

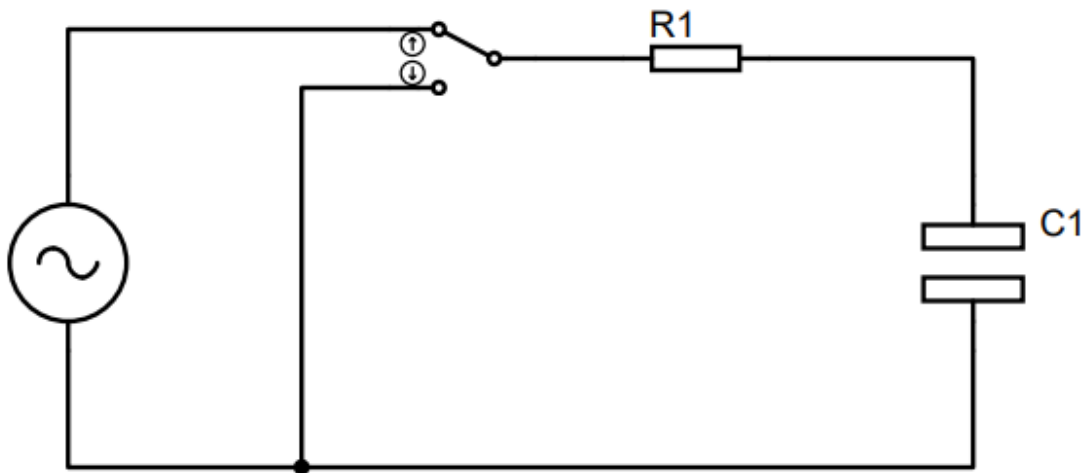
## Q2

November 15, 2020

### 1 Q2

```
[118]: from IPython.display import Image  
Image('Circuito RC.png')
```

[118]:



No primeiro momento temos um circuito  $RC$  simples, com o capacitor inicialmente descarregado e uma fonte  $\varepsilon = V$  alimentando o circuito, logo aplicando lei de Kirchhoff para malhas temos

