一、 基本原理介紹

1.1 展頻技術

展頻技術 (spread spectrum technology) 是一種可將原訊號的頻譜打散分佈到比原始頻寬更寬的技術。在我們的實驗上,是將一窄頻雷射 (narrow-band laser) 與單光子的頻寬從約 10 MHz 展至 10 GHz,其作法為,以 PRBS 產生高頻隨機訊號,使用光電調製器對入射光進行相位調製,此在時域上的操作,經傅立葉轉換後等效於增加其他頻率成分,以達到展寬頻率的效果。

1.2 相位調製

1.2.1 數學形式

此小節介紹相位調製的數學形式。設入射光電調製器的雷射波函數為 $E_0(t)$,調製函數 (modulation function) 為 M(t),經調製後的波函數 $E_m(t)$ 可表示成:

$$E_m(t) = E_0(t)e^{iM(t)}$$
 (1.1)

若對此式做傅立葉轉換,根據 convolution theorem,可得:

$$\mathscr{F}\{E_0(t)e^{iM(t)}\} = \tilde{E}_0(\omega) * \mathscr{F}\{e^{iM(t)}\}$$
(1.2)

 $\tilde{E}_0(\omega)$ 為入射光之頻譜,所以在數學分析上,我們可以把入射光頻譜與相位調製的部分分開處理,都計算好後再做摺積即可得到調製後的頻譜。

1.2.2 單頻波

若入射光的頻譜為中心頻率在 ν_0 的勞倫茲分佈 (lorenz distribution),調製函數為頻率 ν_m 的單頻波,意即輸入的電訊號強度隨時間的函數可表示為 $\phi_0 sin(2\pi\nu_m \omega t)$,則可將 (1.2) 改寫為:

$$\mathscr{F}\{E_0(t)e^{i\phi_0\sin(2\pi\nu_m\omega t)}\} = \tilde{E}_0(\omega) * \mathscr{F}\{e^{i\phi_0\sin(2\pi\nu_m\omega t)}\}$$
 (1.3)

其中 $\tilde{E}_0(\omega)$ 為勞倫茲分佈,另一項傅立葉轉換的結果為第一類貝索函數 (Bessel function of the first kind):

$$\mathscr{F}\left\{e^{i\phi_0 \sin(2\pi\nu_m \omega t)}\right\} = J_n(\phi_0) \tag{1.4}$$

或在時域上看,將調製項做傅立葉級數展開:

$$e^{i\phi_0 \sin(2\pi\nu_m \omega t)} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} J_n(\phi_0) e^{i2\pi n\nu_m t}$$
(1.5)

可從上式看出,調製項的頻譜是由頻率為 $n\nu_m$ 的狄拉克函數 (Dirac function) 組成, $n=0,\pm1,\pm2,...$,強度分佈為 $J_n(\phi_0)$ 。

以 $\phi_0 = \pi$ 為例,從 (1.3) 可知,將入射光與調製項的頻譜做摺積可得調製後的結果,如下圖:

待放圖片

圖 1.1: 窄頻雷射頻譜