#### Avaliação da Recuperação

#### **Wendel Melo**

Faculdade de Computação Universidade Federal de Uberlândia

Recuperação da Informação Adaptado do Material da Prof<sup>a</sup> Vanessa Braganholo - IC/UFF

# Avaliação de sistemas de busca

 Podemos avaliar um sistema de busca quanto a uma série de fatores:

## Avaliação de sistemas de busca

- Podemos avaliar um sistema de busca quanto a uma série de fatores:
  - Desempenho;
  - Escalabilidade;
  - Utilização de recursos;
  - Interfaces de entrada e saída;
  - ...

# Avaliação de sistemas de busca

- Podemos avaliar um sistema de busca quanto a uma série de fatores:
  - Desempenho;
  - Escalabilidade;
  - Utilização de recursos;
  - Interfaces de entrada e saída;
  - ...
- No entanto, os termos avaliação de sistemas de busca e/ou avaliação de recuperação de informação são utilizados no contexto de aferir a qualidade da resposta de sistemas de busca.

# Avaliação da Recuperação da Informação

- É um processo sistemático no qual se associa uma métrica quantitativa aos resultados produzidos por um sistema de RI (busca) em resposta a um conjunto de consultas de usuário;
- A métrica associada deve estar diretamente associada à relevância dos resultados para os usuários;
- Assim, embora a métrica seja quantitativa, o objetivo final é avaliar a qualidade do sistema com respeito às respostas fornecidas.

 Para saber se o mesmo está cumprindo seu papel e como está desempenhando;

- Para saber se o mesmo está cumprindo seu papel e como está desempenhando;
- Para comparar com outros sistemas de RI;

- Para saber se o mesmo está cumprindo seu papel e como está desempenhando;
- Para comparar com outros sistemas de RI;
- Para avaliar se modificações no modelo de RI e/ou no ranqueamento trazem melhorias ao sistema;

- Para saber se o mesmo está cumprindo seu papel e como está desempenhando;
- Para comparar com outros sistemas de RI;
- Para avaliar se modificações no modelo de RI e/ou no ranqueamento trazem melhorias ao sistema;
- Para saber com quais tipos de base de dados/consultas o sistema/modelo pode funcionar melhor.

- Na prática, pode ser difícil avaliar um sistema de RI, pois a relevância pode depender de muitos fatores subjetivos para cada usuário;
- Ainda assim, costuma-se associar métricas aos resultados da consulta por:
  - Simplicidade;
  - Poder repetir experimentos diversas vezes;
  - Custo relativamente baixo.

Qual seria a metodologia mais intuitiva para a avaliação de sistemas de RI?

 Convocar especialistas para analisar a resposta produzida pelo sistema de RI?

- Convocar especialistas para analisar a resposta produzida pelo sistema de RI?
  - Seria custoso, demorado e não prático para avaliar diversas configurações distintas.

- Convocar especialistas para analisar a resposta produzida pelo sistema de RI?
  - Seria custoso, demorado e não prático para avaliar diversas configurações distintas.
- Comparar o resultado produzido por um sistema de RI com o produzido por especialistas humanos;

- Comparar o resultado produzido por um sistema de RI com o produzido por especialistas humanos;
- É comum então a adoção das chamadas coleções de referência.
- Coleções de referência: bases de documentos de referência onde especialistas já apontaram quais seriam os documentos relevantes para determinadas consultas específicas.

# Exemplos de coleções de referência

- TREC (Text Retrieval Conference)
- CF (Cystic Fibrosis Database) na MEDLINE
- http://www.search-engines-book.com/collections/
  - CACM (Communications of the ACM)
  - Wikipedia

- Dada uma coleção de referência, com uma conhecida requisição de informação (consulta) I, sejam:
  - R: conjunto de documentos relevantes (apontados por especialistas);
  - A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- A partir desses dois conjuntos, definimos as métricas de precisão e revocação (cobertura).

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- Precisão: fração dos documentos recuperados que é relevante:

$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- Precisão: fração dos documentos recuperados que é relevante:

$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

A precisão se remete ao quanto os resultados da busca são uteis.

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- Precisão: fração dos documentos recuperados que é relevante:

$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

- A precisão se remete ao quanto os resultados da busca são uteis.
- A precisão por si só é uma medida completa para avaliação?

