

Definitionen
<b>Dichte</b> $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$ mit $\int_{\mathbb{R}} f(x) \, dx = 1$ $P([a, b]) = \int_a^b f(x) \, dx$
<b>Ereignis</b> $A \subseteq \Omega$ bzw. $A \in \mathfrak{A}$ . <i>Elementarereignis:</i> $\{\omega\}, \omega \in \Omega$
<b>Ergebnis</b> $\omega \in \Omega$
<b>Erwartungstreue</b> $\forall \theta \in \Theta: E_{\theta}(T) = \theta$

<b>Erwartungswert</b> (Ex. falls mit $ \cdot  < \infty$ ) $E(X) := \sum_{\omega \in \Omega} X(\omega) \cdot P(\{\omega\})$
$= \sum_{x \in \mathbb{R}: P(X=x) > 0} x \cdot P(X = x)$
$E(X) := E(X_+) - E(X_-)$
$= \int_{\mathbb{R}} x \cdot f(x) \, dx$

<i>bedingter Erwartungswert:</i>
$E(X Y = y) = \sum x P(X = x Y = y)$
<i>bedingte Erwartung:</i>
$E(X Y): \mathbb{R}^k \rightarrow \mathbb{R}, y \mapsto E(X Y = y)$
<i>iterierter:</i>
$E(X) = E(E(X Y))$

<b>Faltung</b> $X(\Omega) + Y(\Omega)$ F. der Verteilungen $X, Y. \ (P^{X+Y} = P^X * P^Y)$
<b>Fehler 1./2. Art</b> <i>1. Art:</i> Wahre Hypothese abgelehnt. <i>2. Art:</i> Falsche Hypothese nicht verworfen.
<b>Gütefunktion</b> $g: \Theta \rightarrow [0, 1], \theta \mapsto P_{\theta}(X \in \mathcal{K})$ $g_{\varphi}: \Theta \rightarrow [0, 1], \theta \mapsto E_{\theta}(\varphi)$

<b>Häufigkeit</b> Sei $(x_1, \dots, x_n) \in \{a_1, \dots, a_s\}^n$ Stichprobe. <i>absolute:</i> $h_j = \sum_{i=1}^n \mathbb{1}\{x_i = a_j\}$
<i>relative:</i> $\frac{h_j}{n}$

<b>Kombination</b> $Kom_k^n(mW) = \{(a_1, \dots, a_k) \in M^k: a_1 \leq \dots \leq a_k\}$ $Kom_k^n(oW) = \{(a_1, \dots, a_k) \in M^k: a_1 < \dots < a_k\}$
$ Kom_k^n(mW)  = \binom{n+k-1}{k}$ $ Kom_k^n(oW)  = \binom{n}{k}$

<b>Konfidenzber./Bereichssch.</b> $(\mathcal{X}, (P_{\theta})_{\theta \in \Theta})$ stat. Modell. $\mathcal{C}: \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{P}(\Theta)$ heißt Konfidenzbereich oder Bereichsschätzer. <i>Konfidenzniveau:</i> $\mathcal{C}$ Konfidenzber. zum Niveau $1 - \alpha$ : $P_{\theta}(\mathcal{A}(\theta)) \geq 1 - \alpha$
<b>Konsistenz</b> $(T_n)$ <i>Schätzfolge:</i> $\forall \varepsilon > 0, \forall \theta \in \Theta:$ $\lim_{n \rightarrow \infty} P_{\theta}( T_n - \theta  \geq \varepsilon) = 0$ $\varphi_n$ <i>Testfolge:</i> $\forall \theta \in \Theta_1:$ $\lim_{n \rightarrow \infty} g_{\varphi_n}(\theta) = 1$

<b>Konvergenz nach W-keit</b> $Y_n \xrightarrow{P} Y \iff \forall \varepsilon > 0:$ $P( Y_n - Y  \geq \varepsilon) \xrightarrow{n \rightarrow \infty} 0$
<b>Koppelung</b> Das zu einem W-Maß $P_1$ und einer Übergangs-W-keit $P_{12}$ gehörende W-Maß $P = P_1 \otimes P_{12}$ auf $\Omega_1 \times \Omega_2$ heißt Koppelung von $P_1$ und $P_{12}$ .

<b>Korrelationskoeffizient</b> $\rho(X, Y) = \frac{C(X, Y)}{\sqrt{V(X)V(Y)}}$ <i>empirischer:</i> $r_{xy} := \frac{\frac{1}{n} \sum (x_j - \bar{x})(y_j - \bar{y})}{\sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_j - \bar{x})^2 \cdot \frac{1}{n} \sum (y_j - \bar{y})^2}}$
<b>Kovarianz</b> $C(X, Y) = E((X - EX)(Y - EY)) = E(XY) - E(X)E(Y)$
<b>kritischer Bereich</b> $\mathcal{K} \subseteq \mathcal{X}$ mit: $x \in \mathcal{K} \implies d_1$ $x \in \mathcal{X} \setminus \mathcal{K} \implies d_0$

<b>Lagemaß</b> $l: \{a_1, \dots, a_s\}^n \rightarrow \mathbb{R}$ ist ein Lagemaß, falls gilt: $l(x_1 + a, \dots, x_n + a) = l(x_1, \dots, x_n) + a$
<b>Likelihood-Funktion</b> $L_x: \Theta \rightarrow [0, 1], \theta \mapsto P_{\theta}(X = x)$
<b>Marginalverteilung</b> $P$ W-Maß auf $\Omega_1 \times \dots \times \Omega_n$ . j-te Marginalverteilung: $P_j(B) := P(\Omega' \times B \times \Omega'')$ mit $\Omega' := \Omega_1 \times \dots \times \Omega_{j-1}$ $\Omega' := \Omega_{j+1} \times \dots \times \Omega_n$ (Analog für Zufallsvektoren.)
<b>Maximum-Likelihood-Schätzung</b> $\hat{\theta}: \mathcal{X} \rightarrow \Theta$ ist ML-Schätzwert, falls $\forall x \in \mathcal{X}:$ $L_x(\hat{\theta}(x)) = \sup\{L_x(\theta): \theta \in \Theta\}$
<b>Median</b> Sei $F^{-1}$ die Quantil-Funktion, dann heißt $F^{-1}(\frac{1}{2})$ der Median von $F$ bzw. von $X$ . <i>empirischer:</i> Sei $(x_{(1)}, \dots, x_{(n)})$ geordnete Stichprobe.
$x_{\frac{1}{2}} := \begin{cases} x_{(\frac{n+1}{2})}, n = 2k + 1 \\ \frac{1}{2}(x_{(\frac{n}{2})} + x_{(\frac{n}{2}+1)}), n = 2k \end{cases}$

