國立清華大學

碩士論文

單光子展頻

Spread Single Photon Spectrum

系 所:物理研究所

學 號:105022555

研究生:陳奕丞 (Chen, Yi-Cheng)

指導教授:褚志崧 博士 (Prof. Chuu, Chih-Sung)

中華民國一〇八年七月

Todo list

| 這樣寫有問題,重新想要如何以數學表達互補的訊號 | | | | 4 |
|-------------------------|--|--|--|---|
| 補上型號與重要參數和示意圖 | | | | 7 |
| 補上型號,確定共振腔的物質,與偏振的關係 | | | | 7 |
| G2 簡介與放上 G2 圖 | | | | 8 |

單光子展頻

摘要

我們運用對單光子波包的操控,讓單光子免於被躍遷頻率同其頻率的原子吸收或「偵測」,達到隱形斗篷的效果。

關鍵字:關鍵字,論文,樣板,讓我畢業

Spread Single Photon Spectrum

Abstract

Write your English abstract here.

Keywords: Keyword, Thesis, Template, Graduate me

誌謝

感謝中央大學、中央研究院提供的資源。Donald Ervin Knuth 的 T_{EX} ,Linus 與眾多自由軟體好手提供的 GNU/Linux。

另外特別感謝功德大師 sppmg 提供的論文樣板與教學 [1],讓我將學習 \LaTeX 的時間拿來充實論文內容。(以上為 sppmg 自肥 \TeX)









目錄

| | 頁: | 次 |
|----------|----------------|--------------|
| 摘要 | | iii |
| Abstr | act | iv |
| 誌謝 | | \mathbf{v} |
| 目錄 | | vi |
| 使用符 | 號與定義 | xi |
| <u> </u> | 實驗背景與動機 | 1 |
| 1.1 | 古典通訊展頻 | 1 |
| 1.2 | 量子通訊展頻 | 1 |
| 二、 | 基本原理介紹 | 2 |
| 2.1 | 展頻技術 | 2 |
| 2.2 | 相位調製 | 2 |
| | 2.2.1 數學形式 | 2 |
| | 2.2.2 單頻波 | 3 |
| 三、 | 理論模擬 | 4 |
| 3.1 | 展頻及壓縮 | 4 |
| 3.2 | 銣原子氣體吸收 | 5 |

| 四、 | 實驗方法與架設 | 6 |
|-----|---------------------------|----|
| 4.1 | 儀器介紹 | 6 |
| | 4.1.1 隨機訊號產生器 | 6 |
| | 4.1.2 電光調製器 | 6 |
| | 4.1.3 高頻電訊號放大器 | 7 |
| | 4.1.4 Fabry-Perot 干涉儀 | 7 |
| | 4.1.5 Etalon 干涉儀 | 7 |
| 4.2 | 單光子光源製備 | 8 |
| 4.3 | 光路架設 | 8 |
| | 4.3.1 古典光量測 | 8 |
| | 4.3.2 量子光量測 | 8 |
| 五、 | 實驗結果與討論 | 9 |
| 5.1 | 相位調製對光強的影響 | 9 |
| 5.2 | 古典光量測 | 9 |
| | 5.2.1 展頻與壓縮 | 9 |
| | 5.2.2 銣原子吸收譜 | 9 |
| 5.3 | 單光子量測 | 10 |
| | 5.3.1 展頻與壓縮 | 10 |
| | 5.3.2 ⁸⁷ Rb 吸收 | 10 |
| 六、 | 總結 | 11 |
| 七、 | 章名(章節示例) | 12 |
| 7.1 | 節名 | 12 |
| | 7.1.1 小節名 | 12 |
| 八、 | 文字 | 13 |

| 九 | ` | 圖片 | 14 |
|---|------|--------------|----|
| | 9.1 | 插入單一圖片 | 14 |
| | 9.2 | 插入多張圖片 | 14 |
| 十 | ` | 表格 | 16 |
| | 10.1 | 一般表格 | 16 |
| | 10.2 | 自動折行表格 | 16 |
| 參 | 考文劇 | X | 17 |
| 附 | 錄 A | Solutions | 18 |
| | A.1 | The solution | 18 |