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- Precisão: fração dos documentos recuperados que é relevante:

$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

- A precisão se remete ao quanto os resultados da busca são uteis.
- A precisão por si só é uma medida completa para avaliação?
- E se houverem 100 docs relevantes e o algoritmo recuperar 10 docs, sendo 9 relevantes?

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- Precisão: fração dos documentos recuperados que é relevante:

$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

- A precisão se remete ao quanto os resultados da busca são uteis.
- A precisão por si só é uma medida completa para avaliação?
- E se houverem 100 docs relevantes e o algoritmo recuperar 10 docs, sendo 9 relevantes?
- A precisão será de 90%! Mas só se recuperou 9 de 100 relevantes...

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- **Precisão:** fração dos documentos recuperados que é relevante:

$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

Revocação (cobertura): fração dos documentos relevantes que é recuperada

$$revocação = r = \frac{|R \cap A|}{|R|}$$

- R: conjunto de documentos relevantes (apontado por especialistas);
- A: conjunto resposta do algoritmo de RI sendo avaliado.
- Precisão: fração dos documentos recuperados que é relevante:

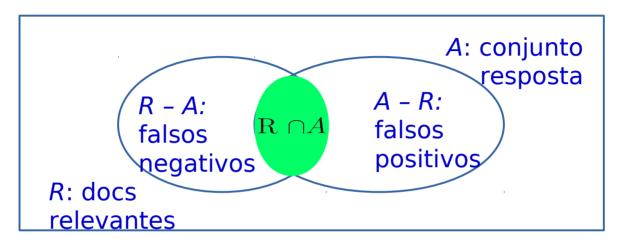
$$precis\~ao = p = \frac{|R \cap A|}{|A|}$$

Revocação (cobertura): fração dos documentos relevantes que é recuperada

$$revocação = r = \frac{|R \cap A|}{|R|}$$

A revocação se refere a quão completos os resultados estão!

- Pode-se obter 100% de revocação se todos os documentos forem retornados em todas as consultas!
  - Todavia, a precisão será baixa



- A precisão é máxima quando o conjunto A-R (falsos positivos) é vazio;
- A revocação é máxima quando o conjunto R-A (falsos negativos) é vazio

- Observe que as métricas de precisão e revocação supõem que todos os documentos do conjunto resposta foram avaliados;
- Na prática, muitas vezes o usuário examina uma parte da resposta de acordo com a ordem de ranqueamento;
- Assim, as medidas de precisão e revocação variam conforme o usuário vai avaliando as respostas, e costuma-se plotar uma curva de precisão versus revocação.

 Suponha que, para uma consulta q de uma coleção de referência, o conjunto R tenha 10 docs relevantes e que os docs recuperados pelo algoritmo, já com ranqueamento, foram:

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

Pocumentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

Quando o usuário olhar apenas o 1º doc (d<sub>12</sub>), pelo fato do mesmo ser relevante, teremos 10% de revocação (1 doc relevante observado de um total 10) e 100% de precisão (todos os docs vistos até então são relevantes).

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

- O próximo documento relevante é o terceiro (d<sub>56</sub>);
- Nesse ponto, teremos 20% de revocação (dois docs relevantes observados de um total de 10) e 67% de precisão (dos três docs vistos ate então, dois são relevantes).

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

- O próximo documento relevante é o sexto (d<sub>9</sub>);
- Nesse ponto, teremos 30% de revocação (três docs relevantes observados de um total de 10) e 50% de precisão (dos seis docs vistos ate então, três são relevantes).

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

- O próximo documento relevante é o décimo (d<sub>25</sub>);
- Nesse ponto, teremos 40% de revocação (quatro docs relevantes observados de um total de 10) e 40% de precisão (dos dez docs vistos ate então, quatro são relevantes).

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

- Por fim, o último documento relevante é o décimo quinto (d<sub>3</sub>);
- Nesse ponto, teremos 50% de revocação (5 docs relevantes observados de um total de 10) e 33% de precisão (dos 15 docs vistos ate então, 5 são relevantes).

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

#### Assim, montamos a seguinte tabela:

Revocação	Precisão
10%	100%
20%	67%
30%	50%
40%	40%
50%	33%

Só é necessário tabelar nas revocações relativas a documentos relevantes!

