

## Постановка задачи по оптимизации библиотеки libSBT

### Цель работы:

Ускорение работы библиотеки libSBT (выполняющей операции над size-balanced tree), в частности - за счёт использования 64-битных инструкций платформы IA-64.  
Предполагаемое ускорение — порядка десятикратного.

Содержание работы: Написать код на Си с ассемблерными вставками, либо на чистом ассемблере в AT&T-синтаксисе.

### Результат работы:

- 1) Оптимизированный вариант библиотеки — программный код с ассемблерными вставками (или код на ассемблере).
- 2) Набор тестов, иллюстрирующих ускорение вставки/удаления/поиска/перебора по сравнению с оригиналом.
- 3) Подробная документация по применённой оптимизации: в чём отличия от оригинального кода на Си, как выполнена оптимизация: PDF-файл с иллюстрациями, диаграммами — поясняющими работу оптимизированного варианта, результаты тестов.

### Требования к работе:

Результаты работы должны быть опубликованы на ресурсе GitHub:

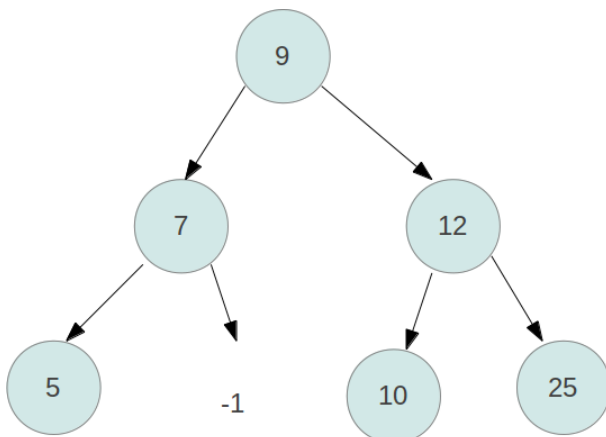
- исходный код - под лицензией GNU Affero GPLv3,
- изображения - под лицензией Creative Commons BY-SA 3.0,
- тексты документации - под лицензией Creative Commons BY-SA 3.0.

### Описание оригинального кода

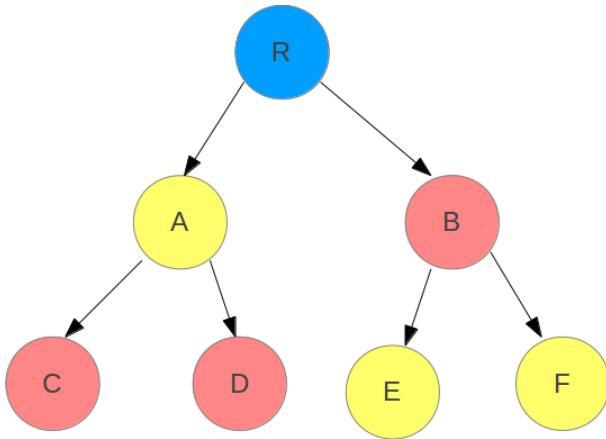
#### 1. Основной тип (структура данных):

```
typedef struct TNode {  
    TNumber value; // значение, привязанное к ноде  
    TNodeIndex parent; // ссылка на уровень выше  
    TNodeIndex left; // ссылка на левое поддерево, = -1, если нет дочерних вершин  
    TNodeIndex right; // ссылка на правое поддерево  
    TNodeSize size; // size в понимании SBT  
    int unused; // «удалённая»; это поле можно использовать и для других флагов  
} TNode;
```

#### 2. Пример дерева



### 3. Условие сбалансированности



условие сбалансированности задаётся неравенствами:

$$E.size \leq A.size \quad C.size \leq B.size$$

$$F.size \leq A.size \quad D.size \leq B.size$$

размеры (size) вершин определяются правилом:

