极客时间算法训练营 第三课 哈希表、集合、映射

李煜东

《算法竞赛进阶指南》作者





日灵

- 1. 哈希表的原理与实现
- 2. 无序集合、映射的实现与应用
- 3. 实战:实现一个 LRU

哈希表的原理与实现



哈希表

哈希表(Hash table)又称散列表,是一种可以通过"关键码"(key)直接进行访问的数据结构。

哈希表由两部分组成

- 一个数据结构,通常是链表、数组
- Hash 函数,输入"关键码"(key),返回数据结构的索引

对外表现为可以通过关键码直接访问: hash_table[key] = value

实际上是在数据结构的 hash(key) 位置处存储了 value: data_structure[hash(key)] = value



哈希表

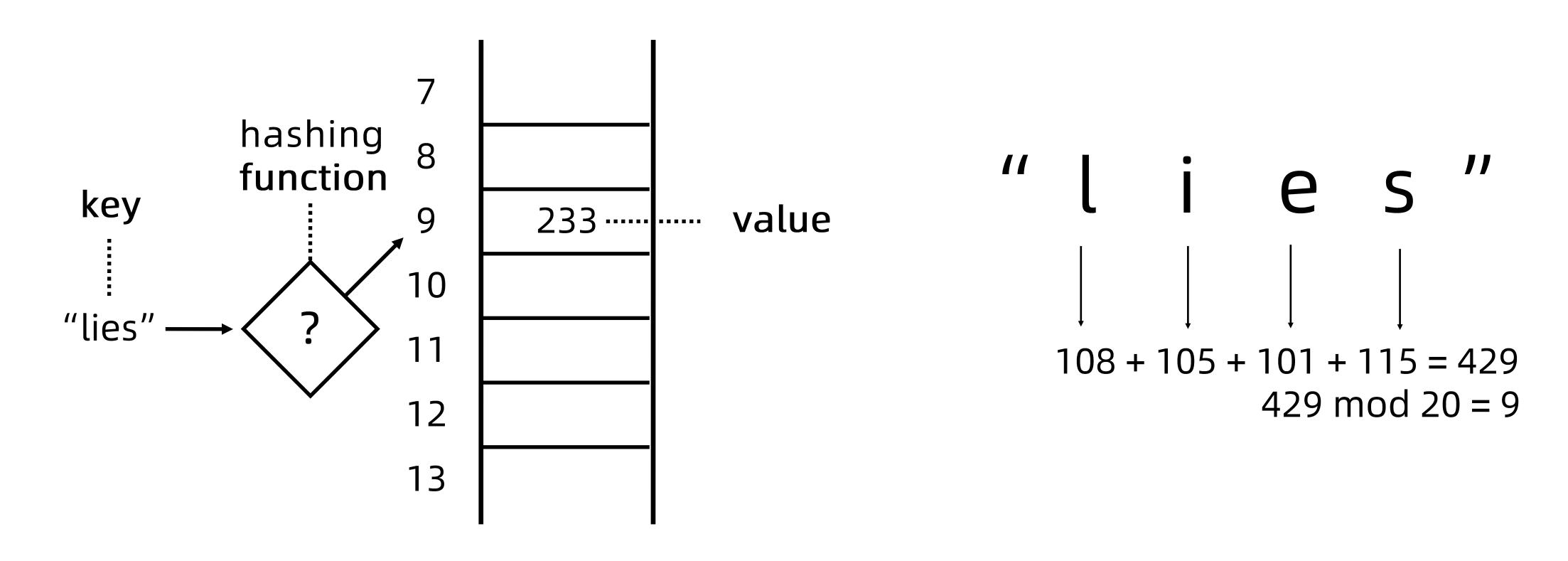
最简单的例子,关键码是整数,定义 hash(key) = key 那这个哈希表其实就是一个数组了,key 自己就是下标

当然,一般情况下,关键码 key 是一个比较复杂的信息,比如很大的数、字符串这时候 key 就不能直接作为数据结构的下标了此时就需要设计一个 Hash 函数,把复杂信息映射到一个较小的值域内,作为索引