圖目錄

| | | 頁次 |
|-----|------------------------------------|----|
| 9.1 | short caption | 14 |
| 9.2 | caption, 使用 (b) 取得子圖 (Debian) 編號 | 15 |

表目錄

| | | 頁次 |
|------|--------------|----|
| 10.1 | Solution | 16 |
| A.1 | The solution | 18 |

使用符號與定義

這裡示範用表格做符號與定義列表。你也可以利用套件 "nomencl"(簡易) 或 "glossaries"(強大) 完成,詳細説明見教學 (v1.8+)。

符號與定義

VIM :用 vim 的是神

Emacs : 神在用的編輯器

CTAN : Comprehensive TeX Archive Network, ctan.org

一、 實驗背景與動機

1.1 古典通訊展頻

展頻技術 (Spread Spectrum Technology) 在古典通訊上已行之有年,

1.2 量子通訊展頻

在量子通訊中,若以單光子作為攜帶資訊的媒介,展頻技術也可以 降低環境對於單光子的影響,甚至還能將展頻後的單光子藏匿於人工外 加的雜訊之中,並在接收端將其還原成原始訊號的模樣。

二、 基本原理介紹

2.1 展頻技術

展頻技術 (spread spectrum technology) 是一種可將原訊號的頻譜打散分佈到比原始頻寬更寬的技術。在我們的實驗上,是將一窄頻雷射 (narrow-band laser) 與單光子的頻寬從約 10 MHz 展至 10 GHz,其作法為,以 PRBS 產生的高頻隨機訊號,使用光電調製器對入射光進行相位調製,此在時域上的操作,經傅立葉轉換後等效於增加其他不同頻率成分,以達到展寬頻率的效果。

2.2 相位調製

2.2.1 數學形式

此小節介紹相位調製的數學形式。設入射光電調製器的雷射波函數為 $E_0(t)$,調製函數 (modulation function) 為 M(t),經調製後的波函數 $E_m(t)$ 可表示成:

$$E_m(t) = E_0(t)e^{iM(t)}$$
 (2.1)

若對此式做傅立葉轉換,根據 convolution theorem,可得:

$$\mathscr{F}\{E_0(t)e^{iM(t)}\} = \tilde{E}_0(\omega) * \mathscr{F}\{e^{iM(t)}\}$$
(2.2)

 $\tilde{E}_0(\omega)$ 為入射光之頻譜,所以在數學分析上,我們可以把入射光頻譜與相位調製的部分分開處理,都計算好後再做摺積即可得到調製後的頻譜。

2.2.2 單頻波

若入射光的頻譜為中心頻率在 ν_0 的勞倫茲分佈 (lorenz distribution),調製函數為頻率 ν_m 的單頻波,意即輸入的電訊號強度隨時間的函數可表示為 $\phi_0 sin(2\pi\nu_m\omega t)$,則可將 (2.2) 改寫為:

$$\mathscr{F}\{E_0(t)e^{i\phi_0\sin(2\pi\nu_m\omega t)}\} = \tilde{E}_0(\omega) * \mathscr{F}\{e^{i\phi_0\sin(2\pi\nu_m\omega t)}\}$$
 (2.3)

其中 $\tilde{E}_0(\omega)$ 為勞倫茲分佈,另一項傅立葉轉換的結果為第一類貝索函數 (Bessel function of the first kind):

$$\mathscr{F}\left\{e^{i\phi_0 \sin(2\pi\nu_m \omega t)}\right\} = J_n(\phi_0) \tag{2.4}$$

或在時域上看,將調製項做傅立葉級數展開:

$$e^{i\phi_0 \sin(2\pi\nu_m \omega t)} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} J_n(\phi_0) e^{i2\pi n\nu_m t}$$
(2.5)