$$-V + RI + V_c = 0$$

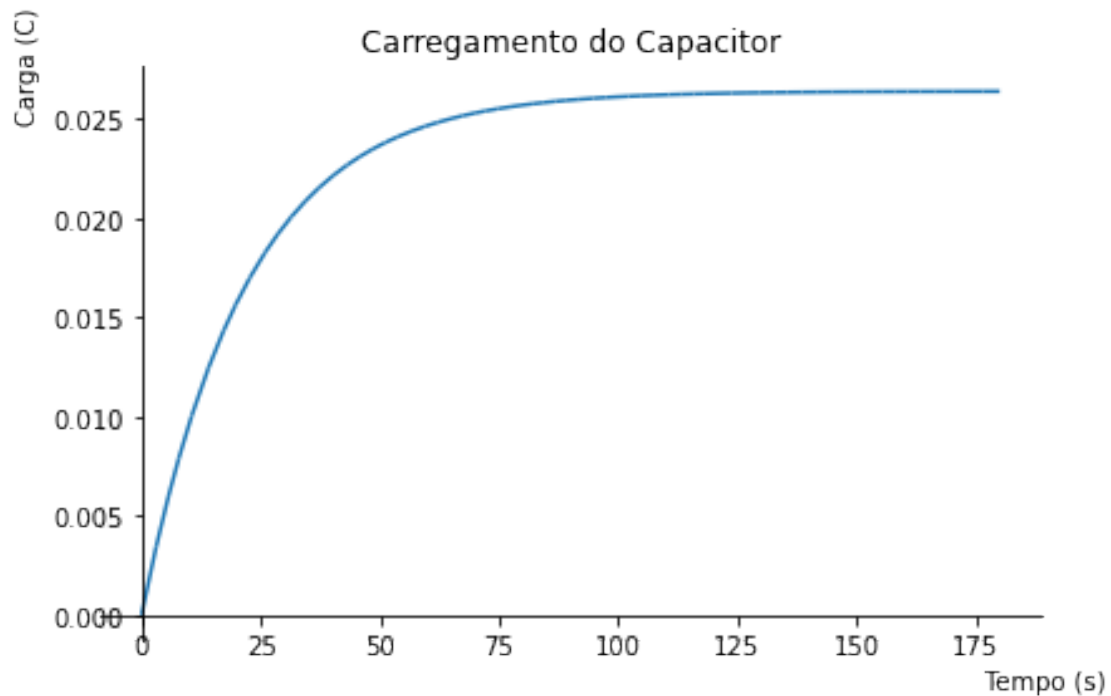
$$V = R \frac{dQ}{dt} + \frac{Q}{C}$$

resolvendo a EDO ficamos com a equação de carga de um capacitor

$$Q_{(t)} = C \cdot V \left( 1 - e^{\frac{-t}{RC}} \right)$$

Vamos adaptar valores para termos um gráfico menos abstrado mostrando a carga e descarga no capacitor.

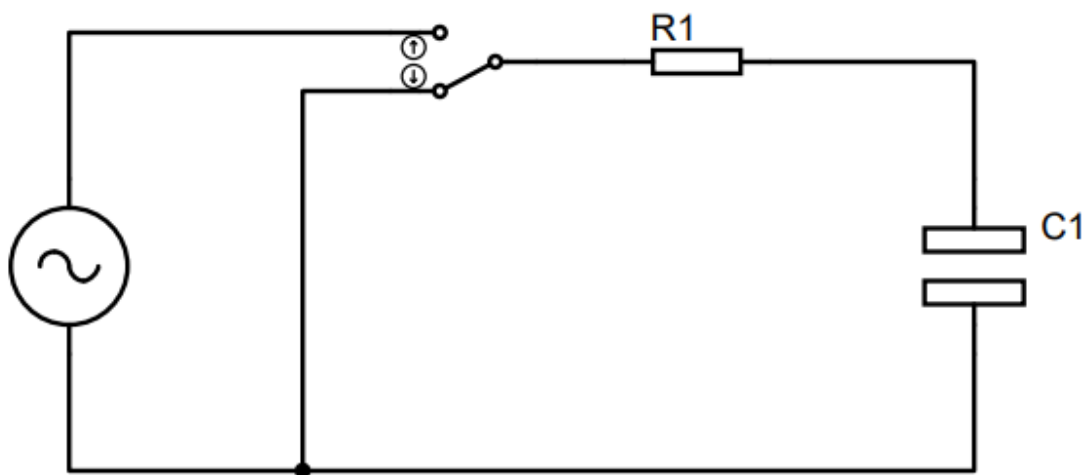
```
[119]: q1 = lambda t: C*V*(1-sp.exp(-t/(R*C)))
plot(q1(t),(t,0,3*60), show = True, title="Carregamento do Capacitor",xlabel="␣
↪Tempo (s)", ylabel="Carga (C)")
```



```
[119]: <sympy.plotting.plot.Plot at 0x27c7f1c9f40>
```

```
[120]: from IPython.display import Image
Image('Circuito RC2.png')
```

```
[120]:
```



Nesse segundo momento a chave é virada eliminando a fonte, e fazendo o capacitor descarregar na resistência. Aplicando novamente malhas temos:

