NOIp 模拟赛

BDFZ

题目名称	国际象棋	回文	风	起床
题目英文名称	chess	palindrom	wind	awake
输入/输出文件名	chess.in/out	palindrom.in/out	wind.in/out	awake.in/out
源文件名	chess.cpp	palindrom.cpp	wind.cpp	awake.cpp
时间限制	1s	1s	2s	2s
空间限制	512MB	512MB	512MB	512MB
测试点/子任务个数	10	10	20	20

注意事项

- 1. 提交时请选手直接将源文件放在个人文件夹下,不需要建立子文件夹。
- 2. 若无特殊说明,输入文件中同一行内的多个整数、浮点数、字符串等均使用一个空格进行分隔。
- 3. 若无特殊说明, 结果比较方式为忽略行末空格、文末回车后的全文比较。
- 4. 程序可使用的栈空间大小与该题内存空间限制一致。
- 5. 评测时采用的机器配置为:AMD Ryzen 7 5800H with Radeon Graphics @3.2GHz,内存 16GB。 系统环境为 Ubuntu 22.04 LTS,GCC 11.4.0,LemonLime,上述时限以此配置为准。
- 6. 测试时子任务将开启必要的依赖。
- 7. 编译选项: -o2 -std=c++14。
- 8. 多测不清空, 爆零两行泪。
- 9. 相信样例强度,出题人一定不会写两个 gen。

国际象棋(chess)

题目背景

小C喜欢下国际象棋。

题目描述

小 C 有一个特殊的国际象棋棋盘,其有 n 行 m 列,行编号为 $0\sim n-1$,列编号为 $0\sim m-1$ 。其中第 0 行上方是第 n-1 行,第 n-1 行下方是第 0 行,同理,第 0 列左边是第 m-1 列,第 m-1 列右边是第 0 列。

记 (x,y) 表示第 x 行、第 y 列的格子。

小 C 有一个王,初始在 (x_s,y_s) 上。王一步可以走到其周围八个格子,形式化地,如果王当前在 (x,y) ,那么他可以走到所有 $((x+dx+n) \bmod n, (y+dy+m) \bmod m)$ 的格子,其中 $dx,dy \in \{-1,0,1\}$ 且 $dx^2+dy^2 \neq 0$ 。

求王走到 (x_t, y_t) 需要的最少步数。

输入格式

本题包含多组测试数据。

第一行一个正整数T,表示测试数据组数。

对于每组数据,输入一行六个非负整数 n, m, x_s, y_s, x_t, y_t 。

输出格式

对于每组数据,输出一行一个非负整数,表示答案。

样例

样例 1 输入

```
5
9 1 0 0 1 0
8 8 5 7 1 1
3 6 2 4 0 0
6 9 1 0 1 4
6 3 3 1 4 0
```

样例 1 输出

```
1
4
2
4
1
```

样例 1 解释

对于第二组数据,一种可行的移动方式为 $(5,7) \to (6,0) \to (7,1) \to (0,1) \to (1,1)$ 。 对于第三组数据,一种可行的移动方式为 $(2,4) \to (1,5) \to (0,0)$ 。

样例 2~3

见下发文件

数据范围和限制

对于所有数据,满足 $1 \leq T \leq 10^5$, $1 \leq n, m \leq 10^9$, $0 \leq x_s, x_y < n$, $0 \leq y_s, y_t < m$ 。

测试点编号	T	n, m
1~2	≤ 50	≤ 10
3~5	≤ 50	$\leq 10^3$
6~7	$\leq 10^5$	$\leq 10^5$
8~10	$\leq 10^5$	$\leq 10^{9}$

回文(palindrom)

小C喜欢回文。

题目描述

给出一个由小写字母组成的字符串 s,求其有多少个非空子序列是回文的,答案对 10^9+7 取模。

子序列是原字符串删除一些位置上的字符得到的字符串,两个删除不同位置上的字符得到的子序列被认为是不同的。一个字符串是回文的当且仅当其与自身翻转后相同。

输入格式

本题包含多组测试数据。

第一行一个正整数T,表示测试数据组数。

接下来每一组数据,输入一行一个由小写字母组成的字符串s。

输出格式

对于所有数据,输出一行一个整数,表示答案。

样例

样例 1 输入

```
7
acbbbcbaa
dbd
ddbbdadbd
abbabbdb
aacaaca
bbcb
bbadadcddb
```

样例 1 输出

```
91
5
115
51
58
10
```

样例 2

见下发文件。

数据范围和限制

对于所有数据,满足 $1 \leq T \leq 100$, $1 \leq |s| \leq 5 \times 10^3$, $\sum |s| \leq 10^4$ 。

测试点编号	s	特殊限制
1~2	≤ 15	无
3~4	≤ 50	无
5~6	≤ 200	无
7~8	$\leq 10^3$	有
9~10	$\leq 5 imes 10^3$	无

特殊限制:保证 8 的每个字符在所有小写字母中等概率独立随机生成。

风(wind)

题目背景

小C喜欢风。

题目描述

一条数轴上有 n 个点,第 i 个点初始坐标为 x_i ,速度为 v_i ,保证 x_i,v_i 都是整数且 $x_iv_i<0$,即所有点都向原点移动。

现在数轴上开始刮风,已知风速 v_0 满足 $|v_0| \leq m$,其中 m 是一给定的非负整数常数,保证 $m < \min\{|v_i|\}$,风速对所有点都相同,第 i 个点的速度会以 $v_i + v_0$ 的速度运动。