哈希表

一个简单的 hash_table["lies"] = 233 的例子,以各字符 ASCII 码相加 mod 20 为 Hash 函数





哈希碰撞

哈希碰撞(Collisions)指的是两个不同的 key 被计算出同样的 Hash 结果

把复杂信息映射到小的值域,发生碰撞是不可避免的 好的 Hash 函数可以减少碰撞发生的几率,让数据尽可能地均衡分布

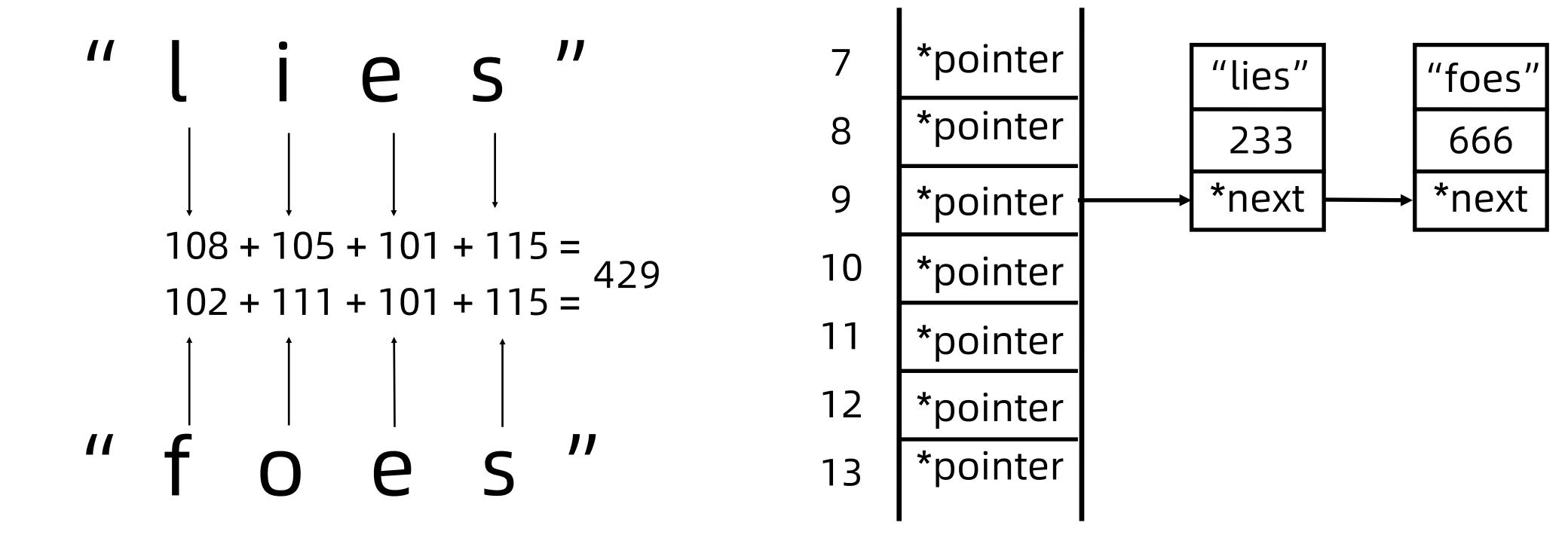
开散列是最常见的碰撞解决方案

- Hash 函数依然用于计算数组下标
- 数组的每个位置存储一个链表的表头指针(我们称它为表头数组)
- 每个链表保存具有同样 Hash 值的数据

形象描述: "挂链" ——表头数组每个位置"挂"着一个链表