<b>Mittel</b> <i>arithmetisches:</i> $\bar{x}_n := \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n x_j$
<i>getrimmtes/gestutztes:</i> $x_{t, \alpha} := \frac{1}{n - 2k} \sum_{j=k+1}^{n-k} x_{(j)}$ mit $0 < \alpha < \frac{1}{2}$ und $k := \lfloor n\alpha \rfloor$ heißt $\alpha$ -getrimmtes Mittel.
<b>MQA</b> $MQAT(\theta) = E_{\theta}((T - \theta)^2)$ $= \sum_{x \in \mathcal{X}} (T(x) - \theta)^2 \cdot P_{\theta}(X = x)$

heißt mittlere quadratische Abweichung vom $T$ an der Stelle $\theta$ . <b>Moment</b> <i>k-tes:</i> $E(X^k) = \int_{\mathbb{R}} x^k \cdot f(x) \, dx$
<i>k-tes absolutes:</i> $E( X ^k) = \int_{\mathbb{R}}  x ^k \cdot f(x) \, dx$
<i>k-tes zentrales:</i> $E((X - EX)^k) = \int_{\mathbb{R}} (x - EX)^k \cdot f(x) \, dx$

<b>Permutation</b> $Per_k^n(mW) = M^k$ $Per_k^n(oW) = \{(a_1, \dots, a_k) \in M^k: a_i \neq a_j (i \neq j)\}$
$ Per_k^n(mW)  = n^k$ $ Per_k^n(oW)  = n \cdots (n - k + 1) = n^{\underline{k}}$

<b>Quantil</b> <i>empirisches:</i> Ist $0 < p < 1$ , so heißt $x_p := \begin{cases} x_{(\lfloor np + 1 \rfloor)}, np \notin \mathbb{N} \\ \frac{1}{2}(x_{(np)} + x_{(np+1)}), np \in \mathbb{N} \end{cases}$
-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

empirisches $p$ -Quantil. <b>Quantil-Funktion</b> $X$ Zufallsvariable mit Verteilungsfunktion $F$ . $F^{-1}: (0, 1) \rightarrow \mathbb{R}$ $p \mapsto \inf\{x \in \mathbb{R}: F(x) \geq p\}$ heißt Quantil-Funktion von $X$ bzw. $F$ . <b>Quartil</b> Sei $F^{-1}$ die Quantil-Funktion, dann heißt $F^{-1}(\frac{1}{4})$ das untere und $F^{-1}(\frac{3}{4})$ das obere Quartil von $F$ bzw. von $X$ . <i>empirisch:</i> Das $\frac{1}{4}$ -Quantil heißt unteres und das $\frac{3}{4}$ -Quantil oberes Quartil.
<b>Quartilsabstand</b> $x_{\frac{3}{4}} - x_{\frac{1}{4}}$

<b>Schätzer</b> $(\mathcal{X}, (P_{\theta})_{\theta \in \Theta})$ stat. Modell. $T: \mathcal{X} \rightarrow \tilde{\Theta}$ heißt Schätzer für $\theta$ . <b>Schätzfolge</b> $\mathcal{X}_n \subseteq \mathbb{R}^n$ Stichprobenraum für $X_{(n)} = (X_1, \dots, X_n)$ und $T_n: \mathcal{X}_n \rightarrow \tilde{\Theta}$ Schätzer $\forall n \in \mathbb{N}$ , dann heißt $(T_n)_{n \in \mathbb{N}}$ Schätzfolge.
<b>Schätzwert</b> $T(x)$ für $x \in \mathcal{X}$ .
<b>Spannweite</b> $x_{(n)} - x_{(1)}$

<b>Standardabweichung</b> $\sigma_X := \sqrt{V(X)}$
<i>empirische:</i> $s := \sqrt{s^2}$
<b>Standardisierung</b> $X^* := \frac{X - EX}{\sqrt{V(X)}}$

<b>Statistisches Modell</b> $(\mathcal{X}, (P_{\theta})_{\theta \in \Theta})$ , wobei $\mathcal{X}$ der Stichprobenraum einer Zufallvariable $X$ , $(P_{\theta})_{\theta \in \Theta}$ Bild einer bijektiven Abbildung des Parameterraum $\Theta$ auf eine Klasse von W-Maßen $P$ ist.
<b>Streuungsmaß</b> $\sigma: \{a_1, \dots, a_s\}^n \rightarrow \mathbb{R}$ heißt ein Streuungsmaß, falls gilt: $\sigma(x_1 + a, \dots, x_n + a) = \sigma(x_1, \dots, x_n)$
<b>Test</b> <i>nichtrandomisiert:</i> $\varphi: \mathcal{X} \rightarrow \{0, 1\}, x \mapsto \mathbb{1}_{\mathcal{K}}$
<i>randomisiert:</i> $\varphi: \mathcal{X} \rightarrow [0, 1]$

<b>Testfolge</b> $\mathcal{X}_n$ Stichprobenraum für $X_{(n)} = (X_1, \dots, X_n)$ und $\varphi_n: \mathcal{X}_n \rightarrow [0, 1]$ Test $\forall n \in \mathbb{N}$ , dann heißt $(\varphi_n)_{n \in \mathbb{N}}$ Testfolge.
<b>Übergangswahrscheinlichkeit</b> $P_{12}: \Omega_1 \times \mathcal{P}(\Omega_2) \rightarrow [0, 1]$
heißt Übergangs-W-keit, falls $\forall \omega_1 \in \Omega_1$ $P_{12}(\omega_1, \cdot): \mathcal{P}(\Omega_2) \rightarrow [0, 1]$ ein W-Maß ist.
<b>Unabhängigkeit</b> <i>Ereignisse:</i> $A_1, \dots, A_n$ unabhängig, falls $\forall T \subseteq 1, \dots, n$ $P\left(\bigcap_{j \in T} A_j\right) = \prod_{j \in T} P(A_j)$
<i>Zufallsvariablen diskret:</i> $X_1, \dots, X_n$ unabhängig, falls $\forall A_j \subseteq \Omega_j$ bzw. $\forall x_j \in \Omega_j$ gilt: $P(X_1 \in A_1, \dots, X_n \in A_n) = \prod_{j=1}^n P(X_j \in A_j)$
<i>Zufallsvariablen indiskret:</i>

$X_1, \dots, X_n$ unabhängig, falls gilt: $F(x) = \prod_{j=1}^n F(x_j)$ $f(x) = \prod_{j=1}^n f(x_j)$
----------------------------------------------------------------------------------------------------------

