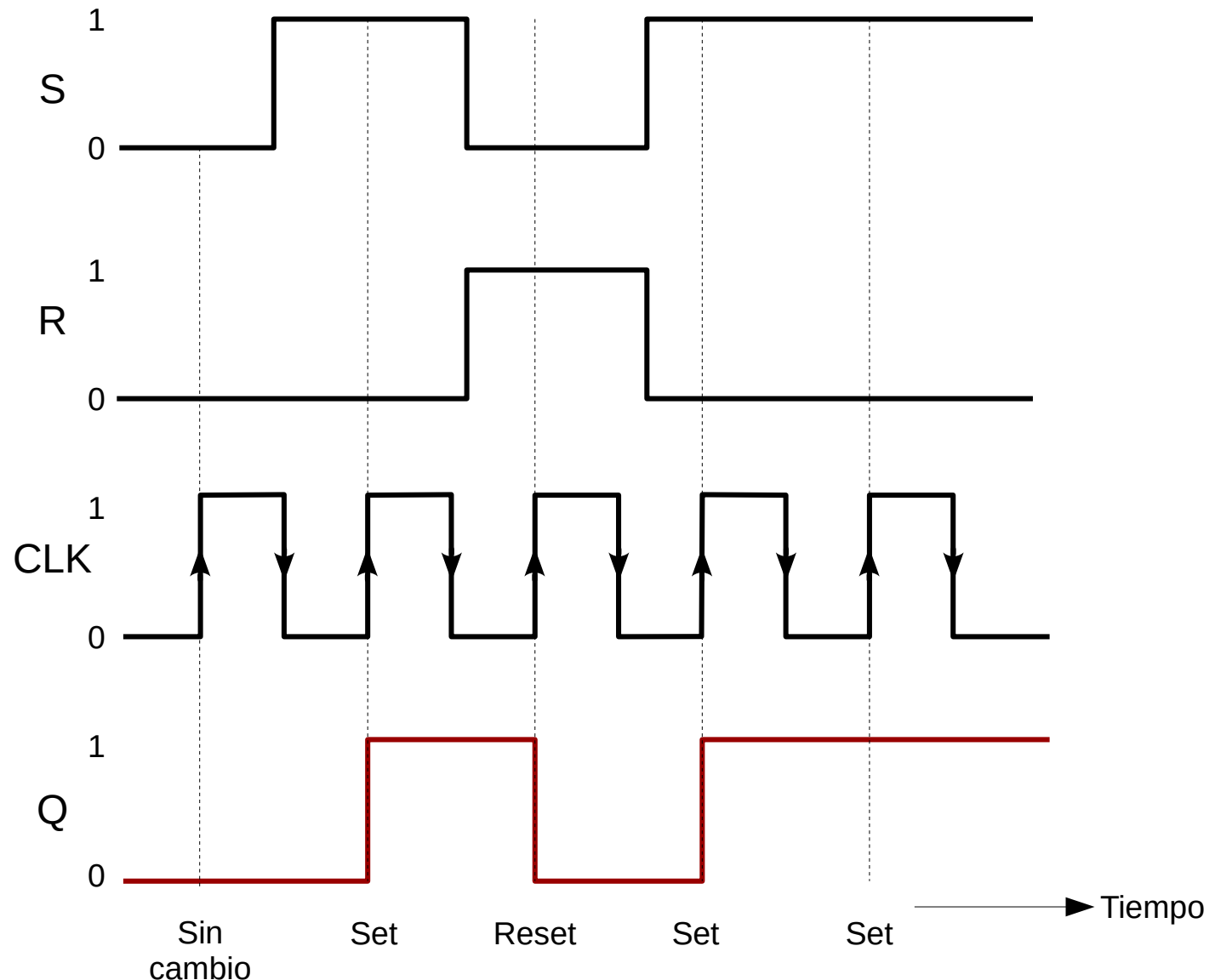
Entradas			Salida
S	R	CLK	Q
0	0	↑	$Q^-$
0	1	↑	0
1	0	↑	1
1	1	↑	No usado