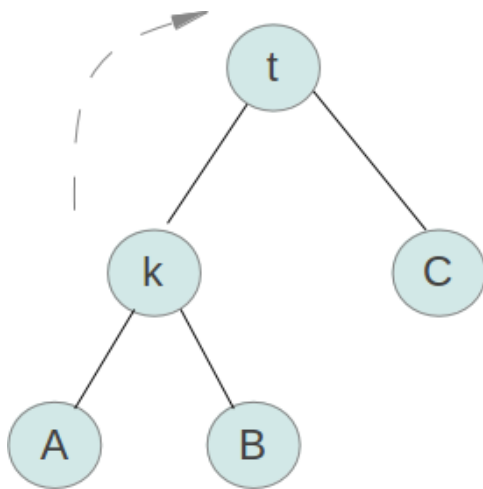
$$R.size = A.size + B.size + 1$$

(то есть, размер вершины — это число вершин в соответствующем поддереве)

### 4. Вращения для балансировки

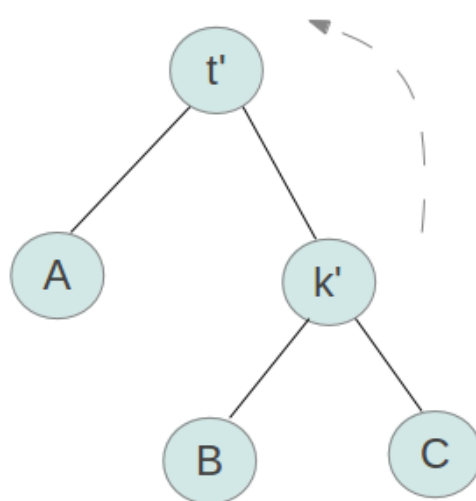
Для балансировки наших деревьев (SBT) используются «вращения»:

«правое вращение»



right rotate

«левое вращение»

