NOIP2024 模拟赛

GDFZ

时间: 2024年11月25日

题目名称	树	序列	转圈	游戏
题目类型	传统题	传统题	传统题	传统题
目录	tree	seq	circ	game
可执行文件名	tree	seq	circ	game
输入文件名	tree.in	seq.in	circ.in	game.in
输出文件名	tree.out	seq.out	circ.out	game.out
每个测试点时限	1 秒	1 秒	1 秒	1 秒
内存限制	512 MB	1024 MB	512 MB	1024 MB
子任务数目	10	11	20	9
测试点是否等分	是	否	是	否

提交源程序文件名

-17 0)7-4			_	
对于 C++ 语言	tree cnn	seq.cpp	circ.cpp	game.cpp
	ci cc.cpp	J J C Y • C P P	CTI C.CPP	game.cpp

编译选项

对于 C++ 语言	-02 -std=c++14
-----------	----------------

注意事项(请仔细阅读)

- 1. 测试机器: CPU(AMD Ryzen 5 3600 6-Core Processor *12), RAM 8.0G。
- 2. 系统环境: NOI Linux 2.0(基于 Ubuntu 20.04.1)。
- 3. 文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。
- 4. C/C++ 中函数 main() 返回类型必须是 int,程序正常结束返回值必须是 0。
- 5. 若无特殊说明,结果的比较方式为全文比较(过滤行末空格及文末回车)。
- 6. 选手提交的程序源文件必须不大于 100KB。
- 7. 程序可使用的栈空间内存限制与题目的内存限制一致。

NOIP2024 模拟赛 1 树(tree)

树 (tree)

【题目描述】

对于一棵树,记 $f(i) = \sum_{1 \leq j \leq n} dis(i,j)$,其中 dis(i,j) 表示在树上 i,j 之间的距离。

给定一个数 x,你需要构造一棵树,满足存在两个点 u,v 满足 f(u)-f(v)=x,同时树的节点数最少。

方便起见, 你只需要输出这个最小值即可。

【输入格式】

从文件 tree.in 中读入数据。

本题单个测试点内有多组测试数据,第一行一个整数 T,表示数据组数。对于每组数据,一个整数 x。

【输出格式】

输出到文件 tree.out 中。

对于每组数据,输出所需的最小节点数。

【样例 1 输入】

```
1 3 2 2 2 3 3 4 114514
```

【样例 1 输出】

```
1 4 2 5 678
```

【样例 2】

见选手目录下的 tree/tree2.in 与 tree/tree2.ans。 满足测试点 $3 \sim 4$ 的限制。 NOIP2024 模拟赛 1 树(tree)

【样例 4】

见选手目录下的 tree/tree4.in 与 tree/tree4.ans。 分别满足测试点 $7 \sim 8$ 的限制。

【数据范围】

对于全部数据,满足 $1 \le T \le 10^5, 0 \le x \le 10^{18}$ 。

子任务编号	特殊性质	子任务分值
1	$x \le 10$	20
2	$x \le 10^3$	20
3	$x \le 10^6$	20
4	$x \le 10^9$	20
5	无	20

NOIP2024 模拟赛 2 序列 (seq)

序列 (seq)

【题目描述】

小 Q 很喜欢基因序列问题, 按照剧本, 你有两个长度分别为 n 和 m 的 0/1 串 S 与 T 。你需要在 S 选择恰好 m 个位置 p_1, p_2, \dots, p_m , 满足:

- $1 \le p_1 < p_2 < \cdots < p_m \le n$, 即选择的 m 个位置必须单调递增。
- $T = S_{p_1} S_{p_2} \cdots S_{p_m}$, 即这 m 个位置按顺序写下可得到串 T 。
- 对任意 $0 \le i \le n$, 记 $l = p_i + 1, r = p_{i+1} 1$, 则 $S[l \cdots r]$ 仅由一种字符组成。
 - 额外规定 $p_0 = 0$ 且 $p_{n+1} = n + 1$.
 - 注意当 l > r 时, $S[l \cdots r]$ 为空串,仍然符合要求。

虽然这和基因序列问题没什么关系,但是小 Q 想要知道,是否存在任意一组合法方案,能够选出这 m 个位置。如果存在,你需要给出**任意一种**合法的方案。如果不存在,你需要报告不存在任何合法的方案。

【输入格式】

从文件 seq.in 中读入数据。

输人的第一行包含一个串 S ,仅由数字 0/1 构成。

输人的第二行包含一个串T,仅由数字0/1构成。

【输出格式】

输出到文件 seq.out 中。

若不存在合法的方案, 则输出一行一个字符串 No.

