

UNIVERSIDAD MARIANO GALVEZ DE GUATEMALA CENTRO UNIVERSITARIO DE JALAPA FACULTAD DE INGENIERIA

Alumno/a: Esvin Giovanni González de la Cruz	Carné: 0907-22-12653
--	----------------------

Asignatura:	Algebra Lineal	Código:	0907-007	Semestre:	Segundo
Ciclo:	Segundo			Towns 4	
Catedrático:	Ing. M.A. Samuel de Jesús García			Tarea 4	

Tipos de Matrices

Escriba un ejemplo de cada una de las matrices que se le indican, puedes encontrar ejemplos en el siguiente link:

(https://www.matematicas10.net/2015/12/ejemplos-de-matriz-antisimetrica-o.html)

Matriz Antisimétrica: matriz que es igual a su traspuesta cambiada de signo $(A = -A^T)$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & -5 \\ 5 & 0 \end{pmatrix} A^T = \begin{pmatrix} 0 & -5 \\ 5 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow -A^T = T$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -8 \\ -1 & 0 & 6 \\ 8 & -6 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow A^{T} = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 8 \\ 1 & 0 & -6 \\ -8 & 6 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow A^{T} = A$$

Matriz Columna: matriz que está formada solamente por una columna

$$A = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 100 \\ 100 \\ 100 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1\\2\\3\\4 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0\\1\\0\\1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 10\\10\\10\\-5 \end{pmatrix}$$

Matriz Cuadrada: matriz que tiene el mismo número de filas que de columnas

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} -6 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

RAGO 3
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 6 \\ 4 & 2 & 5 \\ 6 & 5 & 3 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 & 1 \\ 2 & 8 & 3 & 2 \\ 0 & 4 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 4 & 0 \\ 0 & 4 & 8 & 0 \\ -9 & 2 & 1 & 8 \end{pmatrix}$$

Matriz Diagonal: matriz con todos los elementos que no estén en la diagonal principal iguales a 0

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} -6 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

Matriz Escalar: matriz con todos los elementos de la diagonal principal del mismo valor

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

6 Matriz Fila: matriz que está formada solamente por una fila

$$A = (-1 \ 8 \ 10)$$

$$A = (2 \ 5 \ 3 \ 1)$$

 $A = (4 \ 7 \ 0)$

$$A = (4 \ 7 \ 0)$$

$$A = (2 19)$$

$$A = (-5 \ 0' -1 \ 24)$$

Matriz Idempotente: matriz que multiplicada por si misma da como resultado la misma matriz

$$\mathsf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \Rightarrow \mathsf{A} \cdot \mathsf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0 & 0+0 \\ 0+0 & 0+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow A \cdot A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0 & 0+0 \\ 3+0 & 0+0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 2/3 & 1/3 \\ 2/3 & 1/3 \end{pmatrix} \rightarrow A \cdot A = \begin{pmatrix} \frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} + \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} & \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} + \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} & \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{6}{9} & \frac{3}{9} \\ \frac{6}{9} & \frac{3}{9} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2/3 & 1/3 \\ 2/3 & 1/3 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow A \cdot A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Matriz Identidad: matriz cuadrada con valores 1 en la diagonal principal y el resto de valores igual a 0

$$I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$I_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\mathsf{I}_{4=}\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

9 **Matriz Inversa**: matriz que multiplicada por la matriz origen da la matriz identidad: A \times A⁻¹ = I

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2-1 & -1+1 \\ 2-2 & -1+2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = A^{-1}$$

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3-2 & -1+1 \\ 6-6 & -2+3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = A^{-1}$$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot \begin{pmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6-5 & -10+10 \\ 6-6 & -5+6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = A^{-1}$$