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

#### Assim, montamos a seguinte tabela:

Revocação	Precisão
10%	100%
20%	67%
30%	50%
40%	40%
50%	33%

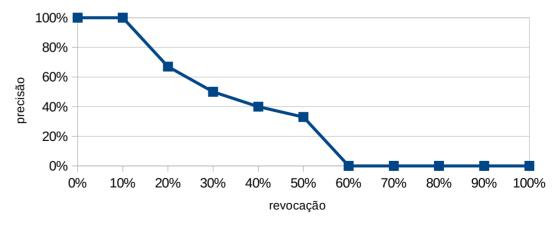
Montamos então um gráfico com a precisão em cada nível de revocação.

1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

#### Assim, montamos a seguinte tabela:

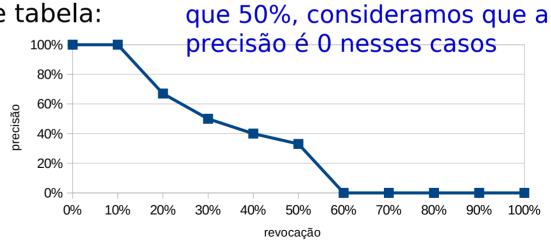
Revocação	Precisão
10%	100%
20%	67%
30%	50%
40%	40%
50%	33%



1 - d <sub>12</sub> *	5 - d <sub>8</sub>	9 - d <sub>18</sub>	13 - d <sub>27</sub>	Documentos com
2 - d <sub>84</sub>	6 - d <sub>9</sub> *	10 - d <sub>25</sub> *	14 - d <sub>11</sub>	* também perten- cem a <i>R</i> , isto é,
3 - d <sub>56</sub> *	7 - d <sub>51</sub>	11 - d <sub>38</sub>	15 - d <sub>3</sub> *	são relevantes
4 - d <sub>6</sub>	8 - d <sub>19</sub>	12 - d <sub>48</sub>	Como r	não há revocação maior

Assim, montamos a seguinte tabela:

Revocação	Precisão
10%	100%
20%	67%
30%	50%
40%	40%
50%	33%



Em geral, adotamos 11 níveis padrão de revocação:

$$r_0 = 0\%$$
,  $r_1 = 10\%$ ,  $r_2 = 20\%$ , ...  $r_{10} = 100\%$ 

- Em outras palavras, só plotamos no gráfico as precisões relativas às revocações de 0%, 10%, 20%, ..., 90%, 100%
- Para evitar picos nos gráficos, adota-se a seguinte regra de interpolação:

$$p(r_j)=$$
 maior precisão nas revocações maiores ou iguais a  $\ r_j$ 

Regra de interpolação

• Para evitar picos nos gráficos, consideramos que a precisão  $p(r_j)$  na revocação  $r_i$  é dada por:

$$p(r_j) = m$$
aior precisão nas revocações maiores ou iguais a  $r_j$ 

Ou, equivalentemente:

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

 Assim, teremos uma curva não crescente, pois, em cada ponto, considera-se a precisão como o maior valor tabelado daquele ponto em diante.

 Exemplo: Suponha que, para uma consulta q<sub>2</sub> conhecida, existam 4 docs relevantes, e que a resposta do algoritmo avaliado foi:

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

1 - d <sub>7</sub>	5 - d <sub>79</sub>
2 - d <sub>6</sub> *	6 - d <sub>30</sub>
3 - d <sub>2</sub>	7 - d <sub>1</sub> *
4 - d <sub>13</sub>	8 - d <sub>15</sub> *

 Exemplo: Suponha que, para uma consulta q<sub>2</sub> conhecida, existam 4 docs relevantes, e que a resposta do algoritmo avaliado foi:

1 - d <sub>7</sub>	5 - d <sub>79</sub>
2 - d <sub>6</sub> *	6 - d <sub>30</sub>
3 - d <sub>2</sub>	7 - d <sub>1</sub> *
4 - d <sub>13</sub>	8 - d <sub>15</sub> *

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

 O segundo resultado é o primeiro relevante. Assim, para a revocação de 25%, temos 1/2 = 50% de precisão.

 Exemplo: Suponha que, para uma consulta q<sub>2</sub> conhecida, existam 4 docs relevantes, e que a resposta do algoritmo avaliado foi:

1 - d <sub>7</sub>	5 - d <sub>79</sub>
2 - d <sub>6</sub> *	6 - d <sub>30</sub>
3 - d <sub>2</sub>	7 - d <sub>1</sub> *
4 - d <sub>13</sub>	8 - d <sub>15</sub> *

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

- O segundo resultado é o primeiro relevante. Assim, para a revocação de 25%, temos 1/2 = 50% de precisão.
- O sétimo resultado é o segundo relevante. Assim, para revocação de 50%, temos 2/7 = 29% de precisão.

