T1. 水果桶(fruit)

Description

PaperCloud 有一个桶,她会向桶中**依次**放入 n 个水果,每个水果有属性 a_i,b_i 。

从第二个水果开始,每次放入一个水果后,PaperCloud 都会研究桶中已放入水果的一项指标。具体来说,她想要求出从桶中任取两个不同的水果 i,j,能得到的 $\frac{a_i-a_j}{b_i-b_i}(i\neq j)$ 的最大值。

由于 PaperCloud 有更重要的事情要做,因此她找到了聪明的你帮忙解决这个问题。

Format

Input

第一行一个整数 n ,表示放入水果的个数。

之后 n 行每行两个整数 a_i, b_i ,表示这 n 个水果的两种属性。

Output

共 1 行 n-1 个实数,其中第 i 个实数表示放入 i+1 个水果后桶中水果 $rac{a_i-a_j}{b_i-b_j}(i
eq j)$ 的最大值 。

结果**保留两位小数**即可。

Samples

样例输入1

```
10
7 7
10 4
7 9
2 2
8 5
2 8
2 6
3 1
3 3
7 10
```

样例输出1

样例输入2

见下发文件中的 fruit2.in ,数据规模与性质与前 60% 的测试点相同。

样例输出 2

见下发文件中的 fruit2.out ,数据规模与性质与前 60% 的测试点相同。

样例输入3

见下发文件中的 fruit3.in ,数据规模与性质与另外 20% 的测试点相同。

样例输出3

见下发文件中的fruit3.out,数据规模与性质与另外20%的测试点相同。

Limitation

对于 60% 的数据, $1 \le n \le 10^3$

对于另外 20% 的数据, $1 \le b_i \le n$,即 b_i 为 n 阶全排列。

对于 100% 的数据,保证 b_i 互不相同。

对于 100% 的数据, $1 \le n \le 10^5, 1 \le a_i, b_i \le 10^8$

- 题目要求的最大值的几何意义其实是坐标为 (b_i,a_i) 的点两两之间连线斜率的最大值。
- 可以观察到斜率最大值只能出现在横坐标相邻的两个点之间
- 因此可以维护一个 set<pair<int,int>>,每新增一个点就查询它相邻的点(因为横坐标互不相同,所以相邻的点左右各只有一个)
- 右侧相邻的点可以用 it = S.upper_bound(p) 获取, 注意特判 it == S.end() 的情形。
- 左侧相邻的点可以用 it = S.lower_bound(p), --it 获取, 注意特判 it == S.begin() 的情形。
- 注意精度问题。

T2. 矩阵乘法(must)

Description

本题输入数据注意使用 long long!

EunTilofy 在刚刚结束的课程小测中,因一道矩阵乘法的题计算错误痛失 20 分。于是她决定苦练自己的计算能力,尤其是矩阵乘法。

但因为 EunTilofy 不想花时间自己写两个矩阵,所以她决定用一些特殊的方式生成它们。

她先随手写了一个序列 a,然后按以下方式生成两个 $n \times n$ 矩阵 A 和 B:

 $A_{ij} = a_i \wedge a_j, B_{ij} = a_i \vee a_j (i, j = 1, \dots, n)$ (这里 \wedge 和 \vee 分别表示按位与和按位或运算)。

然后她对这两个矩阵做矩阵乘法,得到了矩阵 $C=A imes B:\ C_{i,j}=\sum_{k=1}^n A_{i,k}B_{k,j} (i,j=1,\cdots,n)$

但她非常怀疑自己的计算能力。她决定让你来帮她验算一下。但由于她不想对比 n^2 个数字,所以她只需要你求出 C 中所有元素的和即可。

由于答案可能非常大,你只需输出答案对 $10^9 + 7$ 取模的值即可。

Format

Input

第一行一个整数 n,第二行 n 个整数 a_1, \ldots, a_n 。

Output

一行一个整数,C 中所有元素的和对 $10^9 + 7$ 取模的值。

Samples

样例输入

1 2 4

样例输出

91

Limitation

对于20%的数据, $n\leq 300$ 对于60%的数据, $n\leq 3000, a_i<2^{30}$ 对于全部数据, $1\leq n\leq 5 imes 10^5, 0\leq a_i<2^{60}$

- $\bullet \ \ \textstyle \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n C_{i,j} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^n (a_i \wedge a_k) (a_k \vee a_j) = \sum_{k=1}^n (\sum_{i=1}^n a_i \wedge a_k) (\sum_{j=1}^n a_j \vee a_k)}$
- 后两个求和可以拆二进制位计算,即分别考虑二进制表示下第 $0,1,\ldots,59$ 位对答案的贡献。

T3. 一〇二四(game)

Description

Lisorun 正在打一款名为《一〇二四》的游戏。

和《2048》不同,在这个游戏中,n 个数字会在一个关卡开始时全部出现,它们从左到右排成一整行,第i 个数字形如 $\mathbf{2}^{a_i}$ 。

玩家可以进行的操作是选择**相邻且相同**的两个数字,将它们合并成两数之和。如果玩家将所有数字合并到只剩下一个,那么ta就通过了这个关卡。

Lisorun 向你展示了一局游戏的过程:

开局时出现了5个数字:

4 1 1 2 8

她先将第2,3个数字合并,得到:

4 2 2 8

接下来将第2,3个数字合并,得到:

4 4 8

然后将第1,2个数字合并,得到:

8 8

最后将第1,2个数字合并,通过了这个关卡:

16

她玩累了想休息一下,于是她把这个游戏交给了你,请你帮她通关剩下的T个关卡。

对每个关卡,你需要先判断能否通过;如果能通过,请给出一种通通过方法;如果无法通过,请给出最少剩余的 数字数。

Format

Input

第一行一个整数T表示剩余的关卡数。

对每个关卡,输入2行。其中:

- 第一行一个整数 n 表示关卡开始时出现的数字个数;
- 第二行 n 个整数 a_1, a_2, \dots, a_n 表示出现的数字为 $2^{a_1}, 2^{a_2}, \dots, 2^{a_n}$ 。

Output

对于每个关卡,输出2行:

- 第一行一个字符串,表示是否能够通过这个关卡。若能够通过,请输出 [jiu shi xun la! (包含空格和结尾的英文叹号);若无法通过,请输出 si le la! (包含空格和结尾的英文叹号)。
- 若能够通过,请在第二行中用 n-1 个整数给出一种通关的方法。第 i 个整数 x_i 表示第 i 步操作要合并**剩 余数字中的**第 x_i, x_i+1 个。
- 若不能通关,请在第二行输出一个整数表示最少剩余的数字数。

Special Judge

本题使用 Special Judge 进行评测,任何合法且正确的合并方案都能够被接受。

如果你无法给出一种合并方案,你也可以在第二行中任意输出不超过 n-1 个整数,或者什么也不输出。你需要确保每个关卡的输出都是两行,否则将被判定为格式错误,失去这个测试点的全部分数。

如果你正确判断了所有关卡是否能够通关,但给出的方案或最少剩余数字数有误,你也能够获得70%的分数。

Samples

样例输入

```
3
5
2 0 0 1 3
6
1 1 4 5 1 4
4
1 1 3 2
```

样例输出

```
jiu shi xun la!
2 2 1 1
si le la!
5
si le la!
3
```

样例 2

见附加文件中 $game2.\{in|ans\}$, 这组数据满足特殊性质 A。

样例 3

见附加文件中 $game3.\{in|ans\}$, 这组数据满足特殊性质 B。

样例 4

见附加文件中 game4.{in|ans}。

Limitation

对于全部测试数据: $1 \le T \le 5$, $1 \le n \le 512$, $0 \le a_i \le 10^3$ 。

测试点编号	T =	$n \leq$	特殊性质
1	2	8	
2	2	16	
3	1	128	
4	5	128	A
5	5	128	
6	1	512	
7	5	512	AB
8	5	512	A
9	5	512	В
10	5	512	

特殊性质:

• A: 所有关卡均无法通过;

• B: 每个关卡中出现的数字只有一种。

校验器

为了方便选手测试,在下发文件中我们下发了 checker.cpp 文件,选手可以编译该程序,并使用它校验自己的输出文件。但请注意它与最终评测时所使用的校验器并不完全一致。你也不需要关心其代码的具体内容。

编译命令为: g++ checker.cpp -o checker -std=c++11。

checker 的使用方式为: checker <input_file> <output_file> <answer_file> ,参数依次表示输入文件、你的输出文件和答案文件。

你需要保证提供给校验器的输入文件和答案文件(除了关卡有解时的第二行答案可以为任意的内容)是都合法的,否则校验器将无法运行或无法给出正确的评判。

校验器将对每个关卡分别进行评判,若关卡的第二行输出错误,还将给出错误原因;最终将给出你的得分(满分为 100)。

- 注意到只有相邻的数可以合并,因此合并为一个数之前的状态一定是左边一个区间 [1,k] 和右边一个区间 [k,n] 各合并为一个数且这两个数相等。
- 进而可以设计一个区间dp,用 f(l,r) 和 g(l,r) 分别表示 [l,r] 不能合并为一个数时最少剩余个数和 [l,r] 能合并为一个数时最终这个数的值。

T4. 跑步打卡(run)

Description

答案注意开 long long!

Bartheme 正在跑步打卡。她需要经过 n 个点。

Bartheme 有 n 个打卡任务,第 i 个打卡任务需要她从当前的 1 号点出发到达 i 号点。没有公里数的限制。

Bartheme 在选择好路线之后,可以将她将要经过的最长的道路长度折叠成 0(如果有多条也只能折叠一条),但代价是她将要经过的某一条最短道路长度将会加倍。

Bartheme 想知道每个打卡任务的最短长度分别是多少。

Format

Input

第一行两个整数 n, m。

以下m行每行三个整数x,y,z,表示从x号点到y号点有一条长为z的双向道路。

Output

一行 n 个整数,表示第 $1 \dots n$ 个打卡任务的最短长度。

Samples

样例 1 输入

5 4

5 3 4

2 1 13 2 2

2 4 2

样例 1 输出

0 1 2 2 4

样例 2 输入

10 15

1 2 115

```
2 3 187
1 4 156
2 4 278
3 4 195
3 5 194
4 5 182
3 6 255
2 7 105
3 7 224
5 8 296
4 8 103
5 9 285
5 10 213
7 10 187
```

样例 2 输出

0 115 230 156 312 417 210 206 494 325

Limitation

对于全部数据, $n \leq 10^5, m \leq 2 \times 10^5, 1 \leq x, y \leq n, 1 \leq z \leq 10^9$ 。

子任务 1 $(12 \, \Im)$: $n \leq 10, m \leq 20$;

子任务 2 $(27 \, \text{分})$: $n \leq 1000, m \leq 2000$;

子任务 3(16分): 所有边权均为 1;

子任务 4 (45 分): 无特殊限制。

- 原题意等价于任选一条边边权变为0, 再任选一条边边权乘2。
- 这可以使用分层图最短路解决(带有状态标记的最短路)。