<b>Varianz</b> (Ex. falls $E(X^2)$ existiert.) $V(X) = E(X - EX)^2 = E(X^2) - (EX)^2$ $= \int_{\mathbb{R}} (x - EX)^2 \cdot f(x) \, dx$
<i>empirische:</i> $s^2 := \frac{1}{n - 1} \sum_{j=1}^n (x_j - \bar{x}_n)^2$
<b>Verteilung</b> $X: \Omega \rightarrow \tilde{\Omega}$ Zufallsvariable. $P^X: \mathcal{P}(\tilde{\Omega}) \rightarrow [0, 1], A' \mapsto P(X^{-1}(A'))$ heißt Verteilung von $X$ .
<b>Verteilungsfunktion</b> $P: \mathfrak{B}_1 \rightarrow [0, 1]$ W-Maß. $F: \mathbb{R} \rightarrow [0, 1], x \mapsto P((-\infty, x])$ heißt Verteilungsfunktion von $P$ .
<b>Verzerrung</b> Verzerrung eines Schätzers $T$ an der Stelle $\theta$ : $b_T(\theta) = E_{\theta}(T) - \theta$
<b>Wahrscheinlichkeit</b> <i>bedingte:</i> $P(A B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

<b>W-Funktion</b> $(\Omega, P)$ W-Raum, $p: \Omega \rightarrow \mathbb{R}, \omega \mapsto P(\{\omega\})$ ist W-Funktion zum W-Maß $P$ .
<b>W-Maß</b> $P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0, 1]$ heißt W-Maß auf $\Omega$ , falls gilt <ol style="list-style-type: none"><li><math>P(A) \geq 0</math></li><li><math>P(\Omega) = 1</math></li><li><math>P(\sum_{j \in \mathbb{N}} A_j) = \sum_{j \in \mathbb{N}} P(A_j)</math></li></ol>

<b>W-Raum</b> $(\Omega, P)$ bzw. $(\Omega, \mathcal{A}, P)$ mit $\mathcal{A}$ $\sigma$ -Algebra auf $\Omega$ , $P$ W-Maß auf $\Omega$ bzw. $\mathcal{A}$ . <i>Laplace'scher:</i> falls $P(A) := \frac{ A }{ \Omega }$
$X: \Omega \rightarrow \Omega'$ heißt $\Omega'$ -wertige Zufallsvariable, falls $X$ $\mathfrak{A}$ - $\mathfrak{A}'$ -mb.
<b>Zufallsvektor</b> $X$ heißt Zufallsvektor, falls es eine $\mathbb{R}^d$ -wertige Zufallsvariable ist.

<b>Sätze und Formeln</b> <b>Bayes-Formel</b> Sei $(A_n)_{n \in \mathbb{N}}$ eine Zerlegung von $\Omega$ . Dann gilt: $P(A_k B) = \frac{P(A_k) \cdot P(B A_k)}{\sum_{j=1}^{\infty} P(A_j) \cdot P(B A_j)}$
<b>Binomialkoeffizient</b> $\binom{n+1}{k} = \binom{n}{k} + \binom{n}{k-1}$
<b>Binomischer Lehrsatz</b> $(x + y)^k = \sum_{j=0}^k \binom{k}{j} \cdot x^j \cdot y^{k-j}$

<b>Blockungslemma</b> Seien $A_1, \dots, A_n$ unabhängig, $1 \leq k \leq n - 1$ , $C \in \sigma(A_1, \dots, A_k)$ , $D \in \sigma(A_k + 1, \dots, A_n)$ . Dann sind auch $C$ und $D$ unabhängig.
<b>Cauchy-Schwarz</b> $C(X, Y)^2 \leq V(X) \cdot V(Y)$

<b>Erwartungswert</b> $E(aX) = a \cdot EX$ $E(X + Y) = EX + EY$ $ EX  \leq E X $ Sind $X, Y$ unkorreliert gilt außerdem: $E(X \cdot Y) = EX \cdot EY$
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

Faltung <span>­</span> formel
<i>für Dichten:</i> $f_{X+Y}(x)=\int_{\mathbb{R}}f_X(t)\cdot f_Y(x-t)\,\mathrm{d}t$
Gesetz großer Zahlen
Seien $X_1,\ldots,X_n$ unabhängige Zufallsvariablen mit existierender Varianz. Dann gilt $\forall \varepsilon > 0$ :
$P\left(\left \frac{1}{n}\sum_{j=1}^nX_j-EX_1\right \geq\varepsilon\right)\overset{n\rightarrow\infty}{\rightarrow}0$
Gesetz seltener Ereignisse
Ist $(p_n)_{n\in\mathbb{N}}$ eine Folge in $[0,1]$ mit $\lim_{n\rightarrow\infty}np_n=\lambda$ für ein $0<\lambda<\infty$ , so gilt:
$\binom{n}{k}p_n^k(1-p_n)^{n-k}\overset{n\rightarrow\infty}{\rightarrow}e^{-\lambda}\frac{\lambda^k}{k!}$

Kovarianz
$C(X,Y)=C(Y,X)$
$C(X,X)=V(X)$
$C(aX+b,cY+d)=ac\cdot C(X,Y)$
$\rho(aX+b,cY+d)=\operatorname{sgn}(ac)\cdot \rho(X,Y)$
$X,Y$ sind unkorreliert, genau dann wenn:
$C(X,Y)=0$

kleinste Quadrate
$(a^*,b^*) := \arg\min_{a,b\in\mathbb{R}} E(Y-a-bX)^2$
ist bestimmt durch
$a^*=EY-b^*EX$
$b^*=\begin{cases}0&,\,V(X)V(Y)=0\\ \frac{C(X,Y)}{V(X)}&,\,V(X)V(Y)>0\end{cases}$

