# Программа минимум по электродинамике

Записать формулы и построить графики (без вывода), объяснить используемые в них обозначения: дать требуемые определения

- 1) Запись функции, определяющей зависимость полей и векторных потенциалов гармонической плоской волны в линии передачи от времени t и продольной координаты z. Понятия частоты, временного периода, продольного волнового числа, длины волны, фазовой и групповой скорости.
- 2) Волновое уравнение для векторного потенциала в отсутствие источников при произвольной и гармонической зависимости от времени. Дифференциальное уравнение для функций поперечных координат  $\varphi^{(e)}$  и  $\varphi^{(m)}$ . Понятие поперечного волнового числа.
- 3) Понятие о ТЕ, ТМ и ТЕМ волнах. Импедансная связь поперечных компонент полей. Определение поперечного волнового импеданса.
- 4) Граничные условия для полей и функций  $\varphi^{(e)}$  и  $\varphi^{(m)}$  в линиях передачи с идеально проводящими границами. Математическая формулировка задачи отыскания собственных волн различных типов в идеальной линии.
- 5) Дисперсионное уравнение для волн в идеальных линиях. Понятие критической частоты и критической длины волны. Графики зависимости полей от продольной координаты в различные моменты времени при частотах, больших или меньших критической. Зависимости длины волны, фазовой и групповой скорости в линии передачи от частоты.
- 6) В каких линиях могут существовать главные (ТЕМ) волны? Поля ТЕМ волны в коаксиальной линии.
- 7) Спектр поперечных волновых чисел прямоугольного волновода. Низшая мода (поперечное волновое число, графики поля, картина силовых линий). Низшая мода круглого волновода (поперечное волновое число, картина силовых линий).
- 8) Причины затухания волн в линиях передачи. Описание затухания, обусловленного потерями энергии в заполняющей среде. Графики зависимости поля в линии передачи с потерями от продольной координаты в различные моменты времени.
- 9) Описание главных волн в линиях передачи в терминах тока и напряжения: определения величин тока и напряжения, погонной емкости и индуктивности, определения волнового сопротивления, импеданса нагрузки, импеданса в любом сечении линии с произвольной нагрузкой на конце.
- 10) Коэффициент отражения волны от нагрузки на конце линии. Понятие согласования линии с нагрузкой.

- 11) Спектр собственных частот идеального прямоугольного резонатора. Низшая мода прямоугольного резонатора (собственная частота, структура поля).
- 12) Причины затухания колебаний в реальных резонаторах. Описание затухания, обусловленного потерями энергии в заполняющей среде. График зависимости поля собственного колебания в реальном резонаторе от времени
- 13) Представление полей, создаваемых в волноводе заданными сторонними токами, в виде суперпозиции полей собственных мод (общий вид формул возбуждения волноводов)
- 14) Представление полей, создаваемых в резонаторе заданными сторонними токами, в виде суперпозиции полей собственных колебаний (общий вид формул возбуждения резонатора). Резонансные свойства полей.
- 15) Способы возбуждения волноводов и резонаторов при помощи штыря и петли.
- 16) Определения дифференциального и полного сечений рассеяния тела. Выражение для амплитуды поля и плотности потока энергии рассеянной волны в дальней зоне через дифференциальное сечение рассеяния.
- 17) Условие применимости приближения геометрической оптики в задачах дифракции.

Задачи № 10.1 (а), 10.2, 10.4(а,б), 10.5(а,б), 10.7, 10.8, 10.16, 10.18(6), 10.19, 10.22, 10.23, 10.31(а,б), 10.33 (резонатор без плазмы), 10.35(а), 10.36, 10.38, 10.48, 11.1(1,2,3) (В.Б. Гильденбург, М.А. Миллер, Сборник задач по электродинамике, 2001 г.).