 Exemplo: Suponha que, para uma consulta q<sub>2</sub> conhecida, existam 4 docs relevantes, e que a resposta do algoritmo avaliado foi:

1 - d <sub>7</sub>	5 - d <sub>79</sub>
2 - d <sub>6</sub> *	6 - d <sub>30</sub>
3 - d <sub>2</sub>	7 - d <sub>1</sub> *
4 - d <sub>13</sub>	8 - d <sub>15</sub> *

Documentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

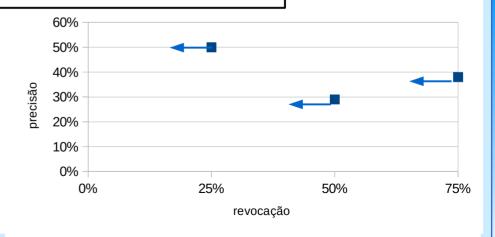
- O segundo resultado é o primeiro relevante. Assim, para a revocação de 25%, temos 1/2 = 50% de precisão.
- O sétimo resultado é o segundo relevante. Assim, para revocação de 50%, temos 2/7 = 29% de precisão.
- O oitavo resultado é o terceiro relevante. Assim, para a revocação de 75%, temos 3/8 = 38 % de precisão.

1 - d <sub>7</sub>	5 - d <sub>79</sub>
2 - d <sub>6</sub> *	6 - d <sub>30</sub>
3 - d <sub>2</sub>	7 - d <sub>1</sub> *
4 - d <sub>13</sub>	8 - d <sub>15</sub> *

Pocumentos com \* também pertencem a R, isto é, são relevantes

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%



#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(0\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$$

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(0\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$$
  
 $p(10\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$ 

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(0\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$$
  
 $p(10\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$   
 $p(20\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$ 

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(0\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$$
 $p(10\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$ 
 $p(20\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$ 
 $p(30\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$ 

Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

Podemos então aplicar a regra de interpolação para calcular a precisão em cada um dos níveis padrão de revocação:

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(0\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$$
 $p(10\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$ 
 $p(20\%) = max(p(25\%), p(50\%), p(75\%)) = max(50\%, 29\%, 38\%) = 50\%$ 
 $p(30\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$ 

Apenas as precisões das revocações maiores ou iguais a de interesse é que devem ser consideradas (no caso, revocações maiores ou iguais a 30%)!

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(40\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$$

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(40\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$$

$$p(50\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$$

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(40\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$$
  
 $p(50\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$   
 $p(60\%) = max(p(75\%)) = max(38\%) = 38\%$ 

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

Podemos então aplicar a regra de interpolação para calcular a precisão em cada um dos níveis padrão de revocação:

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(40\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$$
  
 $p(50\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$   
 $p(60\%) = max(p(75\%)) = max(38\%) = 38\%$ 

Apenas as precisões das revocações maiores ou iguais a de interesse é que devem ser consideradas (no caso, revocações maiores ou iguais a 60%)!

Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

Podemos então aplicar a regra de interpolação para calcular a precisão em cada um dos níveis padrão de revocação:

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

$$p(40\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$$
  
 $p(50\%) = max(p(50\%), p(75\%)) = max(29\%, 38\%) = 38\%$   
 $p(60\%) = max(p(75\%)) = max(38\%) = 38\%$ 

Apenas as precisões das revocações maiores ou iguais a de interesse é que devem ser consideradas (no caso, revocações maiores ou iguais a 60%)! p(70%) = max(p(75%)) = max(38%) = 38%

#### Temos assim a tabela inicial:

Revocação	Precisão
25%	50%
50%	29%
75%	38%

Podemos então aplicar a regra de interpolação para calcular a precisão em cada um dos níveis padrão de revocação:

$$p(r_j) = \max_{r_k \ge r_j} (p(r_k))$$

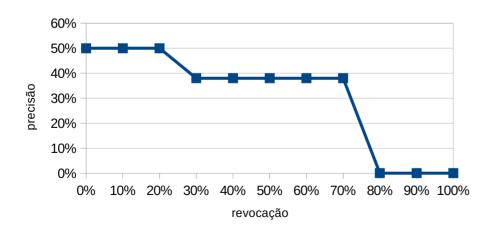
Apenas as precisões das revocações maiores ou iguais a de interesse é que devem ser consideradas. Como não há, consideramos as precisões como zero.