哈希碰撞 + 开散列



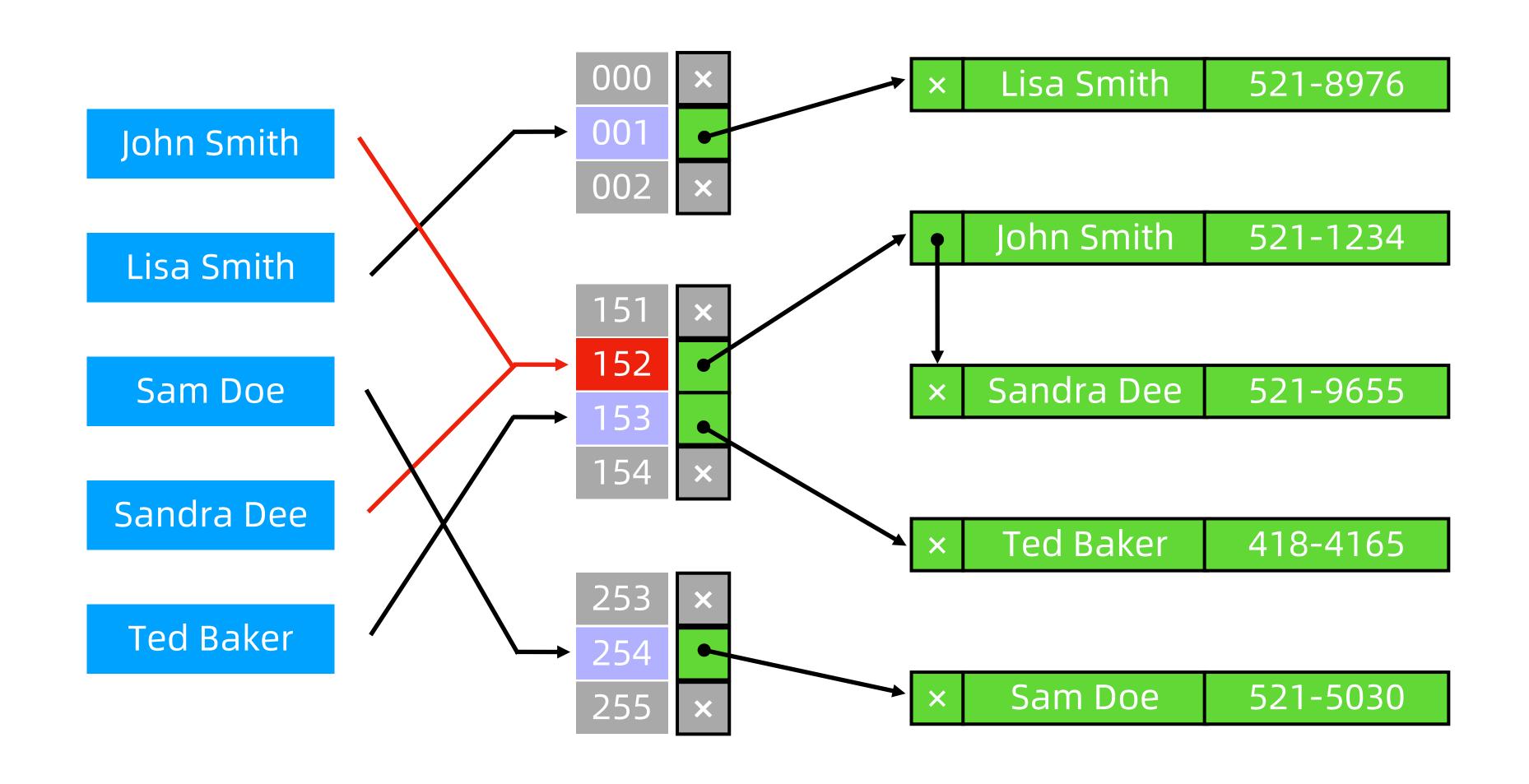


极客时间

- 电话号码簿
- 用户信息表
- 缓存 (LRU Cache)
- 键值对存储 (Redis)



完整结构图





时间复杂度

- 期望:插入、查询、删除 O(1)
 - 数据分布比较均衡时
- 最坏:插入、查询、删除 O(n)
 - 数据全部被映射为相同的 Hash 值时

无序集合、映射的实现与应用



集合与映射

集合 (set) 存储不重复的元素

- 有序集合,遍历时按元素大小排列,一般用平衡二叉搜索树实现,O(logN)
- 无序集合,一般用 hash 实现, O(1)

映射(map)存储关键码(key)不重复的键值对(key-value pair)

