

1. (2.0) Defina cada uma das seguintes funções usando apenas funções pré-definidas no Prelúdio:

- (a) Escreva a função `dividePos :: Int -> [a] -> ([a], [a])` tal que `(dividePos n xs)` devolve uma tupla onde o primeiro elemento é um prefixo de `xs` de tamanho `n` e o segundo elemento é o restante da lista. Por exemplo:

```
dividePos 6 "Hello World!" == ("Hello ", "World!")
dividePos 3 [1,2,3,4,5] == ([1,2,3], [4,5])
dividePos 1 [1,2,3] == ([1], [2,3])
dividePos 3 [1,2,3] == ([1,2,3], [])
dividePos 4 [1,2,3] == ([1,2,3], [])
dividePos 0 [1,2,3] == ([], [1,2,3])
dividePos (-1) [1,2,3] == ([], [1,2,3])
```

Dica: use a função `take` e `drop`.

- (b) Escreva a função `dividePred :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a], [a])` tal que `(dividePred p xs)` devolve uma tupla onde o primeiro elemento é a maior prefixo de `xs` (possivelmente vazio) de elementos que satisfazem `p` e o segundo elemento é o restante da lista.

```
dividePred (<3) [1,2,3,4,1,2,3,4] == ([1,2], [3,4,1,2,3,4])
dividePred (<9) [1,2,3] == ([1,2,3], [])
dividePred (<0) [1,2,3] == ([], [1,2,3])
```

Dica: use a função `takeWhile` e `dropWhile`.

2. (2.0) Defina as seguintes funções usando compreensão de listas:

- (a) Escreva a função `prefixos :: [a] -> [a]` usando compreensão de listas tal que `prefixos xs` devolve uma lista contendo todos os prefixos de `xs`.

```
prefixos "abab" == ["", "a", "ab", "aba", "abab"]
prefixos [1,2] == [ [], [1], [1,2] ]
prefixos [1,2,3,4] == [ [], [1], [1,2], [1,2,3], [1,2,3,4] ]
```

- (b) Escreva uma função `filtrandoCaudas :: [[Int]] -> [[Int]]` usando compreensão de listas tal que `(caudas xss)` devolve uma lista contendo a cauda das listas não vazias, onde a cabeça da lista é maior que 5.

```
filtrandoCaudas [ [7,6,3], [], [6,4,2], [9,4,3], [5,5,5] ] == [[6,3], [4,2], [4,3]]
filtrandoCaudas [ [5,6,3], [], [9,4,2], [3,4,3], [8,5,5] ] == [[4,2], [5,5]]
```

Dica : use as funções `head`, `tail`, `null`.

3. (2.0) O método de ordenação por seleção é um método simples que pode ser separado em três passos:

- Encontrar o menor elemento de uma lista, pode ser encontrado utilizando a função `minimum :: Ord a => [a] -> a`.
 - Obtendo uma nova lista removendo o menor elemento da lista original.
 - A lista ordenada final $(x : xs)$, onde x é o menor elemento e xs é uma lista obtida pela ordenação da lista do passo anterior.
- (a) Defina a função `remove :: (Ord a) => a -> [a] -> [a]` tal que `(remove x xs)` retorna uma lista obtida removendo uma ocorrência de x .

```
remove 2 [1,2,3,4] == [1,3,4]
remove 4 [1,2,4,2,4] == [1,2,2,4]
```

- (b) Usando a função `minimum` e `remove`, escreva a função `ordsel :: Ord a => [a] -> [a]` tal que (`ordsel xs`) recebe uma lista possivelmente não ordenada `xs` e devolve uma lista ordenada implementando a ordenação por seleção.

```
ordsel [2,1,4,3] == [1,2,3,4]
ordsel [1,4,2,3] == [1,2,3,4]
ordsel [1,5,3,4] == [1,3,4,5]
```

4. (2.0) Defina as seguintes funções usando recursão:

- (a) Defina recursivamente a função `descompacta :: [(a, b)] -> ([a], [b])` que transforma uma lista de pares ordenado em um par ordenado onde o primeiro elemento é uma lista dos primeiros componentes dos pares ordenados e o segundo elemento é uma lista dos segundos componentes dos pares ordenados.

```
descompacta [(1,2),(3,4),(5,6),(4,5)] == ([1,3,5,4],[2,4,6,5])
descompacta [(1,2),(3,4),(5,6),(4,5),(5,6)] == ([1,3,5,4,5],[2,4,6,5,6])
```

- (b) Defina recursivamente a função `ordenada :: Ord a => [a] -> Bool` tal (`ordenada xs`) verifica se `xs` é uma lista ordenada. Por exemplo,

```
ordenada [2,3,5] == True
ordenada [3,2,5] == False
```

5. (2.0) Considere que uma lista é uma subsequência de uma outra lista se os elementos da primeira ocorrem na segunda na mesma ordem. Por exemplo, "abcd" é uma subsequência "XYabZwcd". Uma lista é uma sublista de uma outra se os elementos da primeira ocorrem na segunda, de maneira contígua. Por exemplo, "abcd" é uma sublista de "XYabcd".

- (a) Escreva a função `subSequencia :: [a] -> [a] -> Bool` tal que `subSequencia xs ys` decide se `xs` é uma subsequencia de `ys`.
- (b) Escreva a função `subLista :: [a] -> [a] -> Bool` tal que `subLista xs ys` decide se `xs` é uma sublista de `ys`.