# Praktiukumsarbeit zum Praktikum Regelungstechnik

Christian Küllmer, Jonas Kallweidt, Leon Blum August 10, 2019, Kassel

# Inhaltsverzeichnis

| 1 | Rec                | hnerteil Aufgaben aus Kapitel 9.3. des Praktikumsskrips   | 3  |  |  |
|---|--------------------|---|----|--|--|
|   | 1.1                | Wichtiger Hinweis:  | 3  |  |  |
|   | 1.2                | Aufgabe a) Gebautes Simulink Modell   | 4  |  |  |
|   | 1.3                | Aufgabe b)  | 5  |  |  |
|   | 1.4                | Aufgabe c)  | 6  |  |  |
|   | 1.5                | Aufgabe d)  | 6  |  |  |
|   | 1.6                | Aufgabe e)  | 7  |  |  |
|   | 1.7                | Aufgabe f)  | 8  |  |  |
|   | 1.8                | Aufgabe g)  | 8  |  |  |
| 2 | Versuch Antrieb 10 |   |    |  |  |
|   | 2.1                | a)  | 10 |  |  |
|   | 2.2                | c)  | 10 |  |  |
|   | 2.3                | d)  | 10 |  |  |
|   | 2.4                | e)  | 11 |  |  |
|   | 2.5                | f)  | 11 |  |  |
|   | 2.6                | g)  | 11 |  |  |
|   | 2.7                | Verbesserte Positionsregelung   | 12 |  |  |
|   |                    | 2.7.1 Berechnen der Kaskadenregelung und der Führungsübertragungs-  |    |  |  |
|   |                    | $funktion \dots \dots$                | 12 |  |  |
|   |                    | 2.7.2 Bestimmen der Verstärkung des p-Reglers   | 13 |  |  |
|   |                    | 2.7.3 Simulieren des Regler und Überprüfung auf die Vorgaben  | 13 |  |  |
|   |                    | $2.7.4  \text{Implementation und versuch an der Maschine im Praktikum}  . \ .$  | 13 |  |  |
| 3 | Vers               | such Schwebekörper  | 13 |  |  |
| 4 | Vers               | such Kran   | 13 |  |  |
|   | 4.1                | Vorbereitungsaufgaben   | 13 |  |  |
|   | 4.2                | Regelung der Wagenposition y <sub>w</sub>   | 13 |  |  |
|   | 4.3                | Zusätzliche regelung des Winkels $\alpha$   | 13 |  |  |
|   | 4.4                | Digitale PD-Regelung von $y_w$ und $\alpha$   | 16 |  |  |
|   |                    | 4.4.1 Einfluss der Abtastzeit   | 16 |  |  |
|   |                    | 4.4.2 Warum macht eine Erweiterung um einen PD-Regler Sinn?   | 17 |  |  |
|   |                    | 4.4.3 Test des PD-Regler im Realen System   | 18 |  |  |
|   |                    | 4.4.4 Filterung über ein PT-1 Glied   | 18 |  |  |
|   | 4.5                | Regelung mit zusätzlicher Stellgrößenbeschränkung   | 19 |  |  |
|   | 16                 | 4.5.1 Kann Stellgrößenbeschränkung für eine Regelverbesserung sorgen? Testen dieser theoretische Stellgrößenbeschränkung im realen Versuch- | 19 |  |  |
|   | 4.6                | saufbau   | 19 |  |  |
|   | 17                 |   | 20 |  |  |
|   | 4.7                | Regelung der x- und y- Achse  | ∠U |  |  |

## **List of Figures**

| 1  | In Simulink gebautes Modell des Systems des Roboterarms  | 4  |
|----|--|----|
| 2  | Darstellung des Winkels für eine anfängliche Auslenkung von 40 Grad.   | 5  |
| 3  | Darstellung des Winkels für eine anfängliche Auslenkung von 40 Grad.   | 6  |
| 4  | Darstellung des Winkels für eine anfängliche Auslenkung von 40 Grad.   | 7  |
| 5  | Darstelung des Winkelgraphen bei einem gegebenen Drehmoment  | 8  |
| 6  | Wurzelortskurve des Systems $G_s$  | 9  |
| 7  | Anzeige des Ausgangswertes   | 9  |
| 8  | Wurzelortskurve des Systems $\mathrm{G}_{\mathrm{s}}$ mit der Anpassung zweier Nullstellen $% \mathrm{G}_{\mathrm{s}}$ . | 10 |
| 9  | Simulink Modell mit aufgetrennter Rückkoplung  | 13 |
| 10 | Verlauf des Experimentes mit einer Abtastzeit von 200ms  | 16 |
| 11 | Verlauf des Experimentes mit einer Abtastzeit von 1ms  | 17 |
| 12 | Aufbau der PD-Regelung im realen System  | 17 |
| 13 | Aufbau der PD-Regelung im realen System  | 18 |
| 14 | Aufbau der PD-Regelung im realen System ergänzt mit einer PT1-   |    |
|    | Strecke zur Filterung der Kleinstabweichungen  | 19 |
| 15 | Regelungsdarstellung mit der Stellgrößenbeschränkung und einem PD-   |    |
|    | Regler   | 20 |