$Q^-$  es el valor que tenía la salida previamente al ↑ del CLK

El ↓ del CLK no produce ningún cambio en Q

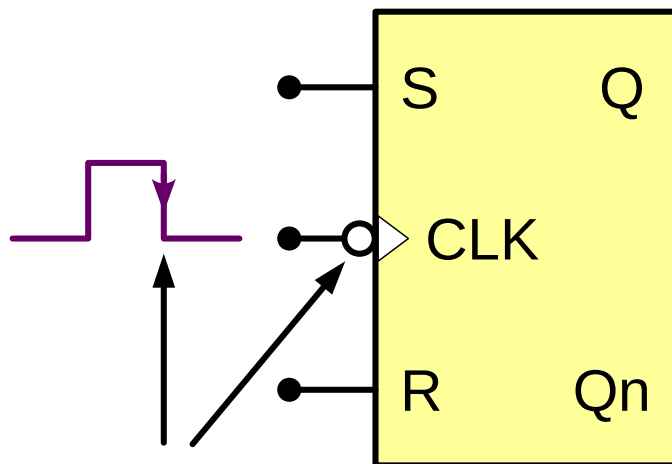
# Flip Flop S-R manejado por reloj

Formas de onda de la operación de un FF SR disparado por la transición positiva del reloj.



# Flip Flop S-R manejado por reloj

**Un Flip Flop S-R disparado por el flanco negativo de la señal de reloj.**



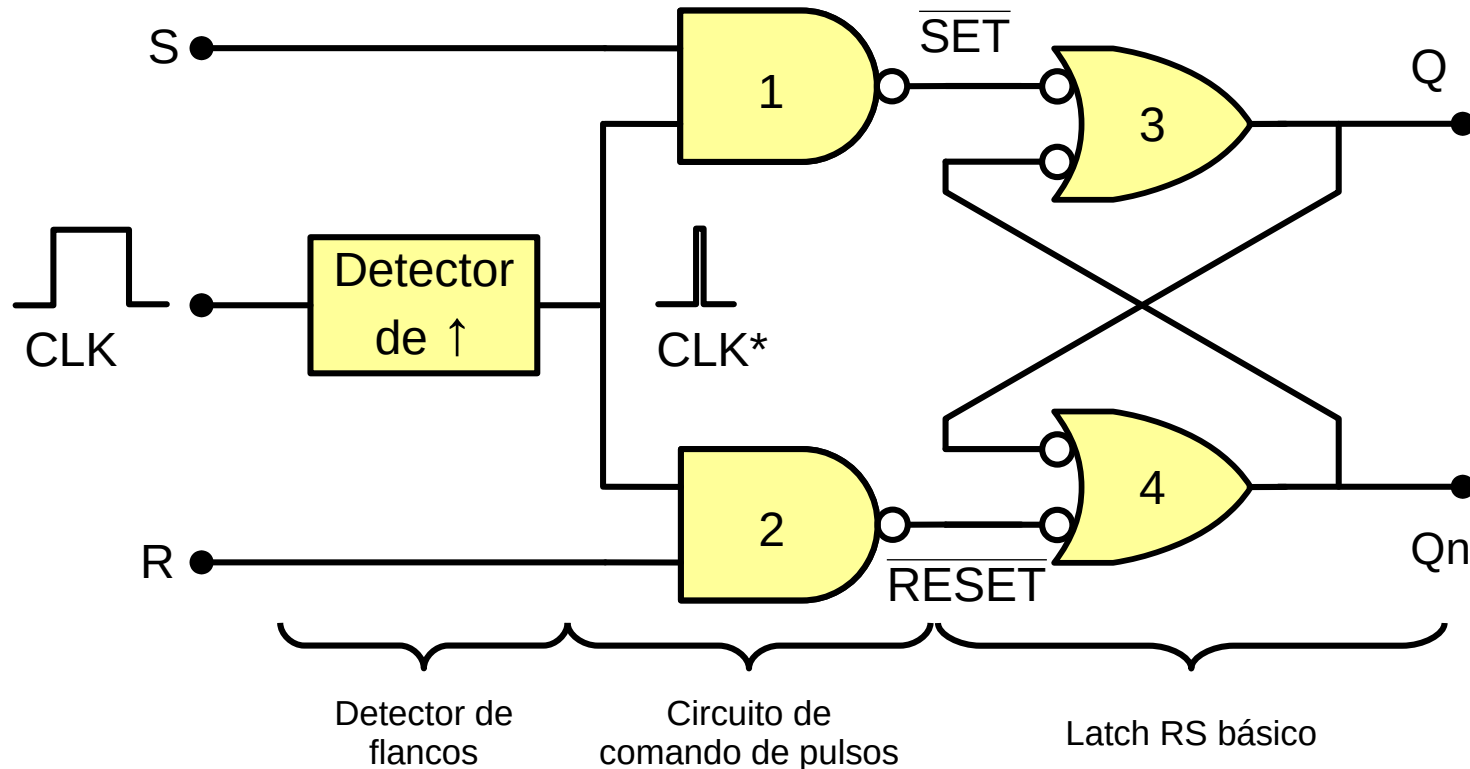
El Flip Flop se dispara con un flanco de bajada en CLK