Для плоской гармонической волны (ТЕМ) функция, определяющая зависимость полей, задается следующим образом

$$\vec{A}^e = \varphi^e(\vec{r}_\perp)e^{-ihz}\vec{z}_0$$

Где  $\vec{A}^e$  – векторный потенциал поля, а  $\varphi^e(\vec{r}_\perp)$  называется поперечной волновой функцией. Поля  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$  определяются следующим образом

$$\vec{H} = \frac{1}{\mu} rot \vec{A}^e$$

$$\vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}^e}{\partial t} - \nabla \varphi$$

 $\Gamma$ де  $\varphi$  — скалярный потенциал поля. Используя условие калибровки Лоренца

$$div\vec{A}^e + \frac{\varepsilon\mu}{c}i\omega\varphi = 0$$

Получим выражения для нахождения полей  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$  в случае гармонической волны:

$$\vec{H} = \frac{1}{\mu} rot \vec{A}^e$$

$$\vec{E} = \frac{1}{ik_0\varepsilon\mu}(\nabla div + k^2)\vec{A}^e$$

$$k_0 = \frac{\omega}{c}, \quad k = \frac{\omega}{c} \sqrt{\varepsilon \mu}$$

Понятие частоты  $\omega$  — равна количеству повторений или возникновения событий (процессов) в единицу времени.

Понятие временного периода  $T=\frac{2\pi}{\omega}$  – время, за которое совершается полное колебание.

Понятие продольного волнового числа  $h = \frac{2\pi}{\lambda}$  – волновым числом называется быстрота роста фазы волны по пространственной продольной координате.

Понятие длины волны  $\lambda$  – пространственный период колебаний. Расстояние между двумя ближайшими друг к другу точками в пространстве, в которых колебания происходят в одинаковой фазе.

Понятие фазовой  $v_{\Phi}$  и групповой скорости  $v_{\rm rp}$ . Фазовая скорость – скорость перемещения поверхности постоянной фазы. Групповая скорость – скорость перемещения квазимонохроматического пакета.

$$v_{\Phi} = \frac{\omega}{h}, \quad v_{\text{rp}} = \frac{\partial \omega}{\partial h}\Big|_{\omega = \omega_0}$$

 $\Gamma$ де  $\omega_0$  — несущая частота группового пакета.

Волновое уравнение для векторного потенциала в случае произвольной зависимости от времени и отсутствия сторонних источников

$$\Delta \vec{A} - \frac{\varepsilon \mu}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2} = 0$$

Волновое уравнение для векторного потенциала в случае гармонической зависимости от времени и отсутствия сторонних источников

$$\Delta \vec{A} + k^2 \vec{A} = 0$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \to i\omega, \quad k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon \mu$$

Дифференциальное уравнение для функций поперечных координат  $\varphi^{(e)}$  и  $\varphi^{(m)}$ . Понятие поперечного волнового числа.

$$\vec{A}^e = \varphi^e(\vec{r}_\perp)e^{-ihz}\vec{z}_0$$

$$\Delta = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} = \Delta_{\perp} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

– для декартовой системы координат.

$$\Delta A_z^e + k^2 A_z^e = \Delta_\perp \varphi^e + (k^2 - h^2)\varphi^e = 0$$

Тогда дифференциальное уравнение для функций поперечных координат  $\varphi^{(e)}$  и  $\varphi^{(m)}$  выглядит следующим образом

$$\Delta_{\perp} \varphi^{(e,m)} + \varkappa^2 \varphi^{(e,m)} = 0$$

Где  $\varkappa$  – поперечное волновое число. Если функции  $\varphi^{(e)}$  и  $\varphi^{(m)}$  удовлетворяют двумерному уравнению Гельмгольца, то поля удовлетворяют уравнению Максвелла.