# 1 Rechnerteil Aufgaben aus Kapitel 9.3. des Praktikumsskrips

In diesem Anteil geht es um die in Aufgabe 9.3a. Dieser bezeichnet das Aufstellen der Gleichungen aus den gegeben Gleichungen. Die Gleichungen sind gegen als Blockschaltbild gegeben. Diese werden jetzt übersetzt in Mathlab Simulink.

#### 1.1 Wichtiger Hinweis:

Für alle in diesem Bereich folgenden Auswertungen gibt folgende Farbkonvention

- $\bullet\,$  Die rote Kurve entspricht dem Winkel $\varphi$
- $\bullet$  Die blaue Kurve entspricht dann der Winkelgeschwindigkeit  $\dot{\varphi}$
- $\bullet\,$  Die grüne Kurve entspricht der Winkelbeschleunigung  $\ddot{\varphi}$

# 1.2 Aufgabe a) Gebautes Simulink Modell

Teil/SimulinkModell.jpeg

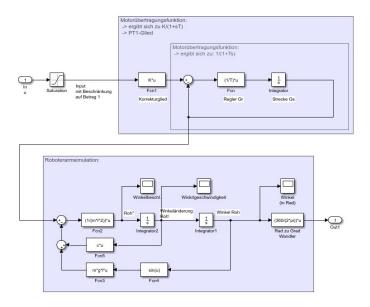


Figure 1: In Simulink gebautes Modell des Systems des Roboterarms

#### 1.3 Aufgabe b)

Das System wird simuliert und die Zustandsgrößen werden über einen Zeitverlauf dargestellt. Dabei entstehen folgende Diagramme:

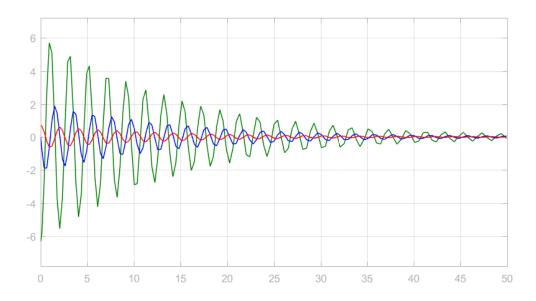


Figure 2: Darstellung des Winkels für eine anfängliche Auslenkung von 40 Grad.

Aus dem Diagramm Figure 4 geht hervor, dass das System ein stabiles System darstellt,<br/>solange keine Stellgröße eingeprägt wird und dabei für gewöhlich eine Ruhelage bei 0° annehmen kann, wenn vorher keine Auslenkung vorgenommen wurde. Hier geht die Auslenkung auf keinen stationären Endwert, da die Expotentialfunktion zur Beschreibung der Dämpfung niemals null wird. In einem Realen System wird hier aber wahrscheinlich ein Stillstand nach beliebig langer Wartezeit eintreten, wenn der Roboterarm die Haftreibung nicht mehr Überwinden kann und die Bewegung im Aperiodischen Grenzfall endet.

#### 1.4 Aufgabe c)

$$\varphi(0) = 0 \tag{1}$$

$$\dot{\varphi}(0) = 0 \tag{2}$$

$$u(t) = \begin{pmatrix} 0 & f\ddot{\mathbf{u}}r \ t < 1\\ 0.17 \ f\ddot{\mathbf{u}}r \ t \ge 1 \end{pmatrix} \tag{3}$$

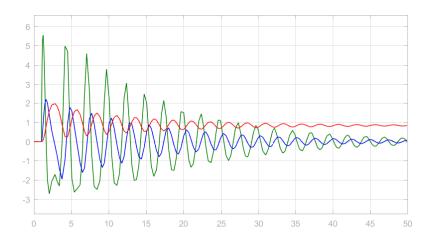


Figure 3: Darstellung des Winkels für eine anfängliche Auslenkung von 40 Grad.

Das System befindet sich zunächst in Ruhelage zum Zeitpunkt t=1 wird ein Drehmoment vom Motor aufgebaut, das den Roboterarm nach Durchlaufen eines Einschwingvorgangs um die neue Ruhelage in eben diese auslenkt . Diese neue Ruhelage hängt von dem Eingangsdrehmoment ab. Der Einschwingvorgang hat dabei ein gleiches Verhalten, wie der Einschwingvorgang von Aufgabe 9.3.b).