Entradas			Salida
S	R	CLK	Q
0	0	↓	$Q^-$
0	1	↓	0
1	0	↓	1
1	1	↓	No usado

En los sistemas digitales se usan tanto FF disparados por flanco positivo como por flanco negativo del reloj.

# Flip Flop S-R manejado por reloj

## Circuito interno



- Un flip-flop S-R disparado por flanco, utiliza:
  - Un **latch SR básico** formado por las compuertas **NAND-3** and **NAND-4**.
  - Un **circuito de comando de pulso** (pulse-steering circuit) formado por **NAND-1** and **NAND-2**.
  - Un **circuito detector de flanco** (edge-detector circuit)

# Parte II

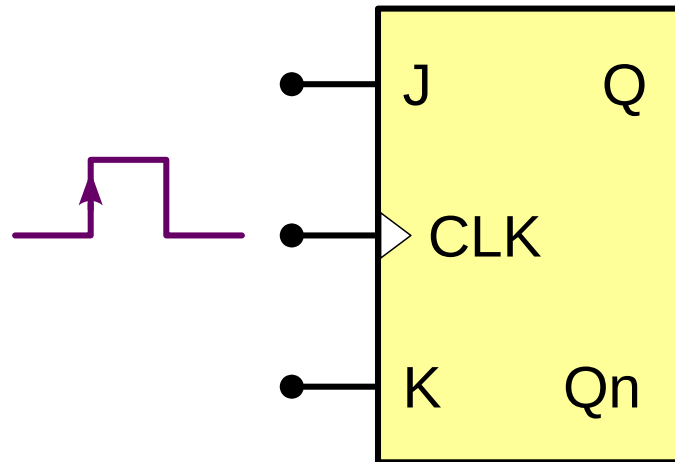
- Tipos de Flip-Flops
  - Flip-Flops SR
  - Flip-Flops JK
  - Flip-Flops D
  - Flip Flop T
- Tabla de Transición de estados
- Tabla de Transición de estados inversa
- Entradas Auxiliares: PR CLR ENABLE

# Flip Flop J-K manejado por reloj

- Opera como el FF S-R.
  - J es SET, K es CLEAR.
- Cuando J y K son ambos HIGH, la salida conmuta al estado opuesto.
  - Puede ser manejado por flanco positivo o negativo del reloj.
- Mucho más versátil que el flip-flop S-R, ya que no posee estados ambiguos o prohibidos.
  - Posee la capacidad de hacer todo lo que hace el FF S-R además de operar en un modo conmutación (*toggle*).