否则,输出的第一行包含一个字符串 Yes。

接下来一行, 包含 m 个整数 p_1, p_2, \cdots, p_m , 描述任意一组合法的方案。

【样例 1 输入】

0001101101

2 **0110**

NOIP2024 模拟赛 2 序列 (seq)

【样例 1 输出】

```
1 YES
2 3 5 7 9
```

【样例1解释】

样例提供了一组合法的方案, 满足 $p_1=3, p_2=5, p_3=7, p_4=9$ 。容易验证 $S_3S_5S_7S_9=0110=T$, 满足第一个条件。

对于第二个条件:

- $\exists i = 0 \text{ pt}, S[1 \cdots 2] = 00,$ 符合条件。
- $\exists i = 1 \text{ ft}, S[4 \cdots 4] = \underline{1},$ 符合条件。
- $\exists i = 2 \text{ pt}, S[6 \cdots 6] = 0, \text{ $\Re 6$}$
- $\exists i = 3 \text{ ft}, S[8 \cdots 8] = \underline{1},$ 符合条件。
- $\exists i = 4 \text{ th}, S[10 \cdots 10] = \underline{1},$ 符合条件。

【样例 2 输入】

```
1 00 2 1
```

【样例 2 输出】

1 NO

【样例3输入】

```
1 11101110111011101110
2 00000
```

【样例3输出】

```
1 YES
2 4 8 12 16 20
```

NOIP2024 模拟赛 2 序列 (seq)

【样例 4】

见选手目录下的 seq/seq4.in 与 seq/seq4.ans。

【数据范围】

对于 100% 的数据, 保证 $1 \le m \le n \le 10^5, S, T$ 只由字符 0 与 1 组成。

子任务编号	$n \leq$	m	特殊性质	分值
1	≤ 20		. 无	3
2	≤ 30			6
3	≤ 40	/ n		7
4	≤ 50	$\leq n$	A	6
5	≤ 300			12
6			В	10
7	$ \leq 2000 $	≤ 10	无	7
8		$\leq n$		13
9		$\geq n$	В	12
10	$\leq 10^5$	≤ 20	无	9
11		$\leq n$		15

- 性质 A: 保证串 T 随机生成。
- 性质 B: 保证对任意 $1 \le i < m$, 都有 $T_i \ne T_{i+1}$ 。

NOIP2024 模拟赛 3 转圈 (circ)

转圈 (circ)

【题目描述】

给定一个n个点m条边的有向图(可以有重边自环),你可以进行如下操作:

- 选定两个不同的点 x, y;
- 将 x 合并到 y 上,即将所有边 $z \to x$ 改为 $z \to y$,所有 $z \leftarrow x$ 改为 $z \leftarrow y$ 。 求至少进行多少次操作能使得图变为一个环。

定义一个 n 个点有向图是环当且仅当,存在一种标号方式,使得, $E = \{i \rightarrow (i + 1) \mod n \mid 0 \le i < n\}$ 。

【输入格式】

从文件 circ.in 中读入数据。

本题有多组测试数据。

输入第一行有一个整数 T, 表示数组组数。

对于每一组数据, 输入共 m+1 行, 第 1 行包含两个整数 n, m, 表示图的点数和边数。接下来 m 行, 每行两个整数 u, v, 表示图中的一条边。

【输出格式】

输出到文件 circ.out 中。

对于每一组数据,输出一个整数,表示最少操作次数,让原图变成一个环。

【样例 1 输入】

```
4
1
  3 4
   0 1
3
  1 2
4
   2 0
5
   0 1
6
  3 5
7
  0 0
8
9 1 2
   2 0
10
   0 1
11
```

