ANÁLISIS PREDICTIVO: MINERÍA DE DATOS

ANÁLISIS PREDICTIVO: MINERÍA DE DATOS

TIPOS DE TÉCNICAS DE MODELIZACIÓN DE APRENDIZAJE SUPERVISADO Y NO SUPERVISADO

Proceso de Etiquetado

Beneficios

PREPROCESADO DE LOS DATOS

Elementos Clave de la Gobernanza del Dato

Ejemplo Práctico

Importancia

¿Cómo funciona el PCA?

Ejemplo práctico

¿Por qué es útil el PCA?

MODELIZACIÓN DE LOS DATOS

¿Oué es la modelización de datos en minería de datos?

Etapas de la modelización de datos en minería de datos

Ejemplo práctico

1. APRENDIZAJE SUPERVISADO

¿Cómo Funciona el Aprendizaje Supervisado?

Ejemplos Explicativos

Conclusión

Comportamiento con Sobreajuste o Subajuste

Equilibrio y Validación

Ejemplos

¿Cómo Funciona la Función de Coste?

Ejemplos Prácticos

Conclusión

- 1. Configuración
- 2. Entrenamiento
- 3. Validación
- 4. Prueba

5. Inferencia

A modo de resumen...

- 1.1. Clasificación.
 - 1. Según el Tipo de Datos
 - 2. Según su Función en el Modelo
 - 3. Consideraciones en el Proceso de Clasificación

Ejemplo de relación

Tipos de Clasificación asociados a algoritmos

- 1. Regresión Logística
- 2. Naive Bayes
- 3. K-Vecinos Más Cercanos (K-NN)
- 4. Árboles de Decisión
- 5. Ensamblados (Random Forest, Boosting)
- 6. Máquinas de Soporte Vectorial (SVM)
- 7. Redes Neuronales
- 1. Regresión Logística Multiclase
- 2. Naive Bayes Multinomial
- 3. Árboles de Decisión y Ensamblados
- 4. Máquinas de Soporte Vectorial (SVM)
- 5. Redes Neuronales

La **minería de datos** (*data mining*), puede definirse como el conjunto de metodologías, procesos y tecnologías para el descubrimiento no trivial de información relevante, normalmente subyacente en grandes volúmenes de datos, y su consiguiente aplicación e integración dentro de las operaciones del negocio con el fin de mejorar el rendimiento y el soporte en la toma de decisiones.

El análisis predictivo y la minería de datos son dos áreas que se complementan en el ámbito del análisis de información, pero se enfocan en aspectos distintos:

• Minería de datos:

Se refiere al proceso de explorar grandes volúmenes de datos para descubrir patrones, relaciones y tendencias ocultas. Utiliza técnicas estadísticas y de aprendizaje automático para identificar información valiosa que no es evidente a simple vista. La minería de datos ayuda a entender el comportamiento pasado y a extraer conocimientos que pueden ser útiles para la toma de decisiones. Por ejemplo, puede revelar asociaciones entre productos en una tienda o detectar segmentos de clientes con características similares.

Análisis predictivo:

Utiliza los conocimientos extraídos (a menudo obtenidos mediante la minería de datos) junto con modelos estadísticos y algoritmos de machine learning para predecir eventos o comportamientos futuros. Su objetivo es anticipar resultados basándose en datos históricos. Por ejemplo, una empresa puede usar análisis predictivo para prever la demanda de productos, identificar riesgos financieros o anticipar el comportamiento del mercado.

En resumen, la minería de datos se encarga de descubrir patrones y relaciones en los datos, mientras que el análisis predictivo utiliza esos patrones para realizar proyecciones y tomar decisiones anticipadas. Ambas técnicas son esenciales para transformar datos en conocimiento accionable o dicho de otra manera, convertir información cruda o procesada en insights claros y comprensibles que permitan tomar decisiones informadas y llevar a cabo acciones concretas. Es el proceso de interpretar y analizar datos para descubrir patrones, tendencias o relaciones, y luego aplicar ese entendimiento para mejorar procesos, estrategias y resultados en una organización.

Pongamos un ejemplo: una empresa, tras analizar datos de ventas se puede identificar que cierto producto se vende mejor en determinadas épocas del año. Ese conocimiento es "accionable" porque permite planificar campañas de marketing o ajustar el inventario de forma proactiva para aprovechar esa tendencia.