Используем выражения для полей через векторный потенциал

$$\vec{H} = \frac{1}{\mu} rot \vec{A}^e$$
 
$$\vec{E} = \frac{1}{k_0 \varepsilon \mu} (\nabla div + k^2) \vec{A}^e$$

Вычислим  $\nabla div \vec{A^e}$  и  $rot \vec{A^e}$  при условии  $\vec{A^e} = \varphi^e(\vec{r_\perp}) e^{-ihz} \vec{z_0}$ 

$$\begin{aligned} div\vec{A}^e &= -ih\varphi^e(\vec{r}_\perp)e^{-ihz} \\ \nabla div\vec{A}^e &= (-h^2\varphi^e\vec{z}_0 - ih\nabla_\perp\varphi^e)e^{-ihz} \\ rot\vec{A}^e &= [\nabla A_z^e, \vec{z}_0] = [\nabla_\perp\varphi^e, \vec{z}_0]e^{-ihz} \end{aligned}$$

Тогда получим следующие выражения для комплексных амплитуд полей ТМ волны

$$e^{-ihz} \cdot \begin{cases} E_z = \frac{\varkappa^2}{k_0 \varepsilon \mu} \varphi^e(\vec{r}_\perp) \\ \vec{E}_\perp = -\frac{h}{k_0 \varepsilon \mu} \nabla_\perp \varphi^e(\vec{r}_\perp) \\ \vec{H}_\perp = \frac{1}{\mu} [\nabla_\perp \varphi^e(\vec{r}_\perp, \vec{z}_0)] \\ H_z = 0 \end{cases}$$

 ${
m TM}$  - поперечная магнитная волна. Магнитное поле чисто поперечно пути распространения, но поле  $\vec{E}=\vec{E}_{\parallel}+\vec{E}_{\perp}$  имеет продольную и поперечную составляющую.

Уравнения Максвелла симметричны относительно полей, но мы получили неравноправные выражения для векторов. Это объясняется тем, что мы нашли одно из решений. Воспользовавшись принципом двойственности  $\vec{E} \to \vec{H}, \ \vec{H} \to -\vec{E},$  можно получить выражения для комплексных амплитуд полей TE волны.

$$e^{-ihz} \cdot \begin{cases} H_z = \frac{\varkappa^2}{k_0 \varepsilon \mu} \varphi^e(\vec{r}_\perp) \\ \vec{H}_\perp = -\frac{h}{k_0 \varepsilon \mu} \nabla_\perp \varphi^e(\vec{r}_\perp) \\ \vec{E}_\perp = -\frac{1}{\varepsilon} [\nabla_\perp \varphi^e(\vec{r}_\perp, \vec{z}_0)] \\ E_z = 0 \end{cases}$$

функция  $\varphi$  не обязана быть такой же, поэтому изменяется верхний индекс на m, эта функция также должна удовлетворять уравнению Гельмгольца

$$\Delta_{\perp}\varphi^m + \varkappa^2\varphi^m = 0$$

Таким образом для системы уравнений Максвелла возможны два решения ТМ и ТЕ волны. Но есть случай, когда поля чисто поперечны это случай ТЕМ волны. Когда  $\varkappa=0$ , то есть k=h, продольные компоненты магнитного и электрического полей отсутствуют это и есть ТЕМ волна.

$$e^{-ihz} \cdot \begin{cases} H_z = E_z = 0 \\ \vec{E}_{\perp} = -\frac{1}{\varepsilon \mu} \nabla_{\perp} \varphi(\vec{r}_{\perp}) \\ \vec{H}_{\perp} = \frac{1}{\mu} [\nabla_{\perp} \varphi(\vec{r}_{\perp}, \vec{z}_0)] \end{cases}$$

 $\varphi$  — поперечная волновая функция, удовлетворяющая уравнению  $\Delta \varphi = 0$ . Из формул выше видно, что поперечные компоненты полей удовлетворяют импедансному соотношению

$$ec{E}_{\perp} = \eta_{\perp ext{ iny B}} [ec{H}_{\perp}, ec{z}_0]$$

где  $\eta_{\perp_{\mathrm{B}}}$  называется поперечным волновым сопротивлением

$$\eta_{\perp \mathrm{B}} = \sqrt{rac{\mu}{arepsilon}} \left(rac{k}{h}
ight)^{\pm 1}$$