问有多少个点对 (i,j) 满足 i< j 且存在某个可能的 v_0 使得第 i 个点和第 j 个点会在原点相遇,请注意 v_0 不一定必须是整数。

输入格式

本题包含多组测试数据。

第一行一个正整数T,表示测试数据组数。

接下来对于每组数据:

第一行输入两个非负整数 n, m。

接下来一行 n 个整数 x_1, \ldots, x_n 。

接下来一行 n 个整数 v_1, \ldots, v_n 。

输出格式

对于每组数据,输出一行一个非负整数,表示答案。

样例

样例 1 输入

```
4
4 4
8 3 -3 9
-9 -10 8 -8
6 3
-9 7 5 -7 9 4
7 -10 -9 6 -4 -5
4 7
7 -2 7 -6
-10 8 -10 9
2 5
-7 -10
6 8
```

样例 1 输出

3 9 5 1

样例 1 解释

对于第一组数据:

• (1,3) 在取 $v_0=-rac{37}{11}$ 时恰好在原点相遇。

• (2,3) 在取 $v_0=1$ 时恰好在原点相遇。

• (3,4) 在取 $v_0 = -4$ 时恰好在原点相遇。

样例 2~4

见下发文件

数据范围和限制

对于所有数据,满足 $1 \leq T \leq 100$, $1 \leq n \leq 10^6$, $1 \leq |x_i| \leq 10^9$, $0 \leq m < |v_i| \leq 10^9$, $1 \leq \sum n \leq 2 \times 10^6$ 。

测试点编号	n	$\sum n$	x_i	v_i	m	特 殊 限 制
1~3	≤ 10	$\leq 10^3$	$\in [-10,10]$	$\in [-10, 10]$	< 10	无
4~7	$\leq 10^3$	$\leq 10^4$	$\in [-10^5, 10^5]$	$\in [-10^5, 10^5]$	$< 10^{5}$	无
8~10	$\leq 10^5$	$\leq 2 imes 10^5$	$\in [1,10^5]$	$\in [-10^5,-1]$	$< 10^{5}$	无
11~13	$\leq 10^5$	$\leq 2 imes 10^5$	$\in [-10^5, 10^5]$	$\in [-10^5, 10^5]$	$< 10^5$	А
14~15	$\leq 10^5$	$\leq 2 imes 10^5$	$\in [-10^5, 10^5]$	$\in [-10^5, 10^5]$	$< 10^5$	В
16~17	$\leq 10^5$	$\leq 2 imes 10^5$	$\in [-10^5, 10^5]$	$\in [-10^5, 10^5]$	$< 10^5$	无
18~20	$\leq 10^6$	$\leq 2 imes 10^6$	$\in [-10^9, 10^9]$	$\in [-10^9, 10^9]$	$< 10^{9}$	无

特殊限制 A:存在 X,Y 使得对任意 $i, x_i \in \{X,Y\}$ 。

特殊限制 B:存在 X,Y 使得对任意 $i,\ v_i\in\{X,Y\}$

起床(awake)

题目背景

小C不想起床。

题目描述

有 n 个人顺序排成一排,初始所有人都在睡觉。当下标在 $[l_i,r_i]$ 中的人有至少 c_i 个人已经醒来时,第 i 个人也会醒来;如果 $c_i=0$,则其在过程开始时醒来。

求最终有那些人会醒来。

输入格式

本题包含多组测试数据。

第一行一个正整数T,表示测试数据组数。

接下来对于每一组数据:

第一行一个正整数 n。

接下来 n 行,第 i 行三个非负整数 l_i, r_i, c_i 。

输出格式

对于每组数据,输出一行一个长度为 n 的 01 串表示答案,其中第 i 个字符为 1 当且仅当第 i 个人会醒来。

样例

样例 1 输入

```
5
6
1 3 4
5 6 1
1 3 0
2 6 2
5 5 0
3 6 3
3
3 3 1
2 2 1
1 1 0
3
1 1 2
1 3 1
1 3 1
6
2 5 0
2 4 1
2 3 4
1 6 1
```

```
3 5 5
5 6 2
5
3 5 4
2 5 3
3 4 4
3 5 0
3 5 1
```

样例 1 输出

011111 101 000 110100 00011

样例 1 解释

对于第一组数据,一个可能的醒来顺序为 3,5,2,4。

对于第四组数据,一个可能的醒来顺序为 1,4,2。

样例 2~5

见下发文件。

数据范围和限制

对于所有数据,满足 $1\leq T\leq 100$, $1\leq n\leq 10^5$, $\sum n\leq 2\times 10^5$, $1\leq l_i\leq r_i\leq n$, $0\leq c_i\leq n$ 。

测试点编号	n	特殊限制
1~4	$\leq 10^3$	无
5~7	$\leq 10^5$	A
8~10	$\leq 10^5$	В
11~13	$\leq 10^5$	С
14~20	$\leq 10^5$	无

特殊限制 A: 保证 $c_i \leq 2$ 。

特殊限制 B: 保证 $l_i=1$ 。

特殊限制 C:保证 $n/2 \in [l_i, r_i]$ 。