$$RI + V_c = 0$$

$$R \frac{dQ}{dt} = -\frac{Q}{C}$$

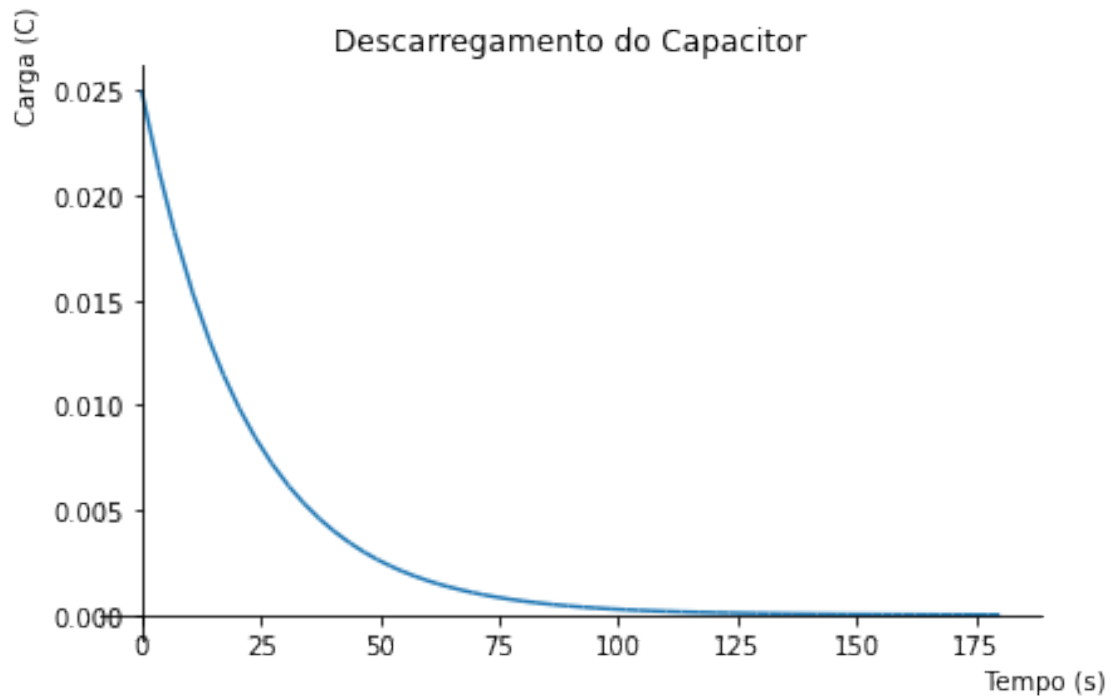
integrando nossa EDO homogênea ficamos com

$$Q_{(t)} = Q_0 e^{\frac{-t}{RC}}$$

onde  $Q_0$  é a carga inicial que foi carregada.

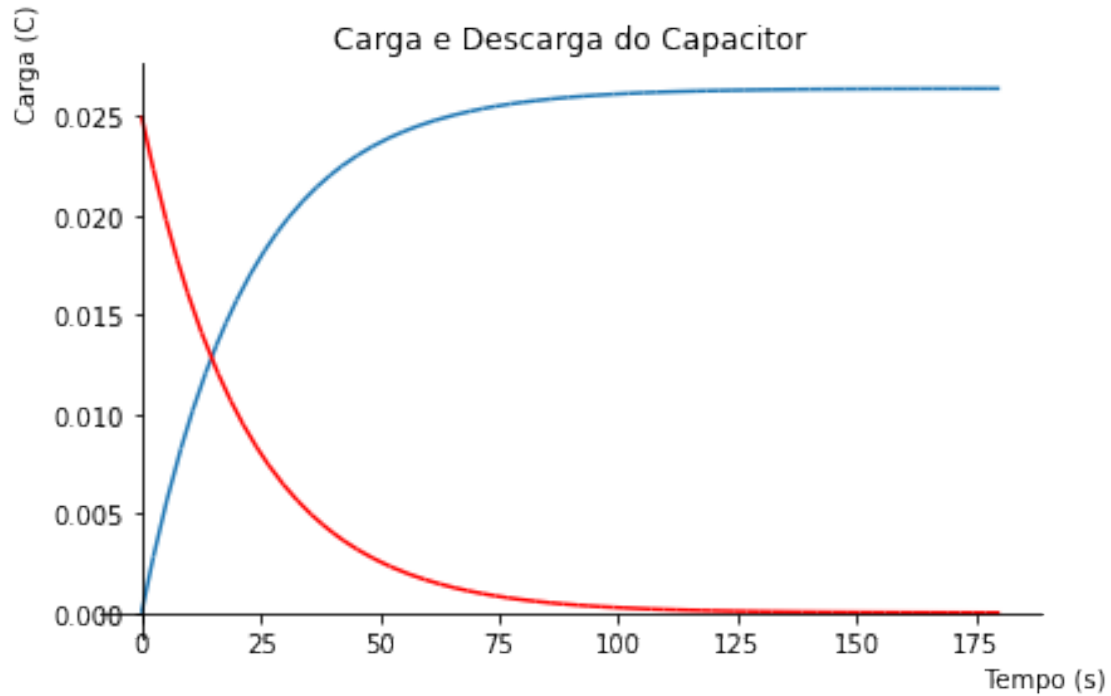
```
[121]: q0 = 25e-3 #Simulando que foi carregado como o de cima Carga de 25e-3C

q2 = lambda t: q0*sp.exp(-t/(R*C))
plot(q2(t),(t,0,3*60), show = True, title="Descarregamento do_
↳Capacitor",xlabel=" Tempo (s)", ylabel="Carga (C)")
```



