

Esercizio 1

Data la seguente porzione di programma rispondere alle domande corrispondenti:

```
int main() {  
    // Scrivi sul foglio la tua matricola  
    int* matricola = new int[6] {...};  
  
    // 1. La seguente istruzione è corretta? Se sì, cosa stampa?  
    cout << *(matricola + 1) * (*(matricola + 2)) << endl;  
  
    // 2. La seguente istruzione è corretta? Se sì, cosa stampa?  
    cout << *(*matricola + 3) << endl;  
  
    // 3. Cosa stampa la seguente porzione di codice?  
    int& z = matricola[5];  
    for (int i = 0; i < 6; ++i) {  
        matricola[i] = z;  
    }  
    z = 17;  
    for (int i = 0; i < 6; ++i) {  
        cout << matricola[i];  
    }  
    cout << endl;  
  
    // 4. Come andrebbe deallocata la memoria dinamica allocata inizialmente?  
    // A: for (int i = 0; i < 6; ++i) delete matricola[i];  
    // B: delete matricola;  
    // C: Sono necessarie entrambe le operazioni A, B.  
    // D: Tutte le risposte precedenti sono errate.  
  
    return 0;  
}
```

Esercizio 2

Implementare una classe **Esercizio** che contenga (almeno) i campi privati **descrizione** e **difficoltà** rispettivamente di tipo **std::string** e **int**.

Successivamente, implementare una classe **BancaDatiEsercizi**, per la gestione di un insieme di esercizi. La soluzione proposta dovrà implementare (almeno) i seguenti metodi:

- **bool aggiungiEsercizio(std::string id, Esercizio e)**
 - Aggiunge un esercizio alla banca dati, identificato univocamente da una stringa (id). Non è possibile aggiungere alla banca dati due esercizi con lo stesso id. Il metodo restituisce **true** se l'esercizio è stato aggiunto correttamente, altrimenti **false**.
- **vector<Esercizio> creaEsame(int n, int diff_M, int rep_M);**
 - Facendo in modo che la classe **BancaDatiEsercizi** tenga traccia di quante volte un esercizio sia stato già assegnato in precedenza, la funzione crea un esame selezionando **n** esercizi dalla banca dati che abbiano una difficoltà totale (ottenuta sommando le difficoltà dei singoli esercizi) minore o uguale a **diff_M**, selezionando gli esercizi tra quelli che sono stati già assegnati meno di **rep_M** volte. Se non fosse possibile creare un esame con tali criteri, il vector restituito sarà vuoto.

Nella segnatura di tutti i metodi di cui sopra, utilizzare **const** ovunque sia opportuno.

Esercizio 3

Scrivere una funzione **esercizio3** che presi in input un grafo orientato G e due suoi vertici u, v restituisca l'insieme dei nodi x tale che $\delta(u, x) = \delta(x, v)$, dove $\delta(a, b)$ denota la lunghezza del cammino minimo tra i nodi a e b nel grafo G .

La funzione dovrà avere la seguente segnatura:

`std::vector<int> esercizio3(const Grafo& g, int u, int v)`

Il grafo è rappresentato da una classe Grafo con la seguente interfaccia (con g un'istanza della classe):

- `g.n()` restituisce il numero di nodi del grafo,
- `g.m()` restituisce il numero di archi del grafo,
- `g(i,j)` restituisce `true` se esiste l'arco diretto tra il nodo i e il nodo j .

I nodi sono etichettati con numeri interi da 0 a `g.n()-1`.

Esercizio 4

Siano x_1, \dots, x_n delle variabili binarie, cioè che possono assumere come valore *vero* (V) o *falso* (F). Una terna (x_i, x_j, x_k) , con $0 \leq i < j < k < n$ si dice *soddisfatta* quando **ad esattamente una** delle variabili x_i, x_j, x_k è assegnato il valore V, altrimenti la terna si dice *non soddisfatta*.

Scrivere una funzione **esercizio4** che presi in input un insieme di m terne di variabili e il numero n di variabili disponibili, restituisca un possibile insieme di variabili cui deve essere assegnato il valore V affinché ciascuna terna risulti soddisfatta.

- La terna (x_i, x_j, x_k) è rappresentata da un `std::vector<int>` contenente gli interi $\{i, j, k\}$;
- L'insieme di terne è rappresentato da un `std::vector<std::vector<int>>`;
- Si può assumere l'input sia ben formato, cioè tutte le variabili che appaiono nelle terne sono della forma x_i per $0 < i < n + 1$ e nessuna terna contiene due volte la stessa variabile;

Esempio. Consideriamo $n = 6$ variabili e le seguenti terne: $[1,2,3]$, $[2,3,4]$, $[3,4,5]$, $[4,5,6]$, $[5,6,1]$.

Un esempio di assegnamento che soddisfa tutte le terne è:

$V = \{3,6\}$, $F = \{1,2,4,5\}$

$[1,2,3]$, $[2,3,4]$, $[3,4,5]$, $[4,5,6]$, $[5,6,1]$

Un esempio di assegnamento non valido è:

$V = \{4\}$, $F = \{1,2,3,5,6\}$

$[1,2,3]$, $[2,3,4]$, $[3,4,5]$, $[4,5,6]$, $[5,6,1]$ - Le terne $[1,2,3]$ e $[5,6,1]$ non sono soddisfatte;

$V = \{4,1,2\}$, $F = \{3,5,6\}$

$[1,2,3]$, $[2,3,4]$, $[3,4,5]$, $[4,5,6]$, $[5,6,1]$ - Le terne $[1,2,3]$ e $[2,3,4]$ hanno più di una variabile positiva.