# Flip Flop J-K manejado por reloj

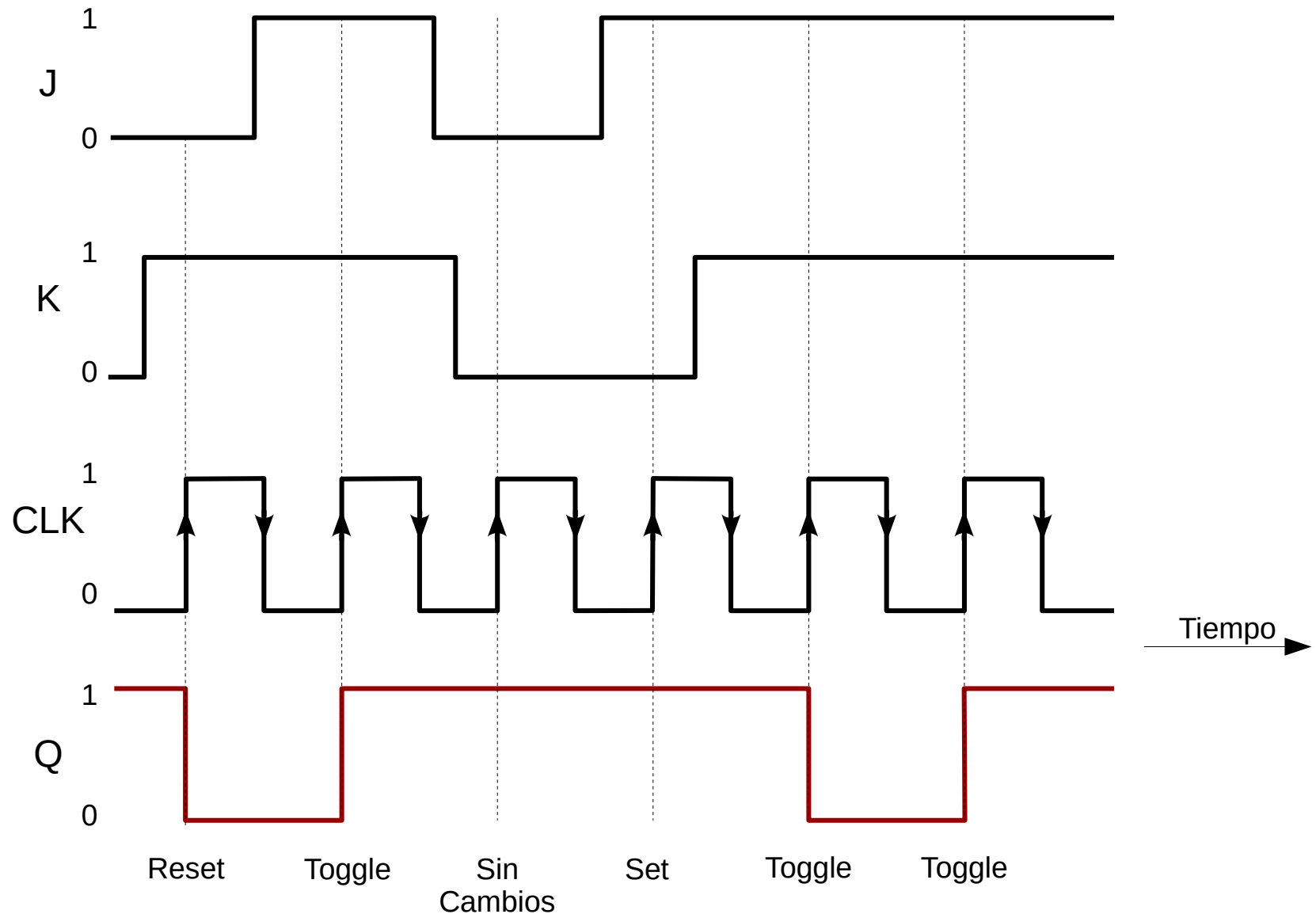
**Flip Flop J-K manejado por reloj que responde sólo a flancos positivos del reloj**



Entradas			Salida
J	K	CLK	Q
0	0	↑	$Q^-$ (Sin Cambios)
0	1	↑	0
1	0	↑	1
1	1	↑	$\overline{Q^-}$ (Toggle)