可從上式看出,調製項的頻譜是由頻率為 $n\nu_m$ 的狄拉克函數 (Dirac function) 組成, $n=0,\pm1,\pm2,...$,強度分佈為 $J_n(\phi_0)$ 。

以 $\phi_0 = \pi$ 為例,從 (2.3) 可知,將入射光與調製項的頻譜做摺積可得調製後的結果,如下圖:

(單頻波調製圖)

三、 理論模擬

3.1 展頻及壓縮

從上一章單頻波的例子可看出,相位調製可將原先頻率集中於 ν_0 的 光,分散至 $\nu_0 \pm \nu_m, \nu_0 \pm 2\nu_m, \dots$ 。若調製函數改為時間寬度為 ΔT 的隨機方波 PRBS(t) (如圖),則可將將 (2.2) 的右式寫成:

$$\tilde{E}_0(\omega) * \mathscr{F} \{ e^{iPRBS(t)} \}$$
 (3.1)

經計算,展寬後的頻譜如下:

(展頻圖)

其包絡線接近 sinc 的平方,展開的寬度為 $\pm \frac{1}{\Delta T}$,在我們實驗中使用的 隨機訊號的產生率為 $10~{\rm Gb/s}$,單一比特的時間寬度為 $100~{\rm ps}$,相當於 能將頻譜從數 ${\rm MHz}$ 展至 $10~{\rm GHz}$ 寬。

經展頻後的訊號,可以降低環境的影響,避免光子被特定原子團吸收,但若想還原光子初始相位的資訊,則需要一個反向的操作,讓光子再經過第二台相位調製器,輸入的電訊號為與 PRBS(t) 互補的訊號 $\overline{PRBS}(t)$,這兩個訊號要滿足以下關係:

$$PRBS(t) \times \overline{PRBS}(t) = 1$$
 (3.2)

若光子在兩台相位調製器行經的時間間距為 Δt_p ,兩個電訊號抵達的時間差為 Δt_{RF} ,當 $\Delta t_p = \Delta t_{RF}$ 時,理論上可將展頻後的訊號壓縮回原本的樣子,但若 $\Delta t_p > \Delta t_{RF}$,則無法完全還原頻譜,如下圖:

3.2 鉫原子氣體吸收

從銣原子吸收譜可以看出,在其中兩個特定頻率上,各有約1 GHz 的都卜勒吸收區,未經調製前的窄頻雷射進入原子氣體內會幾乎全部被吸收,但若將頻率展至10 GHz 寬,則其中只有少部分會被吸收,這即是窄頻的主要用途,可以降低光子被環境的影響,模擬圖如下:此時再讓光經過第二台相位調製器壓縮頻譜,結果比較圖如下:

從圖上可以看出,光被部分吸收後,雖然還是能將頻譜還原成窄頻, 但整體的功率會下降。

四、 實驗方法與架設

4.1 儀器介紹

4.1.1 隨機訊號產生器

由於實驗上無法產生真正的隨機訊號,只能使用偽隨機訊號產生器 (Pseudo Random Bit Sequence, PRBS),儀器型號為 Anritsu 的 MP1763C,可以產生 0.5 至 12.5 GHz 的訊號,偽訊號的週期可以調整,為了達到最接近隨機的效果,我們選擇使用最長的隨機序列,一組共有 $2^{31}-1$ 的位元。

我們實驗上實際使用的頻率為 $10~\mathrm{GHz}$ 或 $10~\mathrm{Gb/s}$,每秒能產生 10×10^9 個隨機位元,以示波器去測量該訊號的眼圖 (eye diagram) 則可以知道訊號的品質,量測結果如下:

可見實際訊號與理論(圖)有蠻大的差異,有著相對大的上升與下降時間,圖形上下也不太對稱,這都會影響到展頻與壓縮的效果,造成實驗與理論的誤差。

4.1.2 電光調製器

電光調製器可使用電訊號對光進行調製,一般而言可以分成三種,分別為振幅、相位與偏振的調製,在我們的實驗中需要調製的是相位。 使用的儀器為 EOSPACE 的 SN73717 與 SN73718,分別為頻譜的窄寬與 壓縮用。 相位調制器由鈮酸鋰 $(LiNbO_3)$ 雙折射晶體製成,因泡克耳斯效應 (Pockels effect),外加電場能線性的改變快軸上的折射率,進而達到改變相位的效果,且我們稱能將 45 度線偏旋轉至 -45 度的電壓為 V_{π} 。

由上介紹可知,實際使用上需優化進光的偏振以及電訊號的振幅, 以達到預期的相位調製效果。

4.1.3 高頻電訊號放大器

由於我們使用的隨機訊號產生器僅能輸出 0.2 至 2 V_{pp} 的訊號, EOM 的 V_{π} 為 2.3 V,需再經過放大器才能提供足夠的電壓去進行相位 調製。同樣的,也用示波器去測量眼圖,看放大後的訊號品質,如下圖

由於兩台使用的 SMA 線的材質與長短不同,會有不一樣的頻率響 應與耗損,使兩個訊號無法互補,這會影響頻譜壓縮的品質。

4.1.4 Fabry-Perot 干涉儀

古典光可以用 Fabry-Perot 干涉儀來掃出頻譜,我們使用的儀器為THORLABS 的,FSR 為 10 GHz。此干涉儀為一個共振腔,由兩面高反射率的鏡子所組成

補上型號與重要參數和示意圖

4.1.5 Etalon 干涉儀

與 Fabry-Perot 干涉儀為相同的原理,只是共振腔使用的鏡子反射率較低,所以線寬較大,約為 $60~\mathrm{MHz}$,若固定腔長 L ,則可做為濾波器使用,僅讓頻率寬度在 $60\mathrm{MHz}$ 這區間內的光通過,中心頻率則可以由溫度 T 改變腔長 $\mathrm{L}(T)$ 來調整。

補上型號,確定共振腔的物質,與偏振的關係

4.2 單光子光源製備

單光子的產生機制為 SPDC,使用 PPKTP 晶體產生 Type-II 的時間 - 能量糾纏光子對。

調整 pump 光與晶體溫度來改變單光子的頻率

G2 簡介與放上 G2 圖

4.3 光路架設

4.3.1 古典光量測

古典光時間差很重要!

4.3.2 量子光量測

由於量子光無法用 Fabry-Perot 掃頻譜,所以要在光路的最後加上 Etalon,只允許 60MHz 內的光通過,以確保第二台相位調製器有將展寬的頻譜壓縮回窄頻。

五、 實驗結果與討論

5.1 相位調製對光強的影響

由此可知,展頻與壓縮只會影響頻率的分佈,不會明顯改變光強度。

5.2 古典光量測

5.2.1 展頻與壓縮

以(光路圖)的架設,若兩台相位調製器都不開的話,可以測到入射古典光的頻譜,如圖。若將第一台打開,則可以將頻譜展寬,看不到如(理論圖)的 sinc 平方是因為 Fabry-Perot 的 FSR 僅 10 GHz,想要掃出完整展開的頻譜需 FSR 20 GHz 以上才能看到。兩台相位調製器同時開啟的話則可以將頻譜先展寬再壓縮回窄頻,但從實驗結果可看出,壓縮回來的訊號在 500 MHz 的頻率區間內,強度僅有約 70%,原因可能為兩個隨機訊號的品質不同,也不夠對稱,導致無法將相位做反向的操作,還原成原本訊號的樣子。