где «+» — соответствует волне типа TE, а «-» — волне типа TM. Для TEM волны  $\eta_{\perp \rm B} = \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}}$  «««< Updated upstream

Спектр поперечных волновых чисел прямоугольного волновода. Поперечные волновые числа появляются как собственные числа решения уравнения Гельмгольца с граничными условиями прямоугольного волновода. Спектр найденных таким образом собственных чисел описывается формулой

$$\varkappa_{mn}^2 = \left(\frac{m\pi}{a}\right)^2 + \left(\frac{n\pi}{b}\right)^2 \tag{1}$$

Здесь m, n – индексы моды, a, b – размеры сечения волновода. Для однозначности мы всегда считаем, что a > b.

**Низшая мода.** По определению, такой модой называется мода с наименьшим поперечным волновым числом. Так как мы предполагали a>b, очевидно, наименьшее возможное нетривиальное поперечное волновое число будет при  $m=1,\,n=0$ :

$$\varkappa_{10}^2 = \frac{\pi^2}{a^2} \tag{2}$$

Заметим, что это возможно только для ТЕ-волн, так как решение ТМ-волн не позволяет занулить m, n одновременно (это приведет к тривиальной поперечной волновой функции). Так что низшая мода прямоугольного волновода —  $TE_{10}$ .

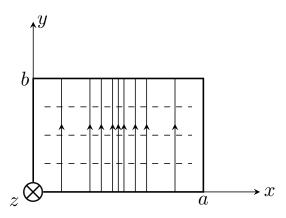


Рис. 1. Структура полей  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$  моды  $\mathrm{TE}_{10}$  ( $\vec{H}$  изображено пунктиром)

**Низшая мода круглого волновода** . Она определяется так же, но решение уравнения идет в бесселевых функциях, и поэтому поперечное волновое число имеет другой вид, и низшей модой будет  $TE_{11}$ :

$$\varkappa_{11} = \frac{\mu_{11}}{a},\tag{3}$$

где  $\mu_{11}$  — значение аргумента функции Бесселя  $J_1$  при 1-м нуле своей прозводной. При этом график моды будет похож на график в прямоугольном волноводе: его можно получить чисто геометрически, постепенно сминая границы волновода, делая его более круглым. Говоря более точно, топологически эти моды подобны.

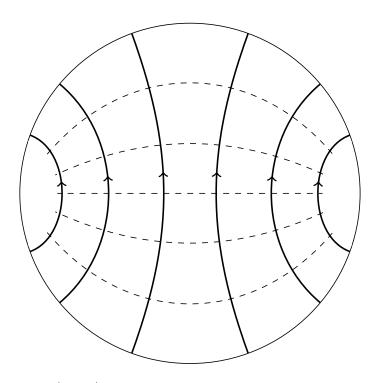


Рис. 2. Структура полей  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$  моды  $\mathrm{TE}_{11}$  круглого волновода ( $\vec{H}$  изображено пунктиром)

**Причины затухания волн в линиях передачи.** В реальных линиях передачи волна распространяется с затуханием за счет  $\partial syx$  причин:  $nomepu\ s\ заполняющей\ soлновод\ cpede$  и  $nomepu\ s\ cmenkax\ soлноводa$ . Мы их учитываем по-отдельности: решаем задачу о потерях в среде, считая стенки  $\sigma=\infty$ , и наоборот.