#### 1.5 Aufgabe d)

$$\varphi(0) = 0 \tag{4}$$

$$\dot{\varphi}(0) = 0 \tag{5}$$

$$u(t) = \begin{pmatrix} 0 & f\ddot{\mathbf{u}}r \ t < 1\\ 0.18 & f\ddot{\mathbf{u}}r \ t \ge 1 \end{pmatrix} \tag{6}$$

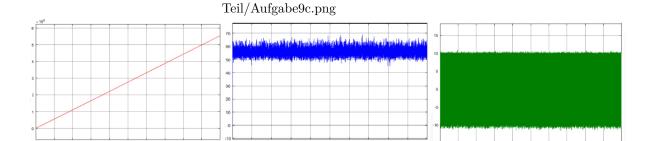


Figure 4: Darstellung des Winkels für eine anfängliche Auslenkung von 40 Grad.

Anders als im Versuch 9.3c befindet sich der Roboterarm nun zum Zeitpunkt t=0 nicht mehr in der Ruhelage bei einem Winkel von  $0^{\circ}$ , sondern in einem Winkel von  $40^{\circ}$ . Dies hat zur Folge, dass der Arm zunächst in der Zeit bis t=1\*s sowie in der darauffolgenden Sättigungszeit des PT1-Gliedes, das den Motor beschreibt, zurückschwingen kann. Sobald das Drehmoment des Motors aufgebaut ist legt der Roboterarm an Geschwindigkeit zu und überschreitet dabei sogar die kritische 180° Marke, ab der der Arm nicht mehr zurückschwingt, sondern einen Überschlag vollführt und weiter an Geschwindigkeit gewinnt. Da es sich bei dem betrachtetet Roboterarm um ein gedämpftes Model handelt, geht die Gewschwindigkeit in eine Sättigung über, bis diese um einen konstanten Wert fluktuiert.

#### 1.6 Aufgabe e)

Um zu überprüfen, ob der Motor bei einem Arm bei einem Eingangssignal von eine Ruhelage bei  $40\,^\circ$  zur Einstellung bringt. Wird dies in Mathlab mit folgendem Eingangssignal geprüft:

$$u_0 = \frac{m * g * l * sin(\varphi(0))}{300} = 0,1471$$
 (7)

Dies entspricht einem Drehmoment von 44,1402 Nm. Dieses Drehmoment wird im Modell als Konstante Eingangsgröße Augegebenen. Der resultierende Winkel wird dann in Grad angegeben und sollte entsprechend der Erwartung einen Winkel von 40  $^\circ$ entsprechen.

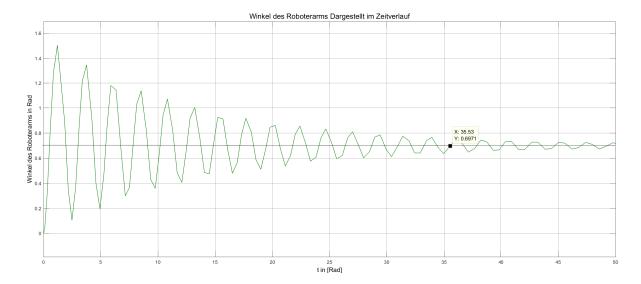


Figure 5: Darstelung des Winkelgraphen bei einem gegebenen Drehmoment

An dem Diagramm ist explizit zu sehen, dass es sich bei der Auslenkung durch das Drehmoment u $_0$ einstellt. Diese Auslenkung entspricht im Mitte. einem Wert von 0,6971 Rad. Daraus ergibt sich eine neue Auslenkung von 40 °. Damit wird die Angabe aus dem Aufgabenscript bestätigt.

#### 1.7 Aufgabe f)

Bei der Linearisirung durch Softwarenutzung von Mathlab ergibt folgendes Ergebnis im Bogenmaß:

$$G_s = \frac{428.6}{(s^3 + 10.14 * s^2 + 8.944 * s + 75.15)}$$
(8)

Die Abweichung in der dritten Nachkommastelle des Zählers lässt sich dabei auf ein veränderten Rundungsalgorithmus im Programm verweisen. Die Ergebnisse stimmen also überein wodurch  $G_{\rm s}$  von nun an unsere Funktion der Strecke beschreibt.

#### 1.8 Aufgabe g)

Um einen Regler zu finden, der die Stabilitätskriterien einhält stellen wir zunächst die orginale Wurzelortskurve dar.