Methoden zur Dichtebest.
<i>Methode 1:</i> <i>X</i> reelle Zufallsvariable mit Verteilungsfunktion <i>F</i> , stückweise stetiger Dichte <i>f</i> . Weiter sei <i>T</i> <span> </span> : <span> </span> <span>ℝ</span> <span> </span> → <span> </span> <span>ℝ</span> stetig differenzierbar und streng monoton wachsend, wobei <i>T</i> '( <i>x</i> ) <span> </span> ≠ <span> </span> 0. Dann besitzt <i>Y</i> <span> </span> = <span> </span> <i>T</i> ( <i>X</i> ) die Verteilungsfunktion: <p><span><span>    G ( y ) = F (  T  −<!-- − --> 1   ( y ) )   {\displaystyle G(y)=F(T^{-1}(y))}  </span></span></p> <p><span><span>    =  ∫<!-- ∫ -->  −<!-- − --> ∞<!-- ∞ -->   T  −<!-- − --> 1   ( y )   f ( x ) \,\mathrm{d} x   {\displaystyle =\int _{-\infty }^{T^{-1}(y)}f(x)\,\mathrm {d} x}  </span></span></p> (bzw. 1 <span> </span> − <span> </span> <i>G</i> ( <i>y</i> ) falls <i>T</i> monoton fallend), sowie die Dichte: <p><span><span>    g ( y ) =    f (  T  −<!-- − --> 1   ( y ) )      T ′  (  T  −<!-- − --> 1   ( y ) )        {\displaystyle g(y)={\frac {f(T^{-1}(y))}{ T'(T^{-1}(y)) }}}  </span></span></p> <i>Methode 2:</i> <i>X</i> <span> </span> = <span> </span> ( <i>X</i> <sub>1</sub> , <span> </span> ..., <span> </span> <i>X</i> <sub><i>n</i></sub> ) <i>k</i> -dimensionaler Zufallsvektor mit positiver Dichte <i>f</i> . Weiter sei <i>T</i> <span> </span> : <span> </span> <span>ℝ</span> <sup><i>k</i></sup> <span> </span> → <span> </span> <span>ℝ</span> <sup><i>k</i></sup> stetig differenzierbar und injektiv, wobei <i>T</i> '( <i>x</i> ) <span> </span> ≠ <span> </span> 0. Dann besitzt <i>Y</i> <span> </span> = <span> </span> <i>T</i> ( <i>X</i> ) die Dichte: <p><span><span>    g ( y ) =    f (  T  −<!-- − --> 1   ( y ) )     det  T ′  (  T  −<!-- − --> 1   ( y ) )        {\displaystyle g(y)={\frac {f(T^{-1}(y))}{ \det T'(T^{-1}(y)) }}}  </span></span></p> <i>Methode 3:</i> Ist <i>T</i> <span> </span> : <span> </span> <span>ℝ</span> <sup><i>k</i></sup> <span> </span> → <span> </span> <span>ℝ</span> <sup><i>s</i></sup> mit <i>s</i> <span> </span> < <span> </span> <i>k</i> , so lässt sich <i>T</i> häufig zu einer Abbildung <i>T</i> ' <span> </span> : <span> </span> <span>ℝ</span> <sup><i>k</i></sup> <span> </span> → <span> </span> <span>ℝ</span> <sup><i>k</i></sup> ergänzen, die die Voraussetzungen von Methode 2 erfüllt. Die Gewünschte Dichte ergibt sich dann aus Marginalverteilungsbildung.
Markow-Ungleichung
Sei <span><span>    ϕ<!-- ϕ --> :<!-- : --> [ 0 , ∞<!-- ∞ --> ) →<!-- → --> [ 0 , ∞<!-- ∞ --> )   {\displaystyle \varphi :[0,\infty )\rightarrow [0,\infty )}  </span></span> monoton wachsend. Dann gilt für jede Zufallsvariable <i>Y</i> mit <i>E</i> <span><span>    ϕ<!-- ϕ --> (   Y   ) &lt; ∞<!-- ∞ -->   {\displaystyle E\varphi ( Y )&lt;\infty }  </span></span> und jedes <span><span>    ε<!-- ε --> &gt; 0   {\displaystyle \varepsilon &gt;0}  </span></span> mit <span><span>    ϕ<!-- ϕ --> ( ε<!-- ε --> ) &gt; 0   {\displaystyle \varphi (\varepsilon )&gt;0}  </span></span> :
<span><span>    P (   Y   ≥<!-- ≥ --> ε<!-- ε --> ) ≤<!-- ≤ -->   1 ϕ<!-- ϕ --> ( ε<!-- ε --> )   E ϕ<!-- ϕ --> (   Y   )   {\displaystyle P( Y \geq \varepsilon )\leq {\frac {1}{\varphi (\varepsilon )}}E\varphi ( Y )}  </span></span>

Quantilsfunktion
<span><span>    F ( x ) ≥<!-- ≥ --> p ⟺<!-- ⟺ --> x ≥<!-- ≥ -->  F  −<!-- − --> 1   ( p )   {\displaystyle F(x)\geq p\iff x\geq F^{-1}(p)}  </span></span>
<span><span>    F (  F  −<!-- − --> 1   ( p ) ) ≥<!-- ≥ --> p   {\displaystyle F(F^{-1}(p))\geq p}  </span></span>
<span><span>    F (  F  −<!-- − --> 1   ( p ) ) = p ⟺<!-- ⟺ --> p ∈<!-- ∈ --> F ( ℝ<!-- ℝ --> )   {\displaystyle F(F^{-1}(p))=p\iff p\in F(\mathbb {R} )}  </span></span>
Außerdem ist <i>F</i> <sup>−1</sup> monoton wachsend und linksseitig stetig.
Siebformel/Poincare-Sylvester
Für 1 ≤ <span><span>    ν<!-- ν --> ≤<!-- ≤ --> n   {\displaystyle 1\leq \nu \leq n}  </span></span> sei
<span><span>     S  ν<!-- ν -->   :=  ∑<!-- ∑ -->  1 ≤<!-- ≤ -->  i  1   &lt; ⋯<!-- ⋯ --> &lt;  i  ν<!-- ν -->   ≤<!-- ≤ --> n      P (  A  i  1   ∩<!-- ∩ --> ⋯<!-- ⋯ --> ∩<!-- ∩ -->  A  i  ν<!-- ν -->    )   {\displaystyle S_{\nu }:=\sum _{1\leq i_{1}&lt;\cdots &lt;i_{\nu }\leq n}P(A_{i_{1}}\cap \cdots \cap A_{i_{\nu }})}  </span></span>
(Summation über <i>ν</i> -elementige Teilmengen.) Dann gilt:
<span><span>    P (  ⋃<!-- ⋃ -->  j = 1   n    A  j   ) =  ∑<!-- ∑ -->  ν<!-- ν --> = 1   n    ( −<!-- − --> 1  )  ν<!-- ν --> −<!-- − --> 1    S  ν<!-- ν -->     {\displaystyle P\left(\bigcup _{j=1}^{n}A_{j}\right)=\sum _{\nu =1}^{n}(-1)^{\nu -1}S_{\nu }}  </span></span>