Temos então a seguinte tabela com as precisões nos níveis de revocação padrão:

Revocação	Precisão
0%	50%
10%	50%
20%	50%
30%	38%
40%	38%
50%	38%
60%	38%
70%	38%
80%	0%
90%	0%
100%	0%

Temos então a seguinte tabela com as precisões nos níveis de revocação padrão:

Por fim, geramos o gráfico de precisão e revocação:



Revocação	Precisão
0%	50%
10%	50%
20%	50%
30%	38%
40%	38%
50%	38%
60%	38%
70%	38%
80%	0%
90%	0%
100%	0%

Comparando o gráfico inicial com o final:

Gráfico das revocações iniciais:

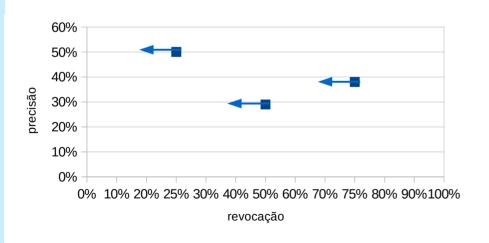
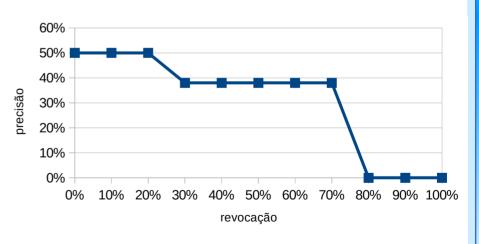


Gráfico final (nos níveis padrão de revocação):



Como uma só consulta não é suficiente para avaliar o desempenho de um sistema, na prática, toma-se um conjunto de  $N_{\alpha}$ consultas de teste e calcula-se a média das precisões  $\overline{p}(r_i)$ para cada nível de revocação r<sub>i</sub>:

$$ar{p}(r_j) = \sum_{i=1}^{N_q} rac{p_i(r_j)}{N_q}$$
 vel de revocação  $r_j$  vel de consultas de teste

Precisão na consulta i para ní-

- É comum comparar diferentes sistemas plotando suas curvas de revocação-precisão média no mesmo gráfico;
- Em alguns casos, costuma-se adotar a área abaixo da curva (AVC) como medida para se comparar os sistemas. Valores maiores para a área indicam maior qualidade;
- Empiricamente, tem-se observado que, ao se aumentar o nível de revocação, o nível de precisão diminui;
- Algoritmos com maiores níveis de precisão costumam ser preferíveis para a WEB. Em contextos mais específicos, como área médica ou jurídica, níveis maiores de revocação podem ser preferíveis.

**Exercício**: Considere uma coleção de referência. Suponha que os conjuntos R1, R2 e R3 de documentos relevantes para as consultas q1, q2 e q3, respectivamente, tenham sido determinados por um grupo de especialistas. Os conjuntos R1, R2 e R3 são dados da seguinte forma:

- R1 = {d3, d7, d12, d13, d26, d68}
- $R2 = \{d1, d2, d9, d24, d51, d52, d70, d82\}$
- $R3 = \{d2, d3, d6, d16, d20\}$

Considere que um novo algoritmo de recuperação chamado XYZ foi recém projetado. Suponha que esse algoritmo retorne, para as consultas q1, q2 e q3, os seguintes rankings de documentos (primeiras quinze posições):

Consulta  $q1 = \{d1, d9, d26, d15, d2, d10, d74, d68, d32, d3, d53, d39, d56, d11, d4\}.$ 

Consulta q2 = {d3, d7, d8, d9, d19, d16, d37, d24, d20, d80, d67, d50, d46, d51, d29}.

Consulta q3 = {d2, d30, d25, d3, d9, d7d6, d39, d75, d19, d26 d16, d20, d51, d1}.

#### Exercício (continuação):

- a)Calcule os níveis de precisão e revocação para cada uma das consultas.
- b) Construa o gráfico de precisão versus revocação para cada uma das consultas.
- c) Encontre a precisão média do algoritmo XYZ e faça o gráfico dos valores médio de precisão versus revocação.