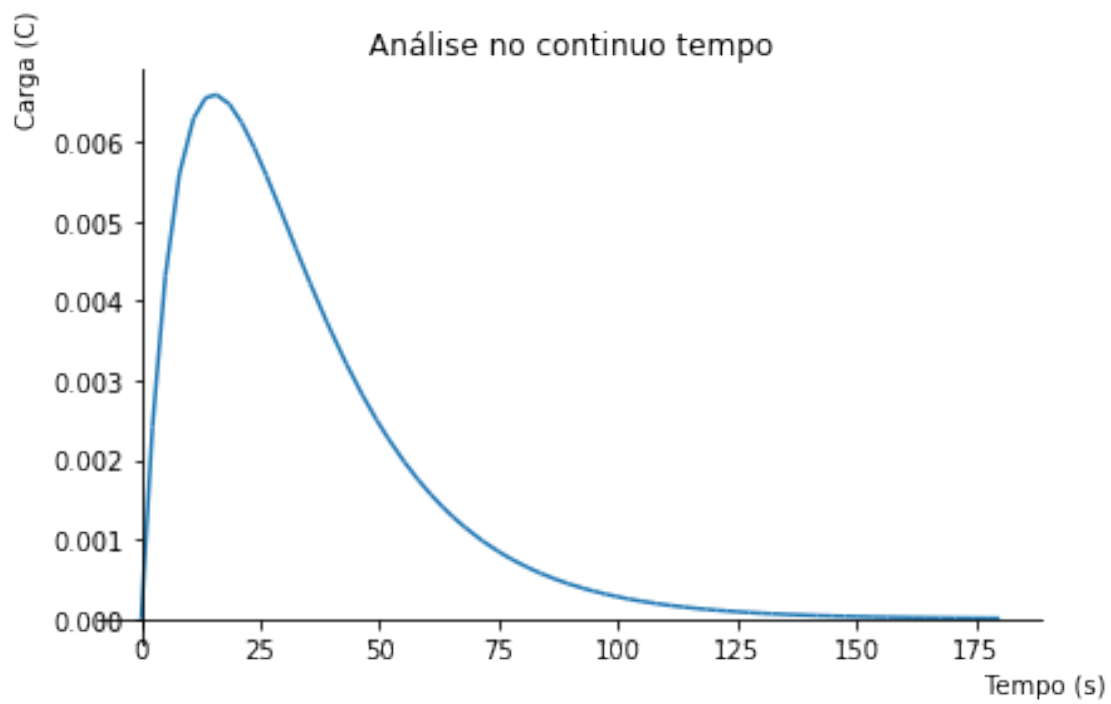
```
[121]: <sympy.plotting.plot.Plot at 0x27c7c9033d0>
```

```
[122]: p = plot(q1(t),q2(t),(t,0,3*60),show=False,title="Carga e Descarga do
↳Capacitor",xlabel=" Tempo (s)", ylabel="Carga (C)")
p[1].line_color = 'r'
p.show()
```



Agora faremos uma análise durante todo o tempo com o ato chavear o circuito  $RC$  começando com ele chaveado a fonte  $AC$ .

```
[123]: q2 = lambda t: q1(t)*sp.exp(-t/(R*C))
plot(q2(t),(t,0,3*60),title="Análise no contínuo tempo",xlabel=" Tempo (s)",
↳ylabel="Carga (C)")
```



[123]: <sympy.plotting.plot.Plot at 0x27c7f0265b0>