Описание затухания, обусловленного потерями энергии в заполняющей среде. Чтобы учесть потери в среде, подставим комплексную диэлектрическую проницаемость в дисперсионное уравнение:

$$\varepsilon_k = \varepsilon' - i \frac{4\pi\sigma}{\omega} \rightarrow h^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon \mu - \varkappa$$
 (4)

Расчеты проводятся при  $\mu=1$ . Волновое число становится комплесным h=h'+ih'', и в случае малых потерь можно найти h'', которое определяет затухание. Для частот, далеких от критической,

$$h'' = \frac{\varepsilon'' k_0^2}{2h'},$$
 где  $h' = \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon' - \varkappa^2}$  (5)

При  $\omega > \omega_{\rm cr}$  амплитуда волны уменьшается в e раз на расстоянии  $L = (h'')^{-1}$ . Нетрудно нарисовать графики: это будет сдвигающаяся волна с огибающей в виде спадающей экспоненты.

**Графики зависимости поля в линии передачи с потерями от продольной координаты в различные моменты времени.** Здесь синим цветом показан график в следущий момент времени, желтым - в предыдущий, зеленым - огибающая (экспонента).

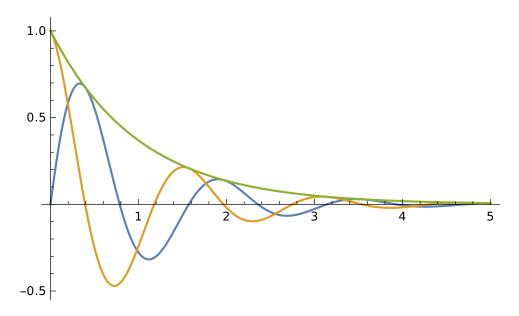


Рис. 3. Затухание поля в линии передачи

#### Описание главных волн в линиях передачи в терминах тока и напряжения.

В системе проводников, когда их количество больше или равно двум, могут распространяться главные (TEM) волны. Именно их, в случае двухпроводной линии, можно описать с помощью телеграфных уравнений:

$$\begin{cases} \frac{\partial I}{\partial z} = -C \frac{\partial V}{\partial t} \\ \frac{\partial V}{\partial z} = -\frac{L}{c^2} \frac{\partial I}{\partial t} \end{cases}$$
 (6)

Они были написаны раньше, чем уравнения Максвелла. Они не дают информации о поле во всем пространстве, а оперируют только интегральными характеристиками: током V(z,t) и напряжением  $I(z,t)^1$ . Здесь введен ряд понятий, которые надо раскрыть подробнее.

**Погонные емкость** C, **индуктивность** L. Они вводятся как емкость (индуктивность) на единицу длины, или, выражаясь физически более верно, это отношение емкости (индуктивности) бесконечно малого отрезка двухпроводной линии к её длине. Так же вводится noronnum 3apsd Q.

**Напряжение.** По определению, напряжение в двухпроводной линии, в которой распространяется главная волна, будет интеграл

$$V(z) = \int_{(1)}^{(2)} E_l \, \mathrm{d}l,\tag{7}$$

где интегрирование ведется в плоскости сечения  $z={\rm const}$  от одного провода до другого, и не зависит от формы контура. Такое возможно в случае потенциальных полей: поле же главной волны в поперечном сечении потенциально  $(\vec{E}=-{\rm grad}\,\varphi)$ . Хотя в целом оно не потенциально:

$$\operatorname{rot} \vec{E} = \operatorname{rot} \left[ \nabla_{\perp} \varphi(\vec{r}_{\perp}) \cdot e^{-ihz} \right] \tag{8}$$

**Ток.** Ток в сечении двухпроводной линии есть отношение количества заряда, проходящего в единицу времени через сечение  $z={\rm const}$  одного провода, к единице времени  $(I={\rm d}Q\,/{\rm d}t).$ 

 $<sup>^1\</sup>Pi$ родифференцировав второе уравнение по z и первое по t, и подставив первое во второе, мы получим волновое уравнение.

