

Universidad del Istmo de Guatemala Facultad de Ingenieria Ing. en Telecomunicaciones Informatica 1 Estuardo Valenzuela

# Hoja de trabajo #3

Fecha de entrega: 16 de Agosto, 2018 - 11:59pm

### Ejercicio #1 (10%)

Utilizando la definición de suma  $(\oplus)$  para los numeros naturales unarios, llevar a cabo la suma entre tres [s(s(s(0)))] y cuatro [s(s(s(s(0))))]. Debe elaborar todos los pasos de forma explicita. Como referencia, se presenta nuevamente la definición de suma para numeros naturales unarios:

$$n \oplus m := \begin{cases} m & \text{si } n = o \\ n & \text{si } m = o \\ s(i \oplus m) & \text{si } n = s(i) \end{cases}$$

#### Resolucion al ejercicio 1

$$s(s(s(0))) \oplus s(s(s(s(0))))$$
  
 $s(sss(0) \oplus sss(0))$   
 $s(s(ssss(0) \oplus ss(0)))$   
 $s(s(s(s(s(s(s(s(0))))))) \oplus s(0))$   
 $s(s(s(s(s(s(s(s(s(0)))))))) \oplus 0)$ 

### Ejercicio #2 (30%)

Definir inductivamente una función para multiplicar ( $\otimes$ ) numeros naturales unarios. **Consejo:** Puede apoyarse de la definición de suma estudiada durante la clase.

#### Resolución ejercicio 2

 $[U-U] \oplus [U \oplus U \oplus ...] \rightarrow$  donde U es el primer número unitario y u es el segundo número unitario que multiplica al primero, la cantidad de U's dentro del parentesis esta limitada por el valor de u

# Ejercicio #3 (20%)

Verifique que su definición de multiplicación es correcta multiplicando los siguientes valores:

```
• s(s(s(0))) \otimes 0

\rightarrow [s(s(s(0))) - s(s(s(0)))] \oplus [0]

\rightarrow [0] \oplus [0]

\rightarrow 0
```

• 
$$s(s(s(0))) \otimes s(0)$$
  
→  $[s(s(s(0))) - s(s(s(0)))] \oplus [s(s(s(0)))]$   
→  $[0] \oplus s(s(s(0)))$   
→  $[0] \oplus s((0) \oplus ss(0))$   
→  $[0] \oplus s(s(0) \oplus s(0))$   
→  $[0] \oplus s(s(s(0))) \oplus 0$   
→  $s(s(s(0)))$ 

• 
$$s(s(s(0))) \otimes s(s(0))$$
  
→  $[s(s(s(0))) - s(s(s(0)))] \oplus [s(s(s(s(0))) \oplus s(s(0)))]$   
→  $[0] \oplus [s(sss(0) \oplus s(0))]$   
→  $[0] \oplus [s(s(s(sss(0))) \oplus (0))]$   
→  $[0] \oplus [s(s(s(s(sss(0)))))]$   
→  $[s(s(s(sss(0))))]$ 

## Ejercicio #4 (40%)

Demostrar utilizando inducción:

• 
$$a \oplus s(s(0)) = s(s(a))$$

Siendo a = 
$$s(0) \rightarrow s(0) \oplus s(s(0)) = s(s(s(0)))$$
  
$$s(s(s(0))) = s(s(s(0)))$$

•  $a \otimes b = b \otimes a$ 

$$\begin{array}{c} a>0 \quad b>0 \\ s(0)\otimes s(s(0))=s(s(0))\otimes s(0) \\ [s(0)-s(0)]\oplus [s(0)\oplus s(0)]=[s(s(0))-s(s(0))]\oplus [s(s(0))] \\ [0]\oplus [s(0)\oplus s(0)]=[0]\oplus [s(s(0))] \\ s(s(0))=s(s(0)) \end{array}$$

•  $a \otimes (b \otimes c) = (a \otimes b) \otimes c$ 

$$\begin{array}{c} a>0 \ b>0 \ c>0 \\ a=s(s(0)) \\ b=s(0)) \\ c=s(s(s(0))) \\ \rightarrow s(s(0))\otimes (s(0))\otimes s(s(s(0)))=(s(s(0))\otimes s(s(s(0)))\otimes s(s(s(0))) \\ \rightarrow [U-U]\oplus [s(s(0))]=[U-U]\oplus [s(s(0))\oplus s(s(0))\oplus s(s(0))] \\ \rightarrow \\ \rightarrow [s(s(0))-s(s(0))]\oplus [s(s(0))] \\ \rightarrow [0]\oplus [s(s(0))] \\ \rightarrow s(s(0))= \end{array}$$

•  $(a \oplus b) \otimes c = (a \otimes b) \oplus (b \otimes c)$