Dentro de los sistemas de Big Data, la minería de datos comparte con el análisis multidimensional el grueso de la capa de acceso a la información por parte de los usuarios de negocio, esto representa que ambas metodologías constituyen las herramientas principales que los usuarios de negocio emplean para explorar y extraer valor de grandes volúmenes de datos. En otras palabras:

- Minería de datos: Utiliza algoritmos estadísticos y de aprendizaje automático para descubrir patrones, relaciones y tendencias ocultas en los datos. Esto permite identificar insights que pueden no ser evidentes a simple vista.
- **Análisis multidimensional:** Se basa en estructuras de datos (como cubos OLAP) que permiten a los usuarios "explorar" la información desde distintas dimensiones (por ejemplo, tiempo, geografía, producto, etc.), facilitando la agregación, segmentación y comparación de datos.

Ambos enfoques forman la base de la capa de acceso a la información, ya que proporcionan los medios para que los usuarios de negocio puedan interactuar, visualizar y analizar los datos de manera flexible y comprensible. Esto es esencial para convertir grandes volúmenes de datos en conocimiento accionable, ya que:

- Permiten realizar consultas ad-hoc y explorar diferentes perspectivas de los datos.
- Ayudan a identificar tendencias y anomalías que apoyan la toma de decisiones estratégicas.
- Facilitan la personalización del análisis según las necesidades específicas de cada negocio.

En resumen, tanto la minería de datos como el análisis multidimensional son fundamentales para la "capa de acceso" en un entorno de Big Data, ya que brindan las herramientas y técnicas que permiten a los usuarios de negocio transformar datos complejos en insights claros y útiles para la acción.

En primer lugar, el descubrimiento no trivial de información relevante implica la detección de patrones, tendencias y correlaciones que no pueden ser reveladas mediante técnicas de consultas convencionales; estas, de hecho, pueden ser inapropiadas o altamente ineficientes debido a la complejidad del problema. Por el contrario, la minería de datos proporciona métodos provenientes de disciplinas como el aprendizaje automático y el análisis multivariante para abordar este tipo de problemas. Esto quiere decir:

• Aprendizaje automático (machine learning):

Se refiere a métodos que permiten a las computadoras "aprender" a partir de datos sin ser programadas explícitamente para cada tarea.

Ejemplo: Imagina que tienes registros de las compras de tus clientes. Con aprendizaje automático, un algoritmo puede analizar esos registros y descubrir que los clientes que compran café también tienden a comprar galletas. Así, el sistema puede recomendar galletas a quienes compren café.

• Análisis multivariante:

Es una rama de la estadística que analiza simultáneamente múltiples variables para entender cómo se relacionan entre sí y cómo influyen en un resultado.

Ejemplo: Supón que tienes datos sobre las ventas de una tienda, donde se registran variables como el precio, la publicidad, la ubicación y la temporada del año. El análisis multivariante te ayuda a descubrir cómo, en conjunto, estas variables afectan las ventas, por ejemplo, que las ventas suben cuando se combinan un precio bajo y una fuerte campaña publicitaria, especialmente en determinadas temporadas.

En resumen, la minería de datos se apoya en estas disciplinas para explorar grandes volúmenes de datos, identificar patrones y relaciones complejas, y extraer información útil para tomar decisiones más inteligentes.

Entre otras posibilidades, las **técnicas de modelización** de minería de datos acostumbran a clasificarse como **supervisadas** y **no supervisadas**. En la minería de datos se utilizan diferentes técnicas para construir modelos que ayuden a descubrir patrones en los datos. Estas técnicas se dividen en dos grandes grupos:

1. Técnicas supervisadas:

En estas técnicas, el modelo se entrena utilizando datos "etiquetados", es decir, donde ya se conoce la respuesta o resultado esperado.

Ejemplo: Imagina que tienes una lista de correos electrónicos donde sabes cuáles son spam y cuáles no. Con un modelo supervisado, le enseñas al sistema cuáles características tienen los correos spam y el modelo aprenderá a clasificar nuevos correos como spam o no spam basándose en ese entrenamiento.

2. Técnicas no supervisadas:

En estas técnicas, el modelo trabaja con datos sin etiquetar. El objetivo es que el algoritmo descubra, por sí mismo, patrones, agrupaciones o estructuras en los datos.

Ejemplo: Si tienes información de clientes sin clasificar y quieres segmentarlos en grupos según sus

comportamientos de compra, un algoritmo no supervisado, como el clustering, puede agrupar a los clientes que comparten características similares, sin que le hayas indicado previamente qué buscar.

La clasificación supervisada se utiliza cuando se conoce el resultado deseado y se quiere que el modelo aprenda a predecirlo, mientras que la clasificación no supervisada se utiliza para explorar datos y encontrar estructuras o relaciones sin tener una respuesta predefinida.