Steiner-Formel
<span><span>    ∀<!-- ∀ --> a ∈<!-- ∈ --> ℝ<!-- ℝ --> :<!-- : --> V ( X ) = E ( X −<!-- − --> a  )  2   −<!-- − --> ( E X −<!-- − --> a  )  2     {\displaystyle \forall a\in \mathbb {R} :V(X)=E(X-a)^{2}-(EX-a)^{2}}  </span></span>
Stetigkeit
Es gilt:
<span><span>    P (  ⋃<!-- ⋃ -->  j = 1   ∞<!-- ∞ -->    A  j   ) =  lim  j →<!-- → --> ∞<!-- ∞ -->    P (  A  j   )   {\displaystyle P\left(\bigcup _{j=1}^{\infty }A_{j}\right)=\lim _{j\rightarrow \infty }P(A_{j})}  </span></span>
für jede aufsteigende Folge <span><span>     A  1   ⊆<!-- ⊆ -->  A  2   ⊆<!-- ⊆ --> ⋯<!-- ⋯ -->   {\displaystyle A_{1}\subseteq A_{2}\subseteq \cdots }  </span></span> . Ebenso gilt:
<span><span>    P (  ⋂<!-- ⋂ -->  j = 1   ∞<!-- ∞ -->    A  j   ) =  lim  j →<!-- → --> ∞<!-- ∞ -->    P (  A  j   )   {\displaystyle P\left(\bigcap _{j=1}^{\infty }A_{j}\right)=\lim _{j\rightarrow \infty }P(A_{j})}  </span></span>
für jede absteigende Folge <span><span>     A  1   ⊇<!-- ⊇ -->  A  2   ⊇<!-- ⊇ --> ⋯<!-- ⋯ -->   {\displaystyle A_{1}\supseteq A_{2}\supseteq \cdots }  </span></span> .
Subadditivität
<span><span>    P (  ⋃<!-- ⋃ -->  j = 1   ∞<!-- ∞ -->    A  j   ) ≤<!-- ≤ -->  ∑<!-- ∑ -->  j = 1   ∞<!-- ∞ -->    P (  A  j   )   {\displaystyle P\left(\bigcup _{j=1}^{\infty }A_{j}\right)\leq \sum _{j=1}^{\infty }P(A_{j})}  </span></span>

totale W-keit
Sei <span><span>    (  A  n   )  n ∈<!-- ∈ --> ℕ<!-- ℕ -->   {\displaystyle (A_{n})_{n\in \mathbb {N} }}  </span></span> eine Zerlegung von <span><span>    Ω<!-- Ω -->   {\displaystyle \Omega }  </span></span> . Dann gilt:
<span><span>    P ( B ) =  ∑<!-- ∑ -->  j = 1   ∞<!-- ∞ -->    P (  A  j   ) ⋅<!-- ⋅ --> P ( B    A  j   )   {\displaystyle P(B)=\sum _{j=1}^{\infty }P(A_{j})\cdot P(B A_{j})}  </span></span>
Transformationsformel
<span><span>    E ( g ( Z ) ) =  ∑<!-- ∑ -->  z ∈<!-- ∈ -->  ℝ<!-- ℝ -->  k     g ( z ) ⋅<!-- ⋅ --> P ( Z = z )   {\displaystyle E(g(Z))=\sum _{z\in \mathbb {R} ^{k}}g(z)\cdot P(Z=z)}  </span></span>
<span><span>    =  ∫<!-- ∫ -->  ℝ<!-- ℝ -->  k    g ( x ) \,\mathrm{d} x   {\displaystyle =\int _{\mathbb {R} ^{k}}g(x)\,\mathrm {d} x}  </span></span>
Tschebyschow-Ungleichung
<span><span>    P (   X −<!-- − --> E X   ≥<!-- ≥ --> ε<!-- ε --> ) ≤<!-- ≤ -->   1  ε<!-- ε -->  2    ⋅<!-- ⋅ --> V ( X )   {\displaystyle P( X-EX \geq \varepsilon )\leq {\frac {1}{\varepsilon ^{2}}}\cdot V(X)}  </span></span>

Varianz
<span><span>    V ( X ) = min  a ∈<!-- ∈ --> ℝ<!-- ℝ -->    E ( X −<!-- − --> a  )  2     {\displaystyle V(X)=\min _{a\in \mathbb {R} }E(X-a)^{2}}  </span></span>
<span><span>    V ( a ⋅<!-- ⋅ --> X + b ) =  a  2   ⋅<!-- ⋅ --> V ( X )   {\displaystyle V(a\cdot X+b)=a^{2}\cdot V(X)}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) ≥<!-- ≥ --> 0   {\displaystyle V(X)\geq 0}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) = 0 ⟺<!-- ⟺ --> ∃<!-- ∃ --> a ∈<!-- ∈ --> ℝ<!-- ℝ --> : P ( X = a ) = 1   {\displaystyle V(X)=0\iff \exists a\in \mathbb {R} :P(X=a)=1}  </span></span>
<span><span>    V ( X + Y ) = V ( X ) + V ( Y ) + 2 C ( X , Y )   {\displaystyle V(X+Y)=V(X)+V(Y)+2C(X,Y)}  </span></span>
<span><span>    V (  X  1   + ⋯<!-- ⋯ --> +  X  n   )   =  ∑<!-- ∑ -->  j = 1   n    V (  X  j   ) + 2  ∑<!-- ∑ -->  1 ≤<!-- ≤ --> i &lt; j ≤<!-- ≤ --> n    C (  X  i   ,  X  j   )   {\displaystyle V(X_{1}+\cdots +X_{n})=\sum _{j=1}^{n}V(X_{j})+2\sum _{1\leq i&lt;j\leq n}C(X_{i},X_{j})}  </span></span> (siehe auch Steiner-Formel)
ZGWS
Sei <i>X</i> <sub><i>n</i></sub> ~ <i>Bin</i> ( <i>n</i> , <i>p</i> <sub><i>n</i></sub> ) mit <span><span>    lim  n →<!-- → --> ∞<!-- ∞ -->    n  p  n    ( 1 −<!-- − -->  p  n    ) = ∞<!-- ∞ -->   {\displaystyle \lim _{n\rightarrow \infty }np_{n}(1-p_{n})=\infty }  </span></span> . Dann gilt:
<span><span>    lim  n →<!-- → --> ∞<!-- ∞ -->    P ⎡<!-- ⎡ --> a ≤<!-- ≤ -->   X  n   −<!-- − -->  n  p  n     √<!-- √ -->  n  p  n    ( 1 −<!-- − -->  p  n    )    ≤<!-- ≤ --> b ⎤<!-- ⎤ --> ⎣<!-- ⎣ --> ⎤<!-- ⎤ --> = Φ<!-- Φ --> ( b ) −<!-- − --> Φ<!-- Φ --> ( a )   {\displaystyle \lim _{n\rightarrow \infty }P\left(a\leq {\frac {X_{n}-np_{n}}{\sqrt {np_{n}(1-p_{n})}}}\leq b\right)=\Phi (b)-\Phi (a)}  </span></span>
<span><span>    lim  n →<!-- → --> ∞<!-- ∞ -->    P ⎡<!-- ⎡ -->   X  n   −<!-- − -->  n  p  n     √<!-- √ -->  n  p  n    ( 1 −<!-- − -->  p  n    )    ≤<!-- ≤ --> b ⎤<!-- ⎤ --> ⎣<!-- ⎣ --> ⎤<!-- ⎤ --> = Φ<!-- Φ --> ( b )   {\displaystyle \lim _{n\rightarrow \infty }P\left({\frac {X_{n}-np_{n}}{\sqrt {np_{n}(1-p_{n})}}}\leq b\right)=\Phi (b)}  </span></span>