**$Q^-$  Es el valor que tenía Q antes del flanco activo del reloj**

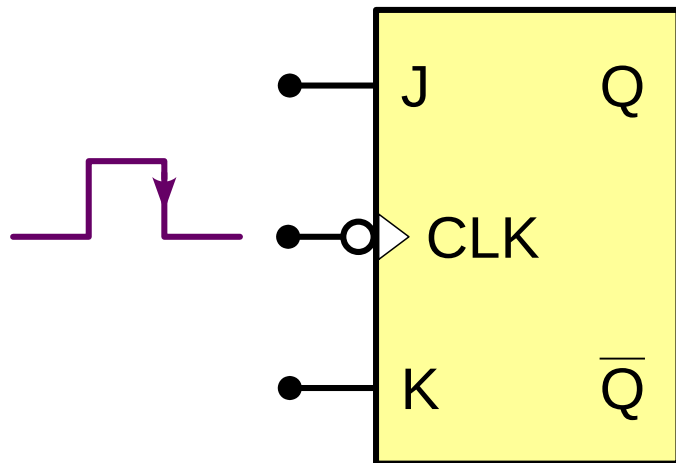
# Flip Flop J-K disparado por reloj





# Flip Flop J-K disparado por reloj

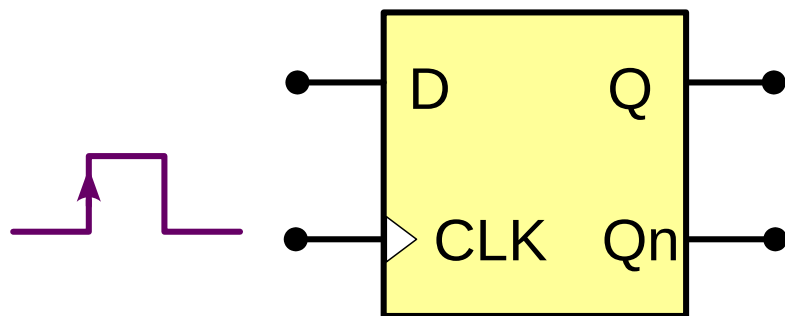
**Flip Flop J-K manejado por reloj que responde sólo a flancos negativos del reloj.**



Entradas			Salida
J	K	CLK	Q
0	0	↓	$Q^-$ (Sin Cambios)
0	1	↓	0
1	0	↓	1
1	1	↓	$\overline{Q^-}$ (Toggle)