Волновое сопротивление (характеристический импеданс). В терминах тока и сопротивления, это есть отношение напряжения бегущей волны к току бегущей волны в одном сечении. Выражение можно получить, подставив  $V = V_0 \cdot e^{i(\omega t \pm kz)}$ ,  $I = I_0 \cdot e^{i(\omega t \pm kz)}$  в волновое уравнение:

$$Z_{\rm B} = \left| \frac{V_{\rm 6er}(z)}{I_{\rm 6er}(z)} \right| = \frac{1}{c} \sqrt{\frac{L}{C}} \tag{9}$$

**Импеданс нагрузки.** Он вводится как отношение напряжения на нагрузке к току в нагрузке:

 $Z_{\rm H} = \frac{V_{\rm H}}{I_{\rm H}} \tag{10}$ 

**Импеданс в произвольном сечении линии.** Он определяется как Z(z) = V(z)/I(z), и с этим тесно связана формула пересчета импеданса, а именно, можно узнать импеданс в любом сечении линии, зная волновой импеданс и импеданс произвольной нагрузки на конце. Тогда, считая положение нагрузки в z=0, формула принимает вид

 $Z(z = -L) = Z_{\rm B} \frac{Z_{\rm H} + iZ_{\rm B} \operatorname{tg} kL}{Z_{\rm B} + iZ_{\rm H} \operatorname{tg} kL}$ (11)

**Коэффициент отражения волны от нагрузки на конце линии.** Это может быть коэффициент отражения по току или по напряжению. Обычно, когда не упоминается чего, считается, что напряжения. По определению, это

$$\Gamma = \frac{V_{\text{отр}}}{V_{\text{пад}}} = (\text{если посчитать}) = \frac{Z_{\text{H}} - Z_{\text{B}}}{Z_{\text{H}} + Z_{\text{B}}}$$
 (12)

**Понятие согласования линии с нагрузкой.** Линия называется согласованной, если нет отраженной волны:  $\Gamma=0$ . Для этого нужно, чтобы было  $Z_{\rm H}=Z_{\rm B}$ .

Спектр собственных частот идеального прямоугольного резонатора. Его можно найти, если взять прямоугольный волновод и металлизировать сечения нулей электрического поля, удовлетворив граничному условию  $E_{\tau}=0$ :

$$\omega_{mnp} = \frac{\pi c}{\sqrt{\varepsilon \mu}} \sqrt{\frac{m^2}{a^2} + \frac{n^2}{b^2} + \frac{p^2}{L^2}},\tag{13}$$

где a>b – размеры поперечного сечения, L – длина резонатора.

**Низшая мода прямоугольного резонатора.** Если b < a, b < L, то низшей модой будет  $\mathrm{TE}_{101}$ :

$$\omega_{101} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon\mu}} \sqrt{\left(\frac{\pi}{a}\right)^2 \left(\frac{\pi}{L}\right)^2} \tag{14}$$

Надо заметить, что TE/TM здесь условно, так как зависит от выбора осей. Пусть ребро a вдоль  $x,\,b$  вдоль  $y,\,L$  вдоль z. Структура поля тогда

$$\vec{E} = \vec{y_0} E_0 \sin\left(\frac{\pi}{a}x\right) \sin\left(\frac{\pi}{L}z\right) e^{i\omega_{101}t} \tag{15}$$

**Причины затухания колебаний в реальных резонаторах.** Как и в случае линии передачи, причин две: потери в заполняющей среде (комплексная  $\varepsilon$ ) и потери в стенках ( $\sigma \neq \infty$ ).

**Затухание за счет потерь в заполнении.** Чтобы его найти, нужно действовать стандартно: представить  $\varepsilon = \varepsilon' + i\varepsilon''$ , аналогично  $\mu = \dots$  Связь частот определяется формулой

$$\omega = \frac{\omega^{(0)}}{\sqrt{\varepsilon \mu}},\tag{16}$$

где  $\omega^{(0)}$  – спектр незаполненного резонатора. Отсюда найдется  $\omega''$  ( $\omega=\omega'+i\omega''$ ), и тогда затухание будет происходить как

$$E, H \sim e^{i\omega t} \sim e^{i\omega' t} \cdot e^{-i\omega'' t} \tag{17}$$

При  $\mu=1$  оказывается, что  $\omega''\sim -\varepsilon''$ . Это не ошибка, так как  $\varepsilon''<0$ .