5.2.2 銣原子吸收譜

為了確定相位調製對於銣原子吸收的影響,我們調整入射光的頻率, 掃出整個吸收譜,如下圖黑線。接著將第一台相位調製器打開,將頻寬 從 30MHz 調至 10GHz,結果如上圖藍線,可見頻譜展寬之後,光能大 部分透射銣原子氣體不被吸收。若同時將兩台開啟,則能再次看到光被吸收,但吸收率卻明顯降低,原因如上一小節所述,可能為訊號不夠好影響壓縮品質所致。

5.3 單光子量測

5.3.1 展頻與壓縮

以(光路圖)的架設,先不要放 ^{87}Rb 原子氣體管,讓單光子直接通 60 MHz 寬的 Etalon 濾波器。若兩台相位調製器都沒開的話,窄頻的 單光子能完全通過, $G^2(\tau)$ 的量測結果如圖。此時若開啟第一台相位調製器,將頻譜展至 10 GHz 寬,則量子光僅有極低的機率能通過 Etalon,如圖。若將兩台相位調製器都開啟,互補的隨機訊號能互相抵銷相位的 變化,使頻譜還原至窄頻,如此就能再次通過 Etalon,如圖。

5.3.2 87 Rb 吸收

同上一小節的光路架設,但把 ⁸⁷Rb 原子氣體管放回光路上。兩台相位調製器都不開的話,單光子幾乎全部被吸收,如圖。若開啟第一台相位調製器將單光子頻譜展寬,雖然光子能幾乎不被吸收,但由於 Etalon的過濾,探測器仍測不太到光子。若將第二台相位調製器也開啟,則能把單光子的頻譜壓縮,再通過 Etalon,如圖。

單獨將圖與圖拿出來比較如下,同樣是測量展頻再壓縮回來的光, 有測量

六、 總結

就是這樣,喵!

七、 章名(章節示例)

章內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容

7.1 節名

節內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容內容

7.1.1 小節名

内容内容内容 内容内容内容

7.1.1.1 小小節

内容内容内容 内容内容内容

7.1.1.1.1 段 內容內容內容

內容內容內容

小段 内容内容内容 内容内容内容

八、文字

第一行。仍是第一行。 第二行。

九、 圖片

9.1 插入單一圖片



圖 9.1: caption

9.2 插入多張圖片

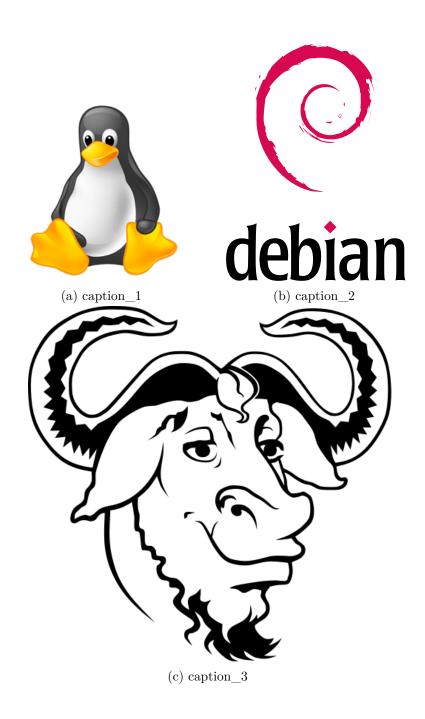


圖 9.2: caption, 使用 (b)取得子圖 (Debian) 編號

十、 表格

10.1 一般表格

表 10.1: Solution

| Component | Concentration(mM) |
|-----------|-------------------|
| NaCl | 118.0 |

10.2 自動折行表格

| short | short short |
|-------|---|
| long | long long long long long long long long |

參考文獻

[1] (). Sppmg/TW_thesis_template, GitHub, [Online]. Available: https://github.com/sppmg/TW_Thesis_Template (visited on 10/23/2016).

附錄 A Solutions

A.1 The solution

表 A.1: The solution

| Component | Concentration(mM) |
|-----------|-------------------|
| NaCl | 1.0 |
| $CaCl_2$ | 2.0 |
| NaCl | 1.0 |
| $CaCl_2$ | 2.0 |