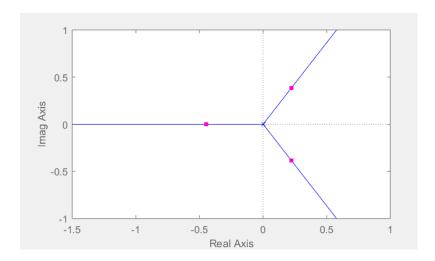


Figure 6: Wurzelortskurve des Systems  $G_s$ 

In der Wurzelortskurve kann man direkt sehen, dass zwei Nullstellen in Richtung der zwei Nullstellen im positiven Bereich einen guten Reglner darstellen würden. Diese müssen dabei nicht die die Polstellen kompensieren, sondern lediglich im Imaginären Anteil des Wurzel Ortskurve liegen um dort den die Zerphilien Anteile der Wurzelortskurve anzuziehen. Es entsteht folgende Ausgabe.

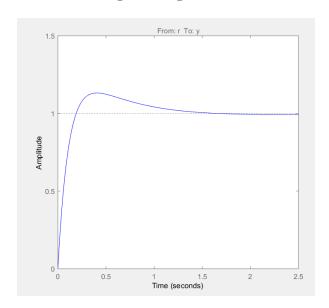


Figure 7: Anzeige des Ausgangswertes

Die Sich damit realisierende Ausgabe wurde von dieser Wurzelortskurve erzeugt.

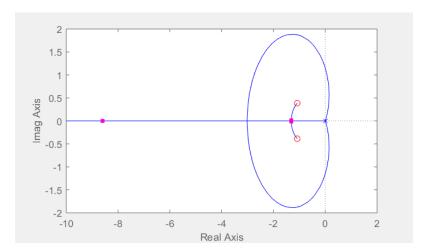


Figure 8: Wurzelortskurve des Systems  $\mathbf{G}_{\mathrm{s}}$ mit der Anpassung zweier Nullstellen

### 2 Versuch Antrieb

#### 2.1 a)

Die Sprungantwort des Systems soll ohne Filter ermittelt werden. Dabei zeigt sich jedoch das die Sprungantwort stark um den Wert von 300 fluktuiert. Nun soll die Sprungantwort mit eingeschaltetem Filter aufgenommen werden. Daraus wurde die Übertragungsfunktion durch ein PT1 Glied angenähert. Das Überschwingen wurde vernachlässigt. Die bestimmte Näherung lautet:

$$G(s)_{PT1} = \frac{1275}{1+9,17s} \tag{9}$$

#### 2.2 c)

Auf Basis der angenäherten Übertragungsfunktion kann nun ein Simulink Modell erstellt werden. Auf dies kann ein Regler ausgelegt werden und am realem Versuchsaufbau getestet werden.

#### 2.3 d)

Die Vorgabe für den Regler soll eine t $_{5\%}$  Zeit von 0,3 Sekunden sein. Mithilfe einer Faustformel kann nun der Der Realteil des Poles bestimmt werden. Es ergibt sich dafür ein Realteil von -10 für den Pol des Geschlossenen Regelkreises des P Reglers.

Der Geschlossene Regelkreis weist folgende Form auf:

$$G(s)_{PT1-geschlossen} = \frac{1275K_p}{1275K_p + 9,17s}$$
 (10)

#### 2.4 e)

Der P-Regler wird nun am Simulink Modell getestet. Als Stationärer Endwert wird 1 angestrebt. Um diesen Zu erreichen wird eine Vorsteuerung mit dem Verstärkungsfaktor K  $_{\rm vor}=\frac{1600}{1581,5}$  die benötigte Stellgröße liegt über 5Volt aber im realistischen Bereich, dennoch liegt diese über 0,3 Sekunden lang an, sodass hier Handlungsbedarf besteht wenn das Reale System einen Error Code ausgibt.

#### 2.5 f)

Der P-Regler wird mit Vorsteuerung an der realen Maschine getestet. Es fällt auf das die Maschine trotz eines überschreitens der kritischen Überspannungszeit in der Simulation korrekt arbeitet. Hier sind die Modellabweichungen so groß, dass wir die kritische Spannung weniger als 0,3 Sekunden lang halten. Es lässt sich durch die nur näherungsweise zutreffende Streckenübertragungsfunktion in form eines PT1 Gliedes erklären. Das System ist nur für den einen Sollwert von 1600 Grad/sec stationär genau. Umso mehr die Sollwertgröße von 1600 Grad/sec abweicht desto Größer wird die Abweichung des Stationären Endwertes. Dies fällt erst bei weniger als 800 Grad/sec deutlich auf und ist bei 400 Grad/sec gut zu erkennen.

