



# Introdução à Programação

Licenciatura em Engenharia Informática

## Série de Exercícios 3

2021/2022

### Abstração procedimental

1. Na série de exercícios anterior, vários exercícios envolviam escrever um pedaço de código que executasse determinada tarefa. Resolva esses exercícios de novo, desta vez recorrendo à definição de funções e procedimentos, sempre que isso for apropriado. Escolha criteriosamente os parâmetros das funções e procedimentos que definir, tendo em vista que o objetivo é maximizar o seu potencial de reutilização.

Em Java, funções e procedimentos são definidos através de métodos declarados como *static*. Para cada método definido deve escrever um cabeçalho *javadoc* incluindo uma descrição sucinta e geral do método e, sempre que apropriado, *@param*, *@requires*, *@return* e *@ensures*.

2. Considere que todos os métodos definidos no exercício anterior foram colocados numa classe *Util*. Junte a essa classe adicionalmente implementações das seguintes funções:
  - a. `boolean isPerfect(int n)` — determina se o número inteiro *n* é perfeito (um número é perfeito se e só se for igual à soma dos seus divisores próprios)
  - b. `int howManyPerfectNumbers(int n)` — calcula o número de números perfeitos menores que *n*
  - c. `int gcd(int m, int n)` — calcula o máximo divisor comum entre *n* e *m* recorrendo ao algoritmo de Euclides
  - d. `int mmc(int m, int n)` — calcula o mínimo múltiplo comum entre *n* e *m*
3. Programe uma classe *QuadraticEquationSolver* que resolva equações de segundo grau, ou seja, encontra as raízes de polinómios da forma

$$a.x^2+b.x+c$$

O programa deve considerar que os três coeficientes do polinómio são fornecidos no comando de execução programa como se mostra no exemplo abaixo:

```
$ java QuadraticEquationSolver 1.0 -3.0 2.0  
solutions: 1.0 2.0
```

O programa deve imprimir as soluções, caso existam, ou um aviso no caso contrário. O programa deve utilizar

- o método `parseDouble` da classe `java.lang.Double`
- o método `sqrt` da classe `java.lang.Math`

A documentação destes dois métodos, mostrada abaixo, encontra-se disponível online em

<https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/>

Por exemplo a descrição de `sqrt` da classe `java.lang.Math` está em

<https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/lang/Math.html#sqrt-double->

<code>sqrt</code>
<pre>public static double sqrt(double a)</pre> <p>Returns the correctly rounded positive square root of a double value. Special cases:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>• If the argument is NaN or less than zero, then the result is NaN.</li><li>• If the argument is positive infinity, then the result is positive infinity.</li><li>• If the argument is positive zero or negative zero, then the result is the same as the argument.</li></ul> <p>Otherwise, the result is the double value closest to the true mathematical square root of the argument value.</p> <p><b>Parameters:</b> a - a value.</p> <p><b>Returns:</b> the positive square root of a. If the argument is NaN or less than zero, the result is NaN.</p>
<code>parseDouble</code>
<pre>public static double parseDouble(String s)     throws NumberFormatException</pre> <p>Returns a new double initialized to the value represented by the specified String, as performed by the <code>valueOf</code> method of class <code>Double</code>.</p> <p><b>Parameters:</b> s - the string to be parsed.</p> <p><b>Returns:</b> the double value represented by the string argument.</p> <p><b>Throws:</b> <code>NullPointerException</code> - if the string is null <code>NumberFormatException</code> - if the string does not contain a parsable double.</p>

4. O ISBN é um número com 10 dígitos que identifica um livro de forma única. O dígito mais à direita é um *checksum digit* que pode ser univocamente determinado pelos restantes 9 dígitos, utilizando a seguinte condição:

$$10*d_{10}+9*d_9+\dots+2*d_2+1*d_1 \quad \text{múltiplo de 11}$$

onde  $d_i$  representa o  $i$ -ésimo dígito do número, a contar da direita. Na condição acima,  $d_1$  representa o *checksum digit*. O *checksum digit* pode ser qualquer valor entre 0 e 10. A convenção do ISBN é usar o carácter 'X' para representar o 10.

Programa uma classe `IsbnGenerator` que, como se mostra no exemplo abaixo, recebe um inteiro com 9 dígitos como argumento na linha de comandos e imprime o ISBN válido com *checksum digit*:

```
$ java IsbnGenerator 020131452
ISBN: 0201314525
```

Recorra à definição de funções e/ou procedimentos para que o seu código fique mais fácil de entender, modificar e de reutilizar.

5. Considere o *método da bissecção* para encontrar zeros de uma função real contínua  $f$ :

Dados  $a < b$  com  $f(a)*f(b) < 0$ , calcula-se o ponto médio  $c = (a+b)/2$  e o valor de  $f(c)$ ; se  $f(a)*f(c) < 0$ , repete-se o processo com  $b = c$ ; caso contrário, repete-se o processo com  $a = c$ .

O processo termina quando a distância entre  $a$  e  $b$  for menor que um valor de erro pré-estabelecido, sendo o valor de  $c$  uma aproximação para o zero de  $f$ .

Implemente este método numa classe `Bisection`. Os valores iniciais de  $a$ ,  $b$ , e do erro, devem ser variáveis do método `main`. A função  $f$  é definida também na classe. Por exemplo, para  $f(x) = x^2$ , a sua classe deve incluir o seguinte método:

```
static double f(double x){ return x*x; }
```