Verteilungen
<b>Binomialverteilung</b>
<i>X</i> ~ <i>Bin</i> ( <i>n</i> , <i>p</i> )
<span><span>    P ( X = k ) =   n k      ⋅<!-- ⋅ -->  p  k   ⋅<!-- ⋅ --> ( 1 −<!-- − --> p  )  n −<!-- − --> k     {\displaystyle P(X=k)={\binom {n}{k}}\cdot p^{k}\cdot (1-p)^{n-k}}  </span></span>
<span><span>     F  X   ( x ) =  ∑<!-- ∑ -->  k ≤<!-- ≤ --> x      n k      ⋅<!-- ⋅ -->  p  k   ⋅<!-- ⋅ --> ( 1 −<!-- − --> p  )  n −<!-- − --> k     {\displaystyle F_{X}(x)=\sum _{k\leq x}{\binom {n}{k}}\cdot p^{k}\cdot (1-p)^{n-k}}  </span></span>
<span><span>    E X = n p   {\displaystyle EX=np}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) = n p ( 1 −<!-- − --> p )   {\displaystyle V(X)=np(1-p)}  </span></span>
Ist <i>Y</i> ~ <i>Bin</i> ( <i>m</i> , <i>p</i> ) und <i>X</i> , <i>Y</i> unabhängig, so gilt
<i>X</i> + <i>Y</i> ~ <i>Bin</i> ( <i>n</i> + <i>m</i> , <i>p</i> ).
<b>Exponentialverteilung</b>
<i>X</i> ~ <i>Exp</i> ( <span><span>    λ<!-- λ -->   {\displaystyle \lambda }  </span></span> )
<span><span>    F  X   ( x ) = ( 1 −<!-- − -->  e  −<!-- − --> λ<!-- λ --> x    ) ⋅<!-- ⋅ -->  1   [ 0 , ∞<!-- ∞ --> ) ( x )   {\displaystyle F_{X}(x)=(1-e^{-\lambda })\cdot \mathbb {1} _{[0,\infty )}(x)}  </span></span>
<span><span>    f  x   ( x ) = λ<!-- λ --> ⋅<!-- ⋅ -->  e  −<!-- − --> λ<!-- λ --> x    ⋅<!-- ⋅ -->  1   [ 0 , ∞<!-- ∞ --> ) ( x )   {\displaystyle f_{x}(x)=\lambda \cdot e^{-\lambda x}\cdot \mathbb {1} _{[0,\infty )}(x)}  </span></span>
<span><span>    E X =   1 λ<!-- λ -->     {\displaystyle EX={\frac {1}{\lambda }}}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) =   1  λ<!-- λ -->  2     {\displaystyle V(X)={\frac {1}{\lambda ^{2}}}}  </span></span>

geometrische Verteilung
<i>X</i> ~ <i>G</i> ( <i>p</i> ) = <i>Nb</i> (1, <i>p</i> )
Gibt die Wahrscheinlichkeit an, dass vor dem ersten Treffer in einem Bernoullischen Versuchsschema mit Trefferwahrscheinlichkeit <i>p</i> genau <i>k</i> Nieten gezogen werden.
<span><span>    P ( X = k ) = p ⋅<!-- ⋅ --> ( 1 −<!-- − --> p  )  k     {\displaystyle P(X=k)=p\cdot (1-p)^{k}}  </span></span>
<span><span>     F  X   ( x ) =  ∑<!-- ∑ -->  k ≤<!-- ≤ --> x    p ⋅<!-- ⋅ --> ( 1 −<!-- − --> p  )  k     {\displaystyle F_{X}(x)=\sum _{k\leq x}p\cdot (1-p)^{k}}  </span></span>
<span><span>    E X =   1 −<!-- − --> p p     {\displaystyle EX={\frac {1-p}{p}}}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) =   1 −<!-- − --> p  p  2     {\displaystyle V(X)={\frac {1-p}{p^{2}}}}  </span></span>
Ist <i>Y</i> ~ <i>G</i> ( <i>p</i> ) und <i>X</i> , <i>Y</i> unabhängig, so gilt <i>X</i> + <i>Y</i> ~ <i>Nb</i> (2, <i>p</i> ).

Gleichverteilung
<i>X</i> ~ <i>U</i> ( <i>A</i> )
<i>diskrete:</i> Sei <i>A</i> = { <i>x</i> <sub>1</sub> , <span> </span> ..., <span> </span> <i>x</i> <sub><i>n</i></sub> }.
<span><span>    P ( X =  x  j   ) =   1 n     {\displaystyle P(X=x_{j})={\frac {1}{n}}}  </span></span>
<span><span>    E X =   1 n    ∑<!-- ∑ -->  j = 1   n    x  j     {\displaystyle EX={\frac {1}{n}}\sum _{j=1}^{n}x_{j}}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) =   1 n    ⎡<!-- ⎡ -->   ∑<!-- ∑ -->  j = 1   n    x  j   2   −<!-- − --> ⎡<!-- ⎡ -->   ∑<!-- ∑ -->  j = 1   n    x  j     ⎤<!-- ⎤ -->  2     ⎣<!-- ⎣ --> ⎤<!-- ⎤ -->   {\displaystyle V(X)={\frac {1}{n}}\left(\sum _{j=1}^{n}x_{j}^{2}-\left(\sum _{j=1}^{n}x_{j}\right)^{2}\right)\,\!}  </span></span>
<i>indiskrete:</i> Sei <i>A</i> ∈ <span><span>     B  1   .   {\displaystyle {\mathfrak {B}}_{1}.}  </span></span>
<span><span>    P ( B ) =    λ<!-- λ -->  1   ( A ∩<!-- ∩ --> B )   λ<!-- λ -->  1   ( A )     {\displaystyle P(B)={\frac {\lambda _{1}(A\cap B)}{\lambda _{1}(A)}}}  </span></span>
<span><span>     F  X   ( x ) =    λ<!-- λ -->  1   ( A ∩<!-- ∩ --> ( −<!-- − --> ∞<!-- ∞ --> , x ] )   λ<!-- λ -->  1   ( A )     {\displaystyle F_{X}(x)={\frac {\lambda _{1}(A\cap (-\infty ,x])}{\lambda _{1}(A)}}}  </span></span>
<span><span>    f  x   ( x ) =   1   λ<!-- λ -->  1   ( A )    ⋅<!-- ⋅ -->  1   A ( x )   {\displaystyle f_{x}(x)={\frac {1}{\lambda _{1}(A)}}\cdot \mathbb {1} _{A}(x)}  </span></span>