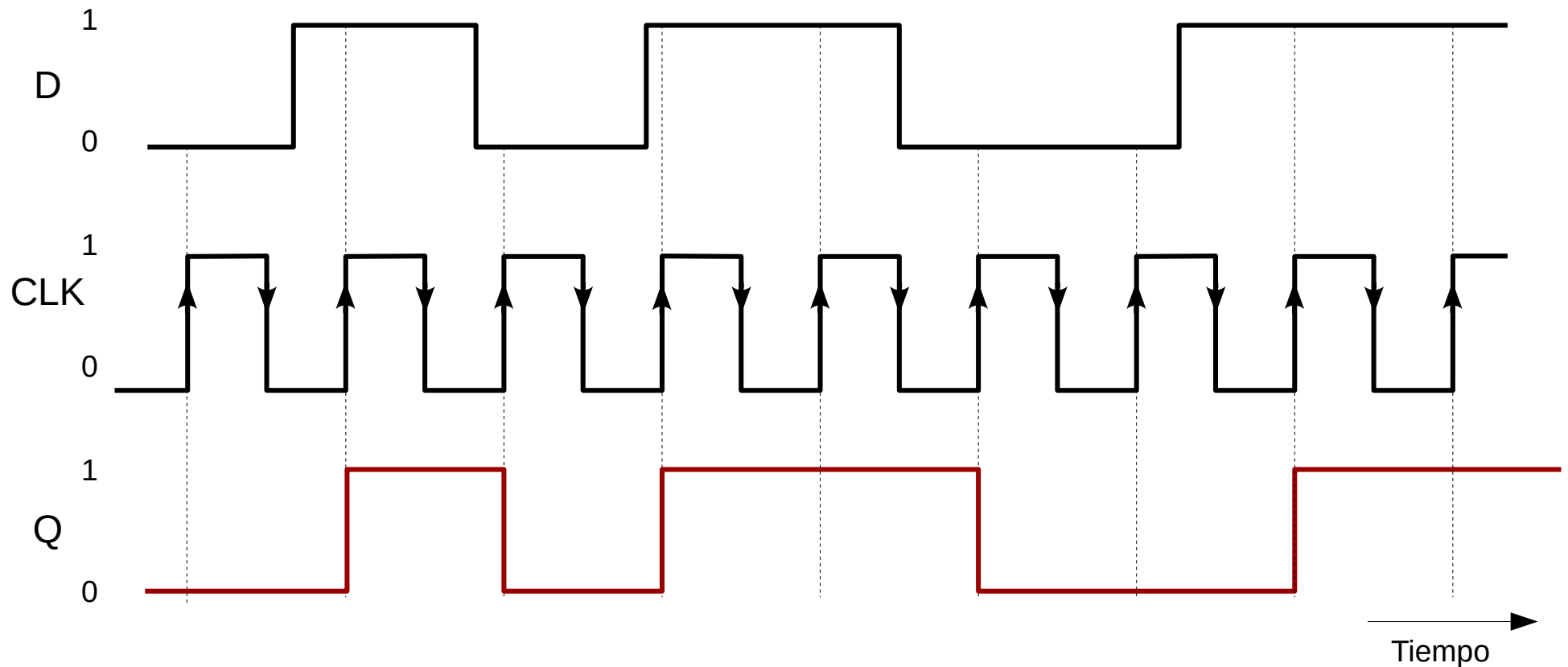
# Flip Flop D disparado por reloj

- La salida “copia” el valor de la entrada en el instante que se produce un flanco del reloj. Puede ser activo con transiciones positivas o negativas.
- Puede implementarse con un FF J-K conectando la entrada J con la K a través de un inversor.
- Útil para transferencia paralela de datos



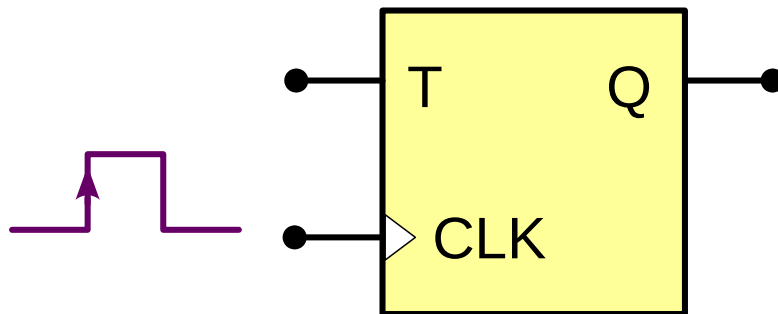
Entradas			Salida
D	CLK		Q
0	↑		0
1	↑		1

# Flip Flop D disparado por reloj



# FLIP FLOP Tipo “T”

El Flip Flop tipo “T” (toggle), según el valor de su entrada, conserva el valor anterior a la salida o conmuta al valor opuesto cuando el flanco de reloj se activa.



Entradas			Salida
T	CLK		Q
0	↑		$Q^-$ (Sin Cambios)
1	↑		$\overline{Q^-}$ (Toggle)

Entradas			Salida
T	CLK		$Q^+$
0	↑		Q (Sin Cambios)
1	↑		$\overline{Q}$ (Toggle)

# Tabla de Transiciones o Tabla de excitación de un Flip Flop

- Hasta ahora no le pusimos nombre a las tablas que describen la operación de un Flip Flop, pero se suelen llamar “Tabla de Transición de Estados”, “Tabla de Transiciones” o “Tabla de Excitación”
- Podemos escribirlas de dos maneras:
  - Estado actual en función del anterior:
    - Me situo en el momento POSTERIOR a la acción del reloj y obtengo los valores que tienen AHORA las salidas en función de los valores que tenía ANTES.
  - Estado futuro en valor del actual
    - Me situo en el momento ANTERIOR a la acción del reloj y obtengo los valores que tendrán DESPUÉS las salidas en función de los valores ACTUALES.
- $Q^+$  es el valor futuro de la salida.
- $Q^-$  es el valor anterior de la salida.
- $Q$  es el valor actual de la salida.

# Tabla de Transición de Estados

## TABLAS DE EXCITACIÓN DE LOS FLIPS FLOPS SR y JK

Estado futuro en funcion del estado actual

Entradas			Salida
S	R	CLK	$Q^+$
0	0	↑	Q
0	1	↑	0
1	0	↑	1
1	1	↑	No usado

**FF SR activado por**

**flanco ↑**

**S y R activas en ALTO**

Entradas			Salida
J	K	CLK	$Q^+$
0	0	↑	Q
0	1	↑	0
1	0	↑	1
1	1	↑	$\bar{Q}$

**FF JK activado por**

**flanco ↑**

# Tabla de Transición de Estados

TABLAS DE EXCITACIÓN DE LOS FLIPS FLOPS D y T  
Estado futuro en funcion del estado actual