NOIP2024 模拟赛 3 转圈 (circ)

```
0 1
12
   4 2
13
   0 1
14
  2 3
15
16 6 6
17 0 2
  1 5
18
  3 0
19
20 4 0
21 1 4
   5 0
```

【样例 1 输出】

```
1 0 2 2 3 2 4 3
```

【样例 1 解释】

对于第一组数据, 它已经是一个环了, 所以不需要操作;

对于第二组数据, 只能将它缩成单个点;

对于第三组数据,可以对点对(1,2)和点对(3,0)各操作一次变成一个大小为2的环。

【样例 2】

见选手目录下的 circ/circ2.in 与 circ/circ2.ans。

【样例 3】

见选手目录下的 circ/circ3.in 与 circ/circ3.ans。

【数据范围】

对于所有数据 $T \le 5, 1 \le n \le 10^5, 1 \le m \le 2 \times 10^5$ 。

NOIP2024 模拟赛 3 转圈 (circ)

子任务编号	$n \leq$	$m \leq$	特殊性质	子任务分值
1	5	20	无	20
2	10^{3}	3×10^3	无	30
3	10^{5}	2×10^5	A	10
4	10^{5}	2×10^5	无	40

特殊性质 A: m = n - 1,且图是一个弱连通块。由于输入量很大,请考虑使用高效的输入方式。

NOIP2024 模拟赛 4 游戏(game)

游戏 (game)

【题目描述】

给定一个由非负整数构成的序列 a_1, a_2, \cdots, a_n , 要求通过最少的以下操作, 使得 $\forall 1 \leq i \leq n, a_i = b_i$ 。

- 选定 l,r, 对所有 [l,r] 中满足 $a_i > 0$ 的 i, 令 $a_i \leftarrow a_i + 1$.
- 选定 l,r, 对所有 [l,r] 中满足 $a_i > 0$ 的 i, 令 $a_i \leftarrow a_i 1$.

【输入格式】

从文件 game.in 中读入数据。

输人中包含多组测试数据。

输人的第一行包含一个整数 T ,表示数据组数。

对于每组数据,第一行一个整数 n.

接下来一行,包含n个整数,描述 a_1,a_2,\cdots,a_n .

接下来一行, 包含 n 个整数, 描述 b_1, b_2, \dots, b_n .

【输出格式】

输出到文件 game.out 中。

对于每组数据,输出一行一个整数,表示答案. 若合法方案不存在,则输出 -1.

【样例 1 输入】

```
1 3
2 5
3 1 1 1 1 1 1
4 2 0 2 0 2
5 6
6 1 1 4 5 1 4
7 1 9 1 9 8 10
8 8
9 2 0 0 4 1 1 1 5
10 2 0 0 5 0 1 1 7
```

NOIP2024 模拟赛 4 游戏(game)

【样例 1 输出】

【样例1解释】

对于第一组数据, 最优的策略为:

- 选择区间 [2,2] 将其减 1,序列变为 [1,0,1,1,1]
- 选择区间 [4,4] 将其减 1,序列变为 [1,0,1,0,1]
- 选择区间 [1,5] 将其加 1,序列变为 [2,0,2,0,2]

【样例 2】

见选手目录下的 game/game2.in 与 game/game2.ans。 该样例满足子任务 1 的特殊性质。

【样例 3】

见选手目录下的 game/game3.in 与 game/game3.ans。 该样例满足子任务 2 的特殊性质。

【样例 4】

见选手目录下的 game/game4.in 与 game/game4.ans。 该样例满足子任务 9 的特殊性质。

【数据范围】

本题采用捆绑测试。

对于所有数据, $1 \leq n \leq 10^6, 1 \leq \sum n \leq 3 \times 10^6, 0 \leq a_i, b_i \leq 10^9$ 。

NOIP2024 模拟赛 4 游戏(game)

子任务编号	$n \leq$	$a_i, b_i \leq$	特殊性质	分值
1	3			8
2	4	10^{9}	无	8
3	5			8
4	100	100		10
5	500		T < 10	10
6	3000	500	$I \leq 10$	10
7	10^{5}			15
8			$b_i > 0$	5
9	10^{6}	10^{9}	a_i, b_i 单调不减	8
10			无	18