#### 2.6 g)

Um Stationäre Genauigkeit für alle Sollwerte zu erreichen wird dem Regler ein I-Anteil hinzugefügt. Der PI-Regler wird über das SISO Tool ausgelegt. Aus den Anforderungen t $_{5\%}{=}0,\!4{\rm s}$  und kein Überschwingen woraus sich ergibt das die Pole rein reell sein müssen ergibt sich für den schnellst möglichen Regler die Übertragungsfunktion

$$G(s)_{PI} = 0,0074 * \frac{1 - 7,1s}{s} \tag{11}$$

ferner ist keine Vorsteuerung erforderlich, da der PI-Regler ohnehin eine stationäre Genauigkeit aufweist. 6 Statt dem PI-Regler soll nun eine Regelstruktur bestehend aus einem kaskadiertem P-Regler verwendet werden. Die Übertragungsfunktion

$$G(s)_p = \frac{90653}{91,653 + 9,17s} \tag{12}$$

Die Übertragungsfunktion des Kaskadierten Reglers

$$G(s)_{\dot{\theta}} = \frac{1}{s} = \frac{90,653}{91,653s + 9,17s^2} \tag{13}$$

Mithilfe des SISO Tools kann ein P-Regler ausgelegt werden der die t $_{5\%}$  Zeit minimiert ohne dabei überzuschwingen. Als Verstärkungsfaktor des P-Reglers wurde 2,5262 ermittelt. Die im bestimmte Kaskadenregelung soll nun in Simulink getestet werden. Als Sollwert wird dabei 90 Grad angenommen. Die dabei Benötigte Stellgröße liegt in einem realistischen Bereich und ist der Simulation nach zu Urteilen keine Gefahr für das reale System, da sie nicht länger als 0,3 Sekunden über einem Wert von 5 Volt liegt.

Der zuvor in Simulink überprüfte Regler wird in das Reale System eingebaut und als Sollwert werden 90 Grad angelegt. Der Regler im echtem System bietet im Gegensatz zur Simulation keine Stationäre Genauigkeit. Dies liegt daran, dass das Modell keine Reibung berücksichtigt. Als Sollwert werden 10000 Grad angelegt. Allerdings ist dies ohne weiteres nicht möglich da das reale System einen Error Code ausgibt. Dies liegt an mehreren Problemen. Zuerst muss das Problem der Überspannung gelöst werden. Dies kann dadurch geschehen, dass ein Sättigungsblock in den Regelkreis eingebaut wird, sodass der Motor mit Maximal 5 Volt versorgt wird. Als nächstes muss die zu große Winkelgeschwindigkeit verringert werden. Dazu wird wieder ein Sättigungsblock eingebaut, weher die Winkelgeschwindigkeit auf Maximal 2000 Grad/sec wachsen lässt. Sind diese Probleme behoben kann der Motor in diesem Versuch einwandfrei benutzt werden.

#### 2.7 Verbesserte Positionsregelung

#### 2.7.1 Berechnen der Kaskadenregelung und der Führungsübertragungsfunktion

Die Faustformel aus der Vorlesung schreibt folgende berechnung der Führungsübertragungsfunktion dar:

$$m = \frac{Im(\lambda)}{Re(\lambda)} \tag{14}$$

Es soll der dominante Pol unter diesem hinblick untersucht werden. Dabei wird folgendes Ergebnis erziehlt:

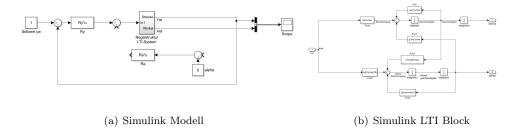


Figure 9: Simulink Modell mit aufgetrennter Rückkoplung

- 2.7.2 Bestimmen der Verstärkung des p-Reglers
- 2.7.3 Simulieren des Regler und Überprüfung auf die Vorgaben
- 2.7.4 Implementation und versuch an der Maschine im Praktikum
- 3 Versuch Schwebekörper
- 4 Versuch Kran
- 4.1 Vorbereitungsaufgaben
- 4.2 Regelung der Wagenposition yw
- 4.3 Zusätzliche regelung des Winkels  $\alpha$

Februar 2019 durchgeführt. a) Es handelt sich um ein um die Ruhelage linearisiertes Zeitinvariantes System. Dies im LTI Block implementiert wird. Die Rückkopplungen sind ebenfalls Linear weshalb die gesamte Regler Struktur Linear ist. Das Linearisierte Modell kann in zwei Versionen in Mathlab bzw. Simulink implementiert werden: 1) Es kann über die Verschiedenen Beziehungen der einzelnen Zustandsgrößen und Eingangsgrößen ein Simulink Modell erstellt werden. 2) Die Linearisierten Gleichungen in Matrizen Form können direkt in Mathlab eingegeben werden, woraus Mathlab selbstständig ein LTI System realiesiert. Beide Varianten liefern das gleiche Ergebnis. Wir benutzten den 1. Weg. Aus dem Modell werden die Übertragungsfunktion und ihre Pole bestimmt.