10 Matriz Involutiva: matriz que multiplicada por si misma da como resultado la matriz unidad o identidad

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \rightarrow A \cdot A = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0 & 0+0 \\ 0+0 & 0+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = 1$$

$$\mathsf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \quad \Rightarrow \quad \mathsf{A} \cdot \mathsf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0 & -1+1 \\ 0+0 & 0+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \mathsf{I}$$

$$A = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & \sqrt{3} \\ \sqrt{3} & -1 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot A = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & \sqrt{3} \\ \sqrt{3} & -1 \end{pmatrix} \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & \sqrt{3} \\ \sqrt{3} & -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & \sqrt{3} \\ \sqrt{3} & -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & \sqrt{3} \\ \sqrt{3} & -1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{4} \begin{pmatrix} 1+3 & \sqrt{3}-\sqrt{3} \\ \sqrt{3}-\sqrt{3} & 3+1 \end{pmatrix} = \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = 1$$

11 Matriz Nula: es aquella matriz en la que todos sus valores son igual a 0

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

12 **Matriz Ortogonal**: matriz que multiplicada por su traspuesta resulta la matriz identidad $(A \cdot A^T = I)$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \longrightarrow A \cdot A^{T} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0+1 & 0+0 \\ 0+0 & 1+0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = I$$

$$A = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot A^{T} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{2}\begin{pmatrix} 1+1 & 1-1 \\ 1-1 & 1+1 \end{pmatrix} = \frac{1}{2}\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = 1$$

$$A = \begin{pmatrix} \cos \alpha & sen & \alpha \\ -sen & \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot A^{T} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & sen & \alpha \\ -sen & \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos \alpha & -sen & \alpha \\ sen & \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} =$$

$$\begin{pmatrix} \cos^2 \propto + \sin^2 \propto & -\cos \propto \sin \propto + \sin \propto \cos \propto \\ -\sin \propto \cos \propto + \cos \propto \sin \propto & \sin^2 \propto + \cos^2 \propto \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \mathbf{I}$$

13 Matriz Rectangular: matriz que tiene el distinto número de filas que de columnas

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & -2 & -3 \end{pmatrix} A = (1 - 2 \ 3 - 4)$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 9 \\ 6 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 10 & 11 & 4 \\ 9 & 12 & 5 \\ 8 & 7 & 6 \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 3 & 8 \\ 8 & 3 \\ 3 & 8 \end{pmatrix}$$

Matriz Regular: es aquella matriz cuadrada que tiene inversa

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2-1 & -1+1 \\ 2-2 & -1+2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = A^{-1}$$

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3-2 & -1+1 \\ 6-6 & -2+3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = A^{-1}$$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot \begin{pmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6-5 & -10+10 \\ 6-6 & -5+6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} = A^{-1}$$

Matriz Simétrica: matriz cuadrada que es igual a su traspuesta $(A = A^T)$

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} & \dots & a_{3n} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} & \dots & a_{4n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & a_{n4} & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}$$

16 **Matriz Singular**: es aquella matriz que no posee inversa $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$|A| = 2x9 - 3x6 = 18 - 18 = 0 \rightarrow A$$
 es singular

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} |A| = 1 \times (5x9 - 6x8) - 4 \times (2x9 - 8x3) + 7 \times (2x6 - 5x3) = 1 \times (45-48) - 4 \times (18-24) + 7 \times (12-15) = -3 - 4x(-6) + 7 \times (-3) = -3 + 24 - 21 = 0 \rightarrow A \text{ es singular}$$

17 Matriz Traspuesta: matriz que resulta de intercambiar los valores de las filas por los de las columnas

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 8 & 10 \\ 2 & 100 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{\text{FILA 1}} A^{T} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 8 & 100 & 1 \\ 10 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

18 Matriz Triangular Superior: matriz con todos los elementos por debajo de la diagonal principal igual a 0

$$\mathsf{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} & \dots & a_{1n} \\ 0 & a_{22} & a_{23} & a_{24} & \dots & a_{2n} \\ 0 & 0 & a_{33} & a_{34} & \dots & a_{3n} \\ 0 & 0 & 0 & a_{44} & \dots & a_{4n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}$$

19 Matriz Triangular Inferior: matriz con todos los elementos por encima de la diagonal principal igual a 0

$$\mathsf{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ a_{21} & a_{22} & 0 & 0 & \dots & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & 0 & \dots & 0 \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & a_{n4} & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}$$

Ing. M.A. Samuel de Jesús García Docente de Algebra Lineal