hypergeometrische Verteilung
<i>X</i> ~ <i>Hyp</i> ( <i>n</i> , <i>r</i> , <i>s</i> )
Gibt die Wahrscheinlichkeit an, beim <i>n</i> -maligen Ziehen ohne Zurücklegen <i>k</i> der <i>r</i> roten von insgesamt <i>r</i> + <i>s</i> Kugeln zu ziehen.
<span><span>    P ( X = k ) =    (   r k    )   ⋅<!-- ⋅ -->    (   n −<!-- − --> r   n −<!-- − --> k    )     (   r + s n   )     {\displaystyle P(X=k)={\frac {\textstyle {\binom {r}{k}}\cdot {\binom {n-r}{n-k}}}{\textstyle {\binom {r+s}{n}}}}  </span></span>
<span><span>    E X =   r n r + s     {\displaystyle EX={\frac {rn}{r+s}}}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) =    (   r s r + s    )   ⎡<!-- ⎡ -->   1 −<!-- − -->   r r + s    ⎤<!-- ⎤ --> ⎣<!-- ⎣ --> ⎤<!-- ⎤ -->   ⎡<!-- ⎡ -->   r + s −<!-- − --> n   r + s −<!-- − --> 1    ⎤<!-- ⎤ --> ⎣<!-- ⎣ --> ⎤<!-- ⎤ -->   {\displaystyle V(X)={\textstyle {\binom {rs}{r+s}}\left[1-{\frac {r}{r+s}}\right]\left[{\frac {r+s-n}{r+s-1}}\right]}  </span></span>

Multinomialverteilung
<i>X</i> = ( <i>X</i> <sub>1</sub> , <span> </span> ..., <span> </span> <i>X</i> <sub><i>s</i></sub> ) ~ <i>Mult</i> ( <i>n</i> , <i>p</i> <sub>1</sub> , <span> </span> ..., <span> </span> <i>p</i> <sub><i>s</i></sub> )
<span><span>    P ( X = x ) =   (   n   x  1   , . . . ,  x  s     )   ⋅<!-- ⋅ -->  ∏<!-- ∏ -->  j = 1   s    p  j    x  j     {\displaystyle P(X=x)={\binom {n}{x_{1},\ldots ,x_{s}}\cdot \prod _{j=1}^{s}p_{j}^{x_{j}}}  </span></span>
<span><span>     X  k   ~ B i n ( n ,  p  k   )   {\displaystyle X_{k}\sim Bin(n,p_{k})}  </span></span>
<span><span>    ∑<!-- ∑ -->  j = 1   k    X  i   j   ~ B i n ( n ,  ∑<!-- ∑ -->  j = 1   k    p  i   j   )   {\displaystyle \sum _{j=1}^{k}X_{i_{j}}\sim Bin(n,\sum _{j=1}^{k}p_{i_{j}})}  </span></span>
<span><span>    C (  X  i   ,  X  j   ) = −<!-- − -->  n  p  i   p  j     {\displaystyle C(X_{i},X_{j})=-np_{i}p_{j}}  </span></span>
<span><span>    ρ<!-- ρ --> (  X  i   ,  X  j   ) = −<!-- − -->    p  i   p  j    ( 1 −<!-- − -->  p  i   ) ( 1 −<!-- − -->  p  j   )     {\displaystyle \rho (X_{i},X_{j})=-{\sqrt {\frac {p_{i}p_{j}}{(1-p_{i})(1-p_{j})}}}}  </span></span>

negative Binomialverteilung
<i>X</i> ~ <i>Nb</i> ( <i>r</i> , <i>p</i> )
Gibt die Wahrscheinlichkeit an, dass vor dem <i>r</i> -ten Treffer in einem Bernoullischen Versuchsschema mit Trefferwahrscheinlichkeit <i>p</i> genau <i>k</i> Nieten gezogen werden.
<span><span>    P ( X = k ) =   (   k + r −<!-- − --> 1   k   )   ⋅<!-- ⋅ -->  p  r   ⋅<!-- ⋅ --> ( 1 −<!-- − --> p  )  k     {\displaystyle P(X=k)={\binom {k+r-1}{k}}\cdot p^{r}\cdot (1-p)^{k}}  </span></span>
<span><span>     F  X   ( x ) =  ∑<!-- ∑ -->  k ≤<!-- ≤ --> x    (   k + r −<!-- − --> 1   k   )   ⋅<!-- ⋅ -->  p  r   ⋅<!-- ⋅ --> ( 1 −<!-- − --> p  )  k     {\displaystyle F_{X}(x)=\sum _{k\leq x}{\binom {k+r-1}{k}}\cdot p^{r}\cdot (1-p)^{k}}  </span></span>
<span><span>    E X = r ⋅<!-- ⋅ -->   1 p     {\displaystyle EX=r\cdot {\frac {1-p}{p}}}  </span></span>
<span><span>    V ( X ) = r ⋅<!-- ⋅ -->   1 −<!-- − --> p  p  2     {\displaystyle V(X)=r\cdot {\frac {1-p}{p^{2}}}}  </span></span>
Ist <i>Y</i> ~ <i>Nb</i> ( <i>s</i> , <i>p</i> ) und <i>X</i> , <i>Y</i> unanähängig, so gilt
<i>X</i> + <i>Y</i> ~ <i>Nb</i> ( <i>r</i> + <i>s</i> , <i>p</i> ).