$$G_{(s)} = \frac{-34,18s+0,04443}{s^3+48,51s^2+954,4}$$
 (15)

Diese Übertragungsfunktion besitzt folgende Pole:

$$-48,3558$$

$$-0,0939+4,437i$$

$$-0,0939-4,437i$$

Davon entfallen folgende Pole auf die Last:

$$-0,0939 + 4,437i$$
  
 $-0,0939 - 4,437i$ 

Und dementsprechend entfällt auf den Kran der folgende Pol:

$$-48,3558$$

Die Last ist, im Gegensatz zum Wagen, schwingungsfähig, weshalb diese Pole einen imaginären Anteil aufweisen. Die Pole des Wagens werden hingegen rein reell modelliert. Daraus ergibt sich die über die Faustformel für das Einschwingen in das 5% Band Folgender Ausdruck

$$t_{(5\%)} = \frac{-3}{Re(s_D)} = 33,3 \tag{16}$$

Als sinnvolle Einschwingzeit für das geregelte System wurde eine Einschwingzeit von 3,3 Sekunden gewählt, was einer Dekade weniger als die des ungeregelten Systems beträgt. Aus dieser Überlegung ergibt sich als gewünschter Überlegung über die obrige Faustformel ein Realteil des dominanten Poles der Last von -1. Über eine Bedingung für die Maximale Überschwingweite könnten nun die Imaginär Anteile bestimmt werden. (Hier nicht gegeben.)

Mithilfe des SISO Tools kann der Regler Parameter R $_{\rm a}$  über die Wurzelortskurve und die Sprungantwort bestimmt werden. R $_{\rm a} =$  - 2,6 Das System soll nun simuliert werden für die festgelegten Parameter R  $_{\rm a}=1$  y  $_{\rm w}=1$  Daraus ergibt sich das folgende Ergebnis: (g+h) Der Regler soll nun am Realem System getestet werden Der Regler dämpft die Schwingung deutlich besser als das ungeregelte System. Es liegt aber trotzdem weit weg von der Simulation bei der wir nach 3,3 Sekunden im 5% Band liegen. Im Vergleich, dieser Zustand ist im realem System erst nach ca. 5,5 Sekunden erreicht. Dennoch liegt die Maximale Winkelauslenkung des Realem Systems unter der der Simulation. Das verlangsamte einschwingen kann durch die Sättigung des Motors erklärt werden, welcher nur bei Spannungen bis ?5Volt? die Regelung des Winkes einbeziehen kann. Das führt dazu, dass die Regelung erst später beginnt zu arbeiten und damit das System langsamer wird. Die Regelung arbeitet die Erste 2,5 Sekunden nicht und diese Braucht das reale System länger um die Ruhelage zu erreichen. Das Maximale Überschwingen ist geringer, da der Motor auch die Bewegung in y Richtung nicht beliebig Schnell durchführen kann sondern auch hier gesättigt ist. Außerdem wurde im Modell keine Gleitreibung berücksichtigt.

Antrieb 5: Drehzahlregelung Die Sprungantwort des Systems soll ohne Filter ermittelt werden. Dabei zeigt sich jedoch das die Sprungantwort stark um den Wert von 300 fluktuiert.

Nun soll die Sprungantwort mit eingeschaltetem Filter aufgenommen werden. Daraus wurde die Übertragungsfunktion durch ein PT1 Glied angenähert. Das Überschwingen wurde vernachlässigt. Die bestimmte Näherung lautet:

$$G(s)_{PT1} = 1275/(1+9,17s) \tag{17}$$

Auf Basis der angenäherten Übertragungsfunktion kann nun ein Simulink Modell erstellt werden. Auf dies kann ein Regler ausgelegt werden und am realem Versuchsaufbau getestet werden. Die Vorgabe für den Regler soll eine t(5%) Zeit von 0,3 Sekunden sein. Mithilfe einer Faustformel kann nun der Der Realteil des Poles bestimmt werden. Es ergibt sich dafür ein Realteil von -10 für den Pol des Geschlossenen Regelkreises des P Reglers. Der Geschlossene Regelkreis weist folgende Form auf:

$$G(s)_{(geschl.)} = (1275K_p)/(1275K_p + 1 + 9, 17s)$$
(18)

nun werden daraus die Pole in Abhängigkeit des Faktors Kp bestimmt. Daraus folgt das der Wert für