TIPOS DE TÉCNICAS DE MODELIZACIÓN DE APRENDIZAJE SUPERVISADO Y NO SUPERVISADO

Comenzamos haciendo una clasificación de tipos de técnicas de modelización, empezando por el aprendizaje **SUPERVISADO**:

TIPOS DE TÉCNICAS PARA EL APRENDIZA JE SUPERVISADO

En la modelización supervisada, se utilizan técnicas que aprenden a partir de datos ya **etiquetados**, es decir, con una respuesta conocida. Clasificación de algunos de los principales tipos de técnicas de modelización supervisada, junto con ejemplos:

1. Técnicas de Regresión

Estas se utilizan para predecir valores numéricos continuos.

• Regresión Lineal:

Ejemplo: Predecir el precio de una vivienda en función de su tamaño, ubicación y número de habitaciones.

• Regresión Logística:

Ejemplo: Determinar la probabilidad de que un cliente realice una compra (resultado sí/no) basándose en sus características.

2. Técnicas de Clasificación

Estas se emplean para asignar datos a categorías o clases.

• Árboles de Decisión:

Ejemplo: Clasificar a los clientes en "bajo", "medio" o "alto" riesgo crediticio según variables como ingresos, historial de pagos y edad.

• K-Vecinos Más Cercanos (KNN):

Ejemplo: Clasificar productos en diferentes categorías basándose en la similitud con otros productos ya clasificados.

• Máquinas de Vectores de Soporte (SVM):

Ejemplo: Clasificar correos electrónicos como spam o no spam, maximizando el margen entre las dos clases.

• Clasificador Naïve Bayes:

Ejemplo: Predecir si una noticia es real o falsa basándose en la frecuencia de palabras en el texto.

3. Redes Neuronales

Utilizan modelos inspirados en el cerebro humano para aprender patrones complejos.

• Redes Neuronales Artificiales (ANN):

Ejemplo: Reconocimiento de voz o de imágenes, donde el modelo aprende a identificar patrones complejos a partir de grandes volúmenes de datos.

• Redes Neuronales Convolucionales (CNN):

Ejemplo: Clasificación de imágenes (por ejemplo, reconocer objetos o rostros en fotografías).

4. Técnicas Basadas en Ensamble

Combinan varios modelos para mejorar la precisión de la predicción.

• Bosques Aleatorios (Random Forest):

Ejemplo: Clasificar el riesgo de crédito combinando múltiples árboles de decisión para reducir la variabilidad y mejorar la precisión.

• Boosting (por ejemplo, Gradient Boosting):

Ejemplo: Predicción de la demanda de productos en una tienda, donde se van corrigiendo errores de modelos anteriores para afinar la predicción final.

Cada uno de estos métodos se elige en función del problema a resolver, el tipo de datos y la precisión deseada en la predicción o clasificación. La elección de la técnica adecuada es crucial para obtener resultados que sean útiles y accionables en el contexto del negocio o proyecto.

En esta técnica de modelización (**SUPERVISADA**) es necesario que los datos estén etiquetados...¿pero qué significa esto?.

ETIQUETADO DE LOS DATOS

Los datos etiquetados son aquellos en los que cada ejemplo (o instancia) viene acompañado de una "etiqueta" o "label" que indica la respuesta o categoría correcta. Estos datos se usados principalmente en el aprendizaje supervisado, donde el modelo aprende a partir de ejemplos ya clasificados para poder predecir o clasificar nuevos datos.

Ejemplo Práctico

Imagina que quieres desarrollar un modelo para identificar imágenes de perros y gatos.

- Sin etiquetar: Tienes un conjunto de imágenes, pero no sabes cuál es perro y cuál es gato.
- **Con datos etiquetados:** Cada imagen viene acompañada de una etiqueta, por ejemplo, "perro" o "gato". Así, el modelo puede aprender a distinguir entre ambos.

Proceso de Etiquetado

1. Recolección de Datos:

• Se recopilan los datos (imágenes, textos, etc.) de la fuente correspondiente.

2. Definición de Etiquetas:

- Se decide cuáles serán las categorías o respuestas.
- En nuestro ejemplo, las etiquetas podrían ser "perro" y "gato".

3. Selección de la Herramienta de Etiquetado:

- o Para imágenes:
 - **Labelimg:** Herramienta gratuita para etiquetar imágenes (marcar objetos con cuadros delimitadores).
 - CVAT: Plataforma de código abierto para etiquetado colaborativo de videos e imágenes.

- **RectLabel (para Mac):** Otra opción popular para etiquetar imágenes.
- Para texto:
 - **Doccano:** Herramienta de etiquetado para datos de texto, muy útil para tareas como clasificación de textos o reconocimiento de entidades.
 - **BRAT:** Herramienta web para anotaciones de texto.

4. Proceso de Etiquetado:

• **Instrucciones:** Se establecen pautas claras para quienes van a etiquetar los datos, definiendo qué debe considerarse para cada etiqueta.

• Anotación:

Se utiliza la herramienta seleccionada para cargar los datos y asignar manualmente la etiqueta correcta a cada instancia.