- 有序映射,遍历时按照 key 大小排列,一般用平衡二叉搜索树实现,O(logN)
- 无序映射,一般用哈希表实现,O(1)

对于语言内置的类型(int, string),已经有默认的优秀的 hash 函数,可以直接放进 set/map 里使用



C++ code

set与 unordered_set

- 文档
- unordered_set<string>s;
- insert, find, erase, clear 等方法
- multiset

map 与 unordered_map

- 文档
- unordered_map<string, int> h;
- h[key] = value
- find(key), erase(key), clear 等方法
- multimap



Java code

Set: 不重复元素的集合, 文档, 示例

- HashSet<...> set = new HashSet<>()
- set.add(value)
- set.contains(value)
- set.remove(value)

Map: key-value对,key不重复,文档,示例

- HashMap<..., ...> map = new HashMap<>()
- map.put(key, value)
- map.get(key)
- map.remove(key)
- map.clear()



Python code

```
list_a = list([1, 2, 3, 4])
集合
set_a = {'jack', 'selina', 'Andy'}
set_b = set(list_a)
字典
map_a = {
 'Jack': 100,
 '张三': 80,
 'Candela': 90,
```



两数之和

https://leetcode-cn.com/problems/two-sum/description/

基本思路: 枚举一个数 x,找它前面有没有 target - x 所以建立一个数值到下标的hash map就可以了对于每个数 x,先查询 target - x,再插入 x 时间复杂度 O(n)



模拟行走机器人

https://leetcode-cn.com/problems/walking-robot-simulation/

可以用 set 或者 map 存储障碍物,从而快速判断一个格子里有没有障碍可以利用方向数组简化实现(代替 if)



字母异位词分组

https://leetcode-cn.com/problems/group-anagrams/

对字符串分组,其实就是进行 Hash 让同一组的字符串具有相同的 Hash 函数值,不同组的字符串具有不同的 Hash 函数值 然后就可以用 hash map 分组了

方案一:把每个字符串中的字母排序,排序后的串作为 hash map 的 key map<string, group>

方案二: 统计每个字符串中各字母出现次数, 把长度为 26 的计数数组作为 key map<array<26, int>, group> (C++ std::array, Python tuple)



串联所有单词的子串

https://leetcode-cn.com/problems/substring-with-concatenation-of-all-words/

遇到难题,先分解

不会求解,可以先想想判定:

给出一个 s 的子串、words, 判定这个子串是不是 words 的串联?

把子串划分以后,其实就是比较两个 Hash map 是否相等

```
"barfoothefoobarman" mapA = {"bar": 1, "foo": 1}
```



串联所有单词的子串

https://leetcode-cn.com/problems/substring-with-concatenation-of-all-words/

回到原问题:

枚举子串的所有起始位置,O(length of s * total length of words)

<mark>bar</mark>foothefoobarman → b<mark>arf</mark>oothefoobarman → ...

枚举部分起始位置 + 滑动窗口,O(length of s * length of one word)

barfoothefoobarman → barfoothefoobarman → ...

 $barfoothefoobarman \rightarrow barfoothefoobarman \rightarrow ...$

. . .

Homework: 实现一个map

自己动手,用哈希表(开散列)实现一个无序映射(map)

固定以 string 为关键码, int 为值 支持 find, put, remove 方法即可

参考 Hash 函数:

把字符串看成27进制数(a=1, b=2, z=26) 计算该27进制数在10进制下的数值,对99991取模 形成一个表头数组长度为99991的开散列表 实战:实现一个LRU