Normalverteilung
<i>X</i> ~ <i>N</i> ( <span><span>    μ<!-- μ --> ,  σ<!-- σ -->  2     {\displaystyle \mu ,\sigma ^{2}}  </span></span> )
<span><span>    F  X   ( x ) = Φ<!-- Φ --> ⎡<!-- ⎡ -->   x −<!-- − --> μ<!-- μ -->   σ<!-- σ -->     ⎤<!-- ⎤ -->   {\displaystyle F_{X}(x)=\Phi \left({\frac {x-\mu }{\sigma }}\right)}  </span></span>
<span><span>    Φ<!-- Φ --> ( x ) =  ∫<!-- ∫ -->  −<!-- − --> ∞<!-- ∞ -->   x    1   √<!-- √ -->  2 π<!-- π -->    exp ⁡<!-- ⁡ --> ⎡<!-- ⎡ --> −<!-- − -->   y  2   2   ⎤<!-- ⎤ -->   d y   {\displaystyle \Phi (x)=\int _{-\infty }^{x}{\frac {1}{\sqrt {2\pi }}}\exp \left(-{\frac {y^{2}}{2}}\right)\,\mathrm {d} y}  </span></span>
<span><span>    Φ<!-- Φ --> ( x ) = 1 −<!-- − --> Φ<!-- Φ --> ( −<!-- − --> x )   {\displaystyle \Phi (x)=1-\Phi (-x)}  </span></span>
<span><span>    Φ<!-- Φ -->  −<!-- − --> 1   ( x ) = −<!-- − --> Φ<!-- Φ -->  −<!-- − --> 1   ( 1 −<!-- − --> x )   {\displaystyle \Phi ^{-1}(x)=-\Phi ^{-1}(1-x)}  </span></span>
<span><span>    f  x   ( x ) =    1   σ<!-- σ --> √<!-- √ --> 2 π<!-- π -->    ⋅<!-- ⋅ --> exp ⁡<!-- ⁡ --> ⎡<!-- ⎡ --> −<!-- − -->   ( x −<!-- − --> μ<!-- μ -->  )  2     2  σ<!-- σ -->  2     ⎤<!-- ⎤ -->   {\displaystyle f_{x}(x)={\frac {1}{\sigma {\sqrt {2\pi }}}}\cdot \exp \left(-{\frac {(x-\mu )^{2}}{2\sigma ^{2}}}\right)}  </span></span>
<span><span>    E X = μ<!-- μ -->   {\displaystyle EX=\mu }  </span></span>
<span><span>    V ( X ) =  σ<!-- σ -->  2     {\displaystyle V(X)=\sigma ^{2}}  </span></span>
Ist <i>Y</i> ~ <i>N</i> ( <span><span>    μ<!-- μ --> ¯<!-- ¯ --> ,  σ<!-- σ -->  2   ¯<!-- ¯ -->   {\displaystyle {\bar {\mu }},{\bar {\sigma ^{2}}}  </span></span> ) und <i>X</i> , <i>Y</i> unanähängig, so gilt
<i>X</i> + <i>Y</i> ~ <i>N</i> ( <span><span>    μ<!-- μ --> ¯<!-- ¯ --> +  μ<!-- μ --> ¯<!-- ¯ --> ,  σ<!-- σ -->  2   ¯<!-- ¯ --> +  σ<!-- σ -->  2   ¯<!-- ¯ -->   {\displaystyle {\bar {\mu }}+{\bar {\mu }},{\bar {\sigma ^{2}}}+{\bar {\sigma ^{2}}}  </span></span> ).
<i>mehrdimensionale:</i> <i>X</i> ~ <i>N</i> <sub><i>k</i></sub> ( <span><span>    μ<!-- μ --> , Σ<!-- Σ -->   {\displaystyle \mu ,\Sigma }  </span></span> ) Dabei seien <i>Y</i> <sub>1</sub> , <span> </span> ..., <span> </span> <i>Y</i> <sub><i>k</i></sub> ~ <i>N</i> (0,1) unabhängig, <i>A</i> ∈ <span><span>     ℝ<!-- ℝ -->  k ×<!-- × --> k     {\displaystyle \mathbb {R} ^{k\times k}}  </span></span> regulär, <span><span>    Σ<!-- Σ --> = A ⋅<!-- ⋅ -->  A  +   , μ<!-- μ --> ∈<!-- ∈ -->  ℝ<!-- ℝ -->  k   {\displaystyle \Sigma =A\cdot A^{+},\mu \in \mathbb {R} ^{k}}  </span></span> und <i>X</i> <span> </span> := <span> </span> <i>A</i> · <i>Y</i> + <span><span>    μ<!-- μ -->   {\displaystyle \mu }  </span></span> . Dann gilt:
<span><span>    f  x   ( x ) =    1   √<!-- √ --> ( 2 π<!-- π -->  )  k   ⋅<!-- ⋅ --> det ⁡<!-- ⁡ --> Σ<!-- Σ -->    ⋅<!-- ⋅ --> exp ⁡<!-- ⁡ --> ⎡<!-- ⎡ --> −<!-- − -->   1 2    ( x −<!-- − --> μ<!-- μ -->  )  ⊥<!-- ⊥ -->    Σ<!-- Σ -->  −<!-- − --> 1   ( x −<!-- − --> μ<!-- μ --> )   ⎤<!-- ⎤ -->   {\displaystyle f_{x}(x)={\frac {1}{\sqrt {(2\pi )^{k}}\cdot \det \Sigma }}\cdot \exp \left(-{\frac {1}{2}}(x-\mu )^{\perp }\Sigma ^{-1}(x-\mu )\right)}  </span></span>

Poisson-Verteilung
<i>X</i> ~ <i>Po</i> ( <span><span>    λ<!-- λ -->   {\displaystyle \lambda }  </span></span> )
<span><span>    P ( X = k ) =  e  −<!-- − --> λ<!-- λ -->    ⋅<!-- ⋅ -->   λ<!-- λ -->  k    k !     {\displaystyle P(X=k)=e^{-\lambda }\cdot {\frac {\lambda ^{k}}{k!}}}  </span></span>
<span><span>     F  X   ( x ) =  ∑<!-- ∑ -->  k ≤<!-- ≤ --> x    e  −<!-- − --> λ<!-- λ -->    ⋅<!-- ⋅ -->   λ<!-- λ -->  k    k !     {\displaystyle F_{X}(x)=\sum _{k\leq x}e^{-\lambda }\cdot {\frac {\lambda ^{k}}{k!}}}  </span></span>
<span><span>    E X = λ<!-- λ -->   {\displaystyle EX=\lambda }  </span></span>
<span><span>    V ( X ) = λ<!-- λ -->   {\displaystyle V(X)=\lambda }  </span></span>
Ist <i>Y</i> ~ <i>Po</i> ( <span><span>    μ<!-- μ -->   {\displaystyle \mu }  </span></span> ) und <i>X</i> , <i>Y</i> unabhängig, so gilt
<i>X</i> + <i>Y</i> ~ <i>Po</i> ( <span><span>    λ<!-- λ --> + μ<!-- μ -->   {\displaystyle \lambda +\mu }  </span></span> ). In diesem Fall ist
<span><span>     p  X   X + Y = n    ~<!-- ~ --> B i n ⎡<!-- ⎡ --> n ,   λ<!-- λ --> λ<!-- λ --> + μ<!-- μ -->    ⎤<!-- ⎤ -->   {\displaystyle p^{X X+Y=n}\sim Bin\left(n,{\frac {\lambda }{\lambda +\mu }}\right)}  </span></span>