$$K_p = 0,0711 \tag{19}$$

betragen muss. Der P-Regler wird nun am Simulink Modell getestet. Als Stationärer Endwert wird 1 angestrebt. Um diesen Zu erreichen wird eine Vorsteuerung mit dem Verstärkungsfaktor

$$K_v or = \frac{1600}{1581.5} \tag{20}$$

die benötigte Stellgröße liegt über 5Volt aber im realistischen Bereich, dennoch liegt diese über 0,3 Sekunden lang an, sodass hier Handlungsbedarf besteht wenn das Reale System einen Error Code ausgibt. Der P-Regler wird mit Vorsteuerung an der realen Maschine getestet. Es fällt auf das die Maschine trotz eines überschreitens der kritischen Überspannungszeit in der Simulation korrekt arbeitet. Hier sind die Modellabweichungen so groß, dass wir die kritische Spannung weniger als 0,3 Sekunden lang halten. Es lässt sich durch die nur näherungsweise zutreffende Streckenübertragungsfunktion in form eines PT1 Gliedes erklären. Das System ist nur für den einen Sollwert von 1600 Grad/sec stationär genau. Umso mehr die Sollwertgröße von 1600 Grad/sec abweicht desto Größer wird die Abweichung des Stationären Endwertes. Dies fällt erst bei weniger als 800 Grad/sec deutlich auf und ist bei 400 Grad/sec gut zu erkennen. Um Stationäre Genauigkeit für alle Sollwerte zu erreichen wird dem Regler ein I-Anteil hinzugefügt. Der PI-Regler wird über das SISO Tool ausgelegt. Aus den Anforderungen t(5%)=0.4s und kein Überschwingen woraus sich ergibt das die Pole rein reell sein müssen ergibt sich für den schnellst möglichen Regler die Übertragungsfunktion  $G(s)_P I = 0.0074 * (1-7,1s)/s$  ferner ist keine Vorsteuerung erforderlich, da der PI-Regler ohnehin eine stationäre Genauigkeit aufweist.

### 4.4 Digitale PD-Regelung von $y_w$ und $\alpha$

#### 4.4.1 Einfluss der Abtastzeit

In diesem Versuch wird der Einfluss der Abtastzeit auf das Ergebnis der Regelung genommen. Da wir die Regelfunktion des PD-Regler diskretisiert haben und danach sich das Ergebnis im k Bereich befindet, muss dieses Ergebnis dann noch in die Bildebene Z gebracht werden.

$$G_R(s) = K_P + K_D s = K_P * s + K_D * \Delta (1 + s * T_D)$$
(21)

$$y_k = K_P * k + \frac{K_D}{T_D} * (k-1)$$
 (22)

$$y_k = K_P * k + \frac{K_D}{T_D} * (k - 1)$$

$$G_R(z) = K_p * z + \frac{K_D}{T_D * T} * \frac{z - 1}{z}$$
(22)

Was dabei einkalkuliert wurde, ist, dass T direkt die Abtastzeit des Reglers Berücksichtigt und daraus sich der Regelkreis beeinflussen lässt.

1. Die Abstastzeit wird auf t = festgelegt.

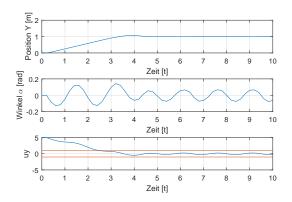


Figure 10: Verlauf des Experimentes mit einer Abtastzeit von 200ms

Beobachtung: Bei der Abtaszeit im oberen Grenzbereich schaukelt sich die eigentliche Grundbewegung auf und die Pendelbewegung wird eher verstärkt als gedämpft. Das sorgt für ein stärkere Pendelbewegung als die ungeregelte Bewegung.

2. Die Abtastzeit wird auf t = 1 ms festgelegt.

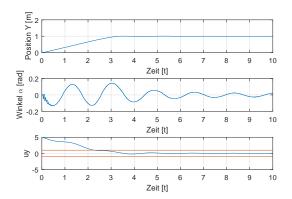


Figure 11: Verlauf des Experimentes mit einer Abtastzeit von 1ms

Beobachtung: Bei dieser kleineren Abtastzeit arbeitet der Regler so, dass das Schwingen des Seils stark vermieden wird. Es sorgt dafür, dass das die Auslenkung des Seils verringert wird.

**Fazit:** Das Fazit, was aus diesem Versuch gezogen werden muss ist, dass die diskretisierung einer Messung und die diskretisierung eines Reglers in ausreichender Genauigkeit vorgenommen werden muss.