**График собств. колебаний в реальном резонаторе от времени.** Для прямоугольного резонатора можно построить  $\operatorname{Re} E_x(t)$ , это будет синусоида, вписанная в огибающую – убывающую экспоненту:

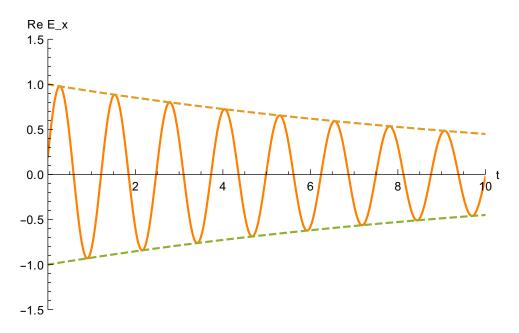


Рис. 4. Затухание поля в резонаторе со временем

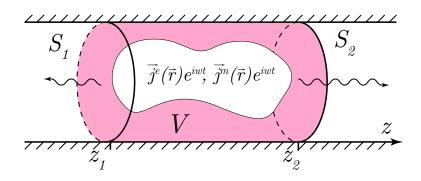


Рис. 5. Заданные источники тока в ЛП

Представление полей в ЛП как суперпозицию мод. Пусть в волноводе в области от  $z_1$  до  $z_2$  заданы токи  $\vec{j}^e$  и  $\vec{j}^m$ . Тогда поля вне области источников тока можно найти как суперпозицию собственных мод волновода:

$$\vec{E}(z > z_2) = \sum_{p=1}^{\infty} a_p \vec{E}_p$$
 $\vec{E}(z < z_1) = \sum_{p=1}^{\infty} a_{-p} \vec{E}_{-p},$ 

где p - индекс моды в волноводе. коэффициента  $a_p$  и  $a_{-p}$  находятся следующим образом:

$$a_{p} = \frac{1}{N_{p}} \int_{V} \left[ (\vec{j}^{e}, \vec{E}_{-p}) - (\vec{j}^{m}, \vec{H}_{-p}) \right] dV$$

$$a_{-p} = \frac{1}{N_{p}} \int_{V} \left[ (\vec{j}^{e}, \vec{E}_{p}) - (\vec{j}^{m}, \vec{H}_{p}) \right] dV,$$

где  $N_p$  - это норма моды  $p,\,N_p=\pm 4\Pi_p,$  где  $\Pi_p$  - мощность моды типа p.

# Дифференциальное и полное сечения рассеяния тела.

$$\sigma_{\text{дифф}} = \frac{1}{S_{\text{пад}}} \frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}\Omega},\tag{18}$$

где S— плотность потока падающей энергии (вектор Пойтинга),  $\mathrm{d}P=S_{\mathrm{рассеяния}}\,\mathrm{d}\sigma$  — дифференциал мощности,  $\Omega$  — телесный угол.

 $\sigma_{\text{дифф}^-}$  площадка, через которую проходит столько энергии, сколько переизлучается в единице телесного угла в данном направлении.

$$\int_{0}^{4\pi} \frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}\Omega} \,\mathrm{d}\Omega = P_{\text{полн}} \tag{19}$$

 $P_{\mbox{\scriptsize полн}}$  – полный поток энергии, средний по времени, исходящий от тела.

$$\sigma_{\text{полн}} = \frac{P_{\text{полн}}}{S_{\text{пад}}} \tag{20}$$

 $\sigma_{\text{полн}}$ указывает на полную рассеивающую способность тела.