

Esercizio 1

Data la seguente porzione di programma rispondere, dando motivazione, alle domande corrispondenti:

```
int main() {
    int* matricola = new int[6] { //Inserire qui la tua matricola};

    // 1. La seguente istruzione è corretta? Se si, cosa stampa?
    cout << *(matricola) + 4 << endl;

    // 2. La seguente istruzione è corretta? Se si, che cosa stampa?
    matricola[3] = *(matricola+2);
    cout << matricola[3] << endl;

    // 3. La seguente istruzione è corretta? Se si, che cosa stampa?
    int* b = matricola;
    for (int i=1; i < 6; i++) {
        if (matricola[i] > *b) {
            b = matricola+i;
        }
    }
    cout << *(b) << endl;

    // 4. Le seguenti istruzioni sono corrette? Motivare la risposta
    delete[] matricola;
    delete b;

    return 0;
}
```

Esercizio 2

Ereditando opportunamente da `vector<int>`, implementare la classe `rotcev`, che ridefinisca i seguenti metodi pubblici di `vector<int>`:

- `int& operator[] (int i)`
- `void push_back(int value)`
- `int front() const`
- `int back() const`
- `unsigned size() const`

`operator[]` deve restituire l'*i*-esimo elemento a partire da destra, `front` e `back` devono restituire rispettivamente l'ultimo ed il primo elemento del `vector`, mentre `push_back` e `size` devono comportarsi esattamente come in `vector<int>`. Quelli elencati devono essere **gli unici metodi pubblici disponibili nella classe**, oltre ad un costruttore. Deve essere dunque proibito usare i metodi di `vector<int>` sulle istanze di `rotcev`, ed eventuali altre classi che ereditano da `rotcev` non devono avere accesso (neanche all'interno della classe) ai metodi di `vector<int>`.

Esercizio 3

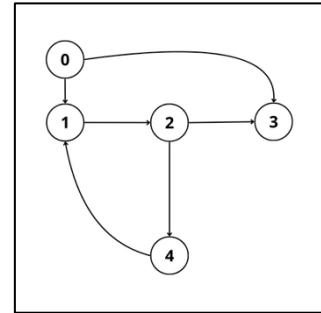
Scrivere una funzione che, dato un Grafo orientato g (implementato tramite la classe `Grafo`), e un suo nodo x , restituisce `true` se e solo se esiste un cammino semplice da x ad un qualsiasi altro nodo di g dal quale è possibile tornare direttamente al nodo x tramite un arco diretto. Se x non ha archi entranti la condizione è da ritenersi automaticamente falsa.

La classe `Grafo` mette a disposizione la seguente interfaccia pubblica di metodi costanti (con g istanza della classe):

- $g.n()$ restituisce il numero di nodi del grafo,
- $g.m()$ restituisce il numero di archi del grafo,
- $g(i, j)$ restituisce `true` se esiste l'arco diretto tra il nodo i e il nodo j .

I nodi sono etichettati con i valori da 0 a $g.n() - 1$.

Esempio: Nell'esempio riportato a destra, per $x=0$ la funzione deve restituire `false` perché 0 non ha archi entranti, mentre per $x=1$ la funzione restituisce `true` in quanto esiste il cammino {1,2,4} che riporta al nodo 1 tramite l'arco (4,1).



Esercizio 4

Stiamo costruendo una simulazione di civiltà medievale. In questa regione sono presenti due fazioni nemiche (**T** ed **F**), ed n città, ognuna controllata da una delle due fazioni. Per conto della fazione **T** dobbiamo decidere in quali città piazzare i k soldati dell'esercito per tenere sotto sorveglianza l'attività della fazione **F**. Ci viene dato in input:

- un grafo non orientato G (rappresentato dalla classe `Grafo`) con n nodi, in cui ogni nodo rappresenta una delle città (ogni città è identificata da un numero intero positivo da 0 ad $n-1$). Dato che ogni città ha una torre d'osservazione dalla quale è possibile scrutare alcune delle città vicine, se dalla torre della città i si vede la città j , questa informazione è rappresentata da un arco (i, j) .
- un `vector<bool>` di taglia n in cui ogni indice rappresenta una città e il valore corrispondente riporta la fazione che la controlla: `true` per la fazione **T** e `false` per **F**.
- un intero positivo k , corrispondente al numero di soldati da piazzare.

Tenendo conto che ogni soldato deve essere piazzato in esattamente una città, che possiamo piazzare i soldati solo nelle città controllate dalla nostra fazione (T) e che in ogni città non possiamo piazzare più di un soldato, il nostro obiettivo è quello di scrivere un programma C++ in grado di trovare una sistemazione ai nostri soldati in modo tale da riuscire a tenere sotto controllo tutte le città della fazione nemica (dobbiamo "avere visibilità" su ogni città controllata da F con almeno un soldato). Se è possibile trovare una soluzione il programma deve stamparla su standard output, stampando la stringa "IMPOSSIBILE" nel caso di soluzione inesistente.

La classe `Grafo` mette a disposizione la seguente interfaccia pubblica di metodi costanti (con g istanza della classe):

- $g.n()$ restituisce il numero di nodi del grafo,
- $g.m()$ restituisce il numero di archi del grafo,
- $g(i, j)$ restituisce `true` se esiste l'arco diretto tra il nodo i e il nodo j .

I nodi sono etichettati con i valori da 0 a $g.n() - 1$.

Nell'esempio a destra, per $k=2$, dove la fazione T è indicata con il colore nero e la fazione F con il colore bianco, l'unica soluzione esistente è quella di piazzare un soldato in "2" e un soldato in "4", in modo da avere visibilità in tutte le città "bianche": 1 -> tramite (4,1) e (2,1) 3-> tramite (4,3) e 5-> tramite (2,5).