Cache

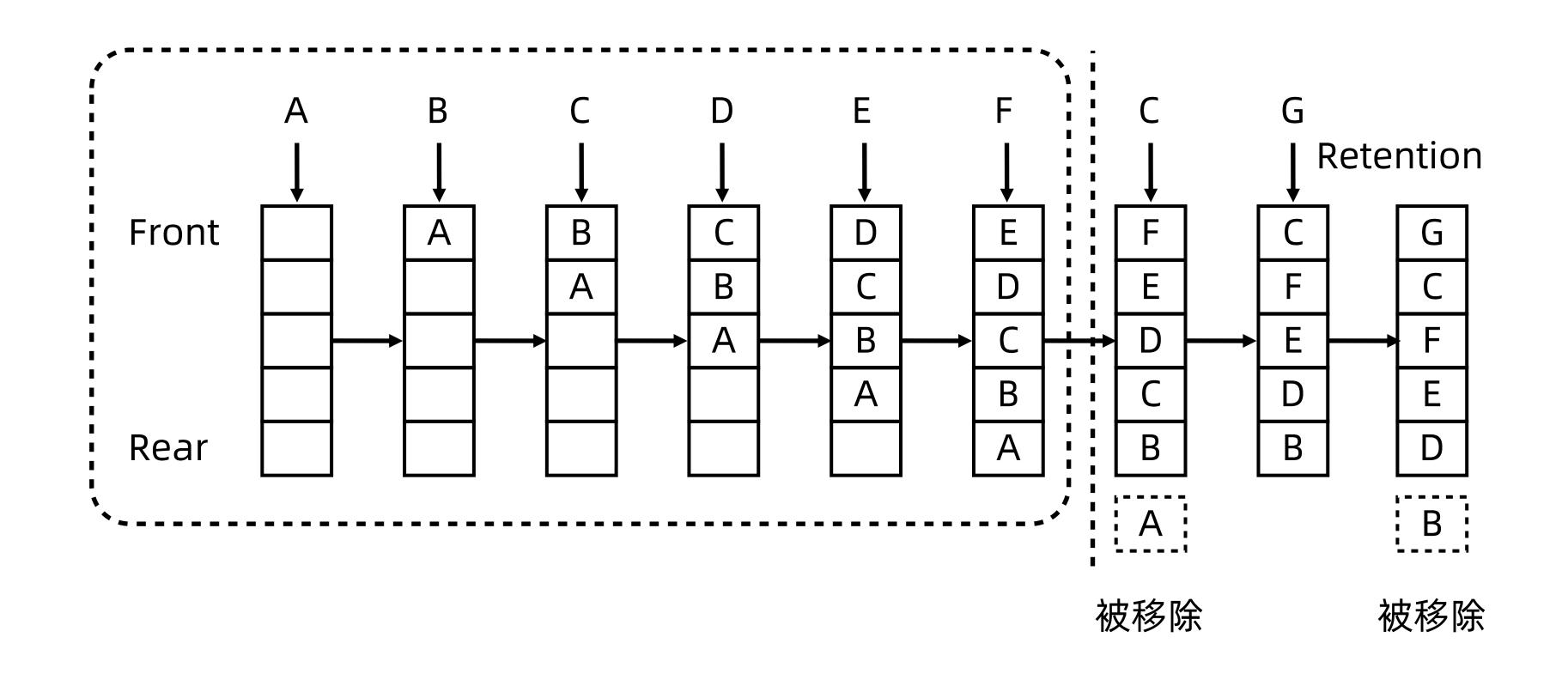
缓存的两个要素:大小、替换策略

常见替换算法:

- LRU least recently used,最近最少使用(淘汰最旧数据)
- LFU least frequently used,最不经常使用(淘汰频次最少数据)



LRU cache





实战:实现一个LRU

https://leetcode-cn.com/problems/lru-cache/

哈希表 + 双向链表

• 双向链表用于按时间顺序保存数据

• 哈希表用于把 key 映射到链表结点(指针/引用)

O(1) 访问:直接检查哈希表

O(1) 更新:通过哈希表定位到链表结点,删除该结点(若存在),在表头重新插入

O(1) 删除: 总是淘汰链表末尾结点,同时在哈希表中删除

Homework

子域名访问计数

https://leetcode-cn.com/problems/subdomain-visit-count/

数组的度

https://leetcode-cn.com/problems/degree-of-an-array/

元素和为目标值的子矩阵数量

https://leetcode-cn.com/problems/number-of-submatrices-that-sum-t<mark>o-target/</mark>

THANKS

₩ 极客时间 训练营