#### 4.4.2 Warum macht eine Erweiterung um einen PD-Regler Sinn?

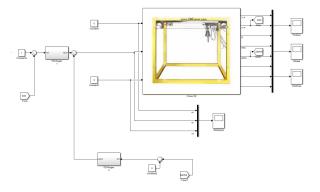


Figure 12: Aufbau der PD-Regelung im realen System

Dazu müssen wir uns die Beschreibung des Systems anschauen und mit den Zielen der Regelung vergleich. Es soll die Abweichung des Seilwinkels möglichst gering sein und die Position des Krans möglichst exakt erreicht werden. Da ein P-Regler immer eine dauerhafte Regelabweichung mit sich bringt, so kann mit dem PD-Regler gut auf

eine schnelle Änderung reagiert werden, da dieser besser auf die Veränderung einer Regelgröße reagiert. Diese Veränderung kann gut mit einem D-Regler geregelt werden um weiter einer möglichen dauerhaften Abweichung Regelungstechnik zu begegnen werden die P-Regelanteile genutzt. Dies macht den PD-Regler an dieser Stelle zum idealen Regler für den Kran.

#### 4.4.3 Test des PD-Regler im Realen System

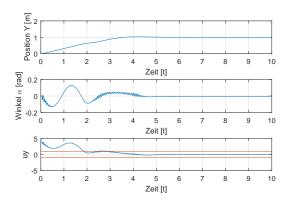


Figure 13: Aufbau der PD-Regelung im realen System

Bei diesem Versuch lässt sich beobachten, dass es in der Eingelphase, wenn die Überlagerung des P-Reglers nicht mehr mehr in der Sättigung des Stellmotors ist, ein zittern der Kurve zu beobachten. Auch beim Versuch im realen System gibt es dieses Regelflackern.

#### 4.4.4 Filterung über ein PT-1 Glied

Es soll zu dem Regler ein PT-1 Filter implementiert werden. Die Idee bei diesem Versuch ist es, dass das Rauschen unterdrückt wird und die Zitterbewegungen am Ende zu vermeiden und damit gleichzeitig auch die Ausregelzeit verkürzen. Wir implementieren dazu das PT-1 Glied in das gegebene Simulinkmodell des Vorversuchs. Dieses Modell wird sowohl im Winkel, wie auch in der Streckenregelung im ein PT-1 Glied erweitert.

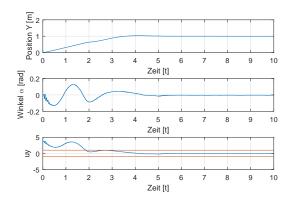


Figure 14: Aufbau der PD-Regelung im realen System ergänzt mit einer PT1-Strecke zur Filterung der Kleinstabweichungen

#### 4.5 Regelung mit zusätzlicher Stellgrößenbeschränkung

#### 4.5.1 Kann Stellgrößenbeschränkung für eine Regelverbesserung sorgen?

Die neue Struktur korregiert das Problem in gewisser Weise, weil das Verhältnis von Wegstreckeänderung zu Winkel eingeschränkt werden kann. Wenn der Stellgrößenanteil, der Wegstrecke nicht mehr voll ausgestreckt werden kann, begrenzt sich die Geschwindigkeit mit der der Krankwagen bewegt werden kann. Dieser Regelgrößenanteil steht dann der Regelung des Seilwinkels zu. Zusätzlich ist eine begrenzte Beschleunigung des Kranwagens nicht mehr dazu in der Lage einen unbegrenzt großen Winkel zu produzieren. Daraus lässt sich Schlussfolgern, dass eine Stellgrößenbeschäkung die Regelungsgenaurigkeit verbessert.

# 4.6 Testen dieser theoretische Stellgrößenbeschränkung im realen Versuchsaufbau

Nach einigen Versuchsreihen wurde ein Stellte sich der beste Kompromiss bei einer Stellgrößenbeschränkung auf einen Wert von 0,9 ergeben. Das Ergebnis dieser Dokumentation wurde hier dann festgehalten.

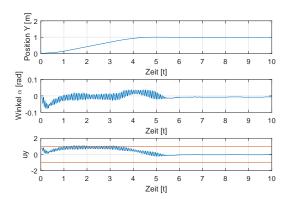


Figure 15: Regelungsdarstellung mit der Stellgrößenbeschränkung und einem PDRegler

Es lässt sich dabei festhalten, dass zwar eine Regelverbesserung eintritt, allerdings das Zittern des Versuchs erneut vorhanden ist. Vielleicht könnte dies mit dem im Kapitel vorher gezeigten Filterglied in der Griff verbessert werden. Hierbei muss also die Abtastzeit der Messeinrichtung berücksichtigt werden um dieses Zittern zu vermieden und eine bessere Regelaussteuerung zu ermöglichen.

#### 4.7 Regelung der x- und y- Achse