Entradas		Salida
D	CLK	$Q^+$
0	↑	0
1	↑	1

**FF D activado por flanco ↑**

Entradas		Salida
T	CLK	$Q^+$
0	↑	Q
1	↑	$\overline{Q}$

**FF T activado por flanco ↑**

# Tabla de Transición Inversa

- Hay situaciones en las que deseamos un cierto valor futuro en la salida, y queremos determinar que valor debemos aplicar a la entrada, cuando la salida actual tiene cierto valor.
- Por ejemplo: si la salida actual  $Q$  de un FF JK, está en 0, que valor debo aplicar a la entrada para que  $Q^+$  valga 0 luego del flanco activo del reloj.
- En este caso tengo dos posibilidades:
  - $J=0$ ,  $K=1$  (fuerza  $Q^+$  a 0)
  - $J=0$ ,  $K=0$  (Mantiene el valor anterior)
  - Para las demás transiciones de salida voy a tener un comportamiento similar.
- La tabla que enumera las distintas posibilidades para un Flip Flop Dado se llama **Tabla de Transiciones Inversa**, o **Tabla de Excitación Inversa**.



# Tabla de Transición Inversa FF JK

- Para el FF JK, si examinamos las posibilidades tendremos las siguientes:

Q	Q <sup>+</sup>	CK	J	K
0	0	↑	0	0
0	0	↑	0	1
0	1	↑	1	0
0	1	↑	1	1
1	0	↑	0	1
1	0	↑	1	1
1	1	↑	0	0
1	1	↑	1	0

TABLA DE EXCITACIÓN  
INVERSA DEL FLIP FLOP JK

Q	Q <sup>+</sup>	CK	J	K
0	0	↑	0	X
0	1	↑	1	X
1	0	↑	X	1
1	1	↑	X	0

# Tabla de Transición Inversa FF RS

- Escribimos la tabla para el FF RS con entradas activas en ALTO:

Q	Q <sup>+</sup>	CK	S	R
0	0	↑	0	0
0	0	↑	0	1
0	1	↑	1	0
1	0	↑	0	1
1	1	↑	0	0
1	1	↑	1	0

TABLA DE EXCITACIÓN  
INVERSA DEL FLIP FLOP RS  
CON ENTRADAS ACTIVAS EN  
ALTO

Q	Q <sup>+</sup>	CK	S	R
0	0	↑	0	X
0	1	↑	1	0
1	0	↑	0	1
1	1	↑	X	0

# Tabla de Transición Inversa FF RS

- Para el FF RS con entradas Activas en BAJO, Completaremos la tabla

Q	Q <sup>+</sup>	CK	S	R
0	0	↑		
0	0	↑		
0	1	↑		
0	1	↑		
1	0	↑		
1	0	↑		
1	1	↑		
1	1	↑		

TABLA DE EXCITACIÓN  
INVERSA DEL FLIP FLOP SR  
CON ENTRADAS ACTIVAS EN  
BAJO

Q	Q <sup>+</sup>	CK	S	R
0	0	↑		
0	1	↑		
1	0	↑		
1	1	↑		

# Tabla de Transición Inversa FF D

- Para el caso del FF tipo D, vemos que solamente hay una manera de producir cada transición:

**TABLA DE EXCITACIÓN  
INVERSA DEL FLIP FLOP D**

Q	Q <sup>+</sup>	CK	D
0	0	↑	0
0	1	↑	1
1	0	↑	0
1	1	↑	1

# Tabla de Transición Inversa FF T

- Para el caso del FF tipo T, vemos que también hay una única manera de producir cada transición:

**TABLA DE EXCITACIÓN  
INVERSA DEL FLIP FLOP T**

Q	Q <sup>+</sup>	CK	T
0	0	↑	0
0	1	↑	1
1	0	↑	1
1	1	↑	0

# Otras Entradas de Control

- Los Flip Flops, pueden tener otras entradas de control. En la mayoría de los casos actúan en forma ASINCRÓNICA. Es decir que actúan inmediatamente sin necesidad que se active el reloj
- ***PRESET***
  - Cuando se activa, establece la salida Q en 1
- ***RESET***
  - Cuando se activa, establece la salida Q en 0
- ***ENABLE***
  - Esta entrada habilita o deshabilita la acción del Reloj.
- Estas entradas pueden actuar en forma
  - Directa (activas en 1)
  - Negada (activas en 0)
  - Para indicar cuando son activas en 0, en los símbolos esquemáticos se utiliza un círculo en la entrada y se suelen nombrar agregando un sufijo “n”

# Ejemplos