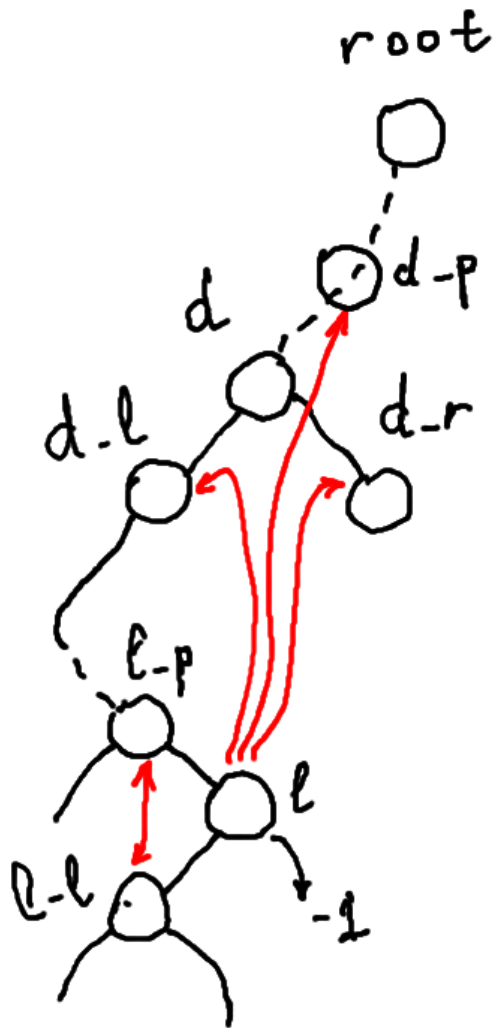


left rotate

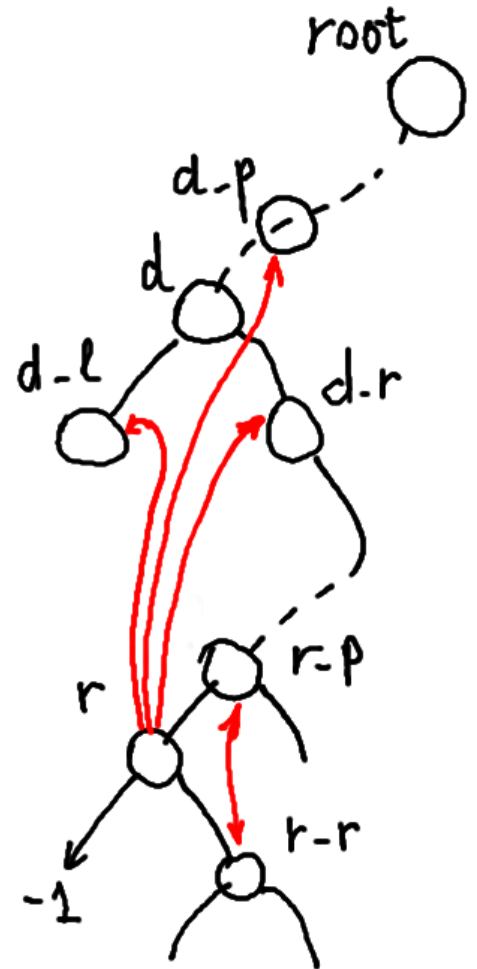
Основной момент здесь - это критерий «вращений» (rotates). Рассматриваются четыре случая взаимного отношения «размеров» (size) вершин, близких к "корню" балансировки (t). В зависимости от соотношения «размеров», выполняется то или иное вращение.

Балансировка выполняется после добавления вершины (функция AddNode), а также — после удаления вершины из дерева (функция DeleteNode).

## 5. Удаление вершины



NearestAndLesser



NearestAndGreater

## DeleteNode, удаление вершины

Удаление вершины — это:

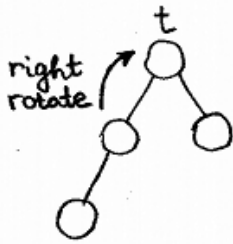
- 1) собственно вырезание вершины из дерева,
- 2) освобождение памяти из-под этой ячейки,
- 3) перевешивание на место удалённой вершины — другой, наиболее близкой по значению (NearestAndLesser, NearestAndGreater),
- 4) балансировка поддерева, которое изменили.

Вырезание вершины — это ключевая часть функции DeleteNode.

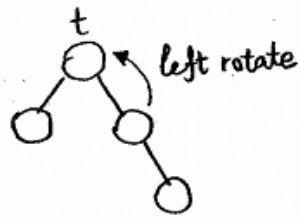
Балансировка выполняется после вырезания и перевешивания вершины. Выполняется от непустой вершины: L\_L или L\_P (R\_R или R\_P) вверх, до корня.

## 6. Добавление вершины

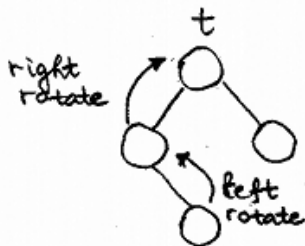
### Функция Maintain



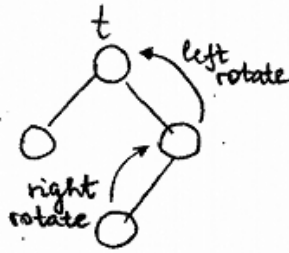
a)  $t.\text{left}.\text{left}.\text{size} > t.\text{right}.\text{size}$



b)  $t.\text{right}.\text{right}.\text{size} > t.\text{left}.\text{size}$



d)  $t.\text{left}.\text{right}.\text{size} > t.\text{right}.\text{size}$



r)  $t.\text{right}.\text{left}.\text{size} > s.\text{left}.\text{size}$

Добавление вершины происходит в три шага:

- 1) Выделение памяти под ячейку (node),
- 2) Добавление вершины (node) в дерево,
- 3) Упорядочивание — балансировка вершин (вызов Maintain для соответствующего поддерева и «соседних» поддеревьев).