- Ejemplo: Cargar una imagen en Labellmg, dibujar un cuadro alrededor del objeto de interés y asignarle la etiqueta "gato".
- **Control de Calidad:** Se revisan las anotaciones para asegurar consistencia y precisión. Esto puede incluir revisiones cruzadas o validación por parte de expertos.

5. Exportación y Uso:

• Una vez etiquetados, los datos se exportan en un formato adecuado (por ejemplo, **XML** o **JSON**) para ser utilizados en el entrenamiento de modelos de aprendizaje automático.

Beneficios

- **Precisión:** Permiten entrenar modelos que aprendan correctamente la relación entre la entrada y la etiqueta.
- **Mejora Continua:** Con buenos datos etiquetados se pueden ajustar y mejorar los modelos, obteniendo predicciones más fiables.

Los datos etiquetados son esenciales para entrenar modelos de aprendizaje supervisado, y el proceso de etiquetado implica desde la recolección y definición de etiquetas hasta el uso de herramientas especializadas y el control de calidad para garantizar la precisión de la información que se utiliza para enseñar a la máquina.

TIPOS DE TÉCNICAS PARA EL APRENDIZAJE NO SUPERVISADO

clasificación de algunas técnicas de modelización **no supervisada**:

1. Técnicas de Clustering (Agrupamiento):

Estas técnicas se utilizan para agrupar datos en conjuntos (clusters) de manera que los elementos dentro de un mismo grupo sean lo más similares posible y los de grupos diferentes sean distintos.

• K-means:

Ejemplo: Agrupar clientes en segmentos según sus patrones de compra.

• Clustering jerárquico:

Ejemplo: Crear un dendrograma para ver la relación entre diferentes especies de plantas basándose en características morfológicas.

• DBSCAN:

Ejemplo: Detectar áreas densas en datos geoespaciales, como concentraciones de delitos en una ciudad.

2. Técnicas de Reducción de Dimensionalidad:

Sirven para simplificar los datos reduciendo el número de variables, facilitando la visualización y el análisis, sin perder información importante.

• Análisis de Componentes Principales (PCA):

Ejemplo: Reducir las dimensiones de un conjunto de datos de imágenes para identificar las características más relevantes.

• t-SNE (t-Distributed Stochastic Neighbor Embedding):

Ejemplo: Visualizar en 2D o 3D la estructura de datos complejos como los resultados de expresiones génicas.

• UMAP (Uniform Manifold Approximation and Projection):

Ejemplo: Proyectar datos de alta dimensión a un espacio de menor dimensión para facilitar el clustering visual en análisis exploratorios.

3. Técnicas de Modelado de Distribución (Estimación de Densidad):

Estas técnicas se centran en estimar la función de densidad de probabilidad que generó los datos, lo que permite identificar regiones de alta concentración.

• Modelos de Mezcla Gaussiana (GMM):

Ejemplo: Estimar la distribución subyacente de datos financieros para identificar grupos de riesgo.

• Kernel Density Estimation (KDE):

Ejemplo: Visualizar la densidad de tráfico en una carretera a partir de datos de velocidad y posición.

4. Técnicas de Reglas de Asociación:

Se utilizan para descubrir relaciones interesantes y patrones frecuentes entre variables en grandes bases de datos, especialmente en datos transaccionales.

• Algoritmo Apriori:

Ejemplo: Encontrar que los clientes que compran pan y leche también tienden a comprar mantequilla.

• FP-Growth:

Ejemplo: Extraer patrones de compra frecuentes en el historial de transacciones de un supermercado.

5. Técnicas de Descomposición de Señales:

Permiten separar datos complejos en componentes independientes o factores subyacentes.

• Análisis de Componentes Independientes (ICA):

Ejemplo: Separar señales de audio mezcladas para identificar diferentes fuentes sonoras en una grabación.

- 6. **Descubrimiento de patrones secuenciales:** se relaciona con la minería de secuencias, que es otra rama del aprendizaje no supervisado enfocada en identificar secuencias o patrones temporales en los datos. Se trata de técnicas diseñadas para analizar datos ordenados en el tiempo o en secuencias.
- Análisis de secuencias de compra:

- **Ejemplo:** Identificar que muchos clientes que compran "pan" y "leche" en una visita tienden a comprar "huevos" en su siguiente visita.
- **Aplicación:** Este tipo de análisis ayuda a las tiendas a organizar promociones o recomendaciones basadas en secuencias de compra frecuentes.
- Algoritmos: PrefixSpan, SPADE.

• Análisis de clickstream en sitios web:

- **Ejemplo:** Descubrir que los usuarios que navegan de la "Página de inicio" a la "Categoría de productos" y luego a la "Página de detalles" tienen una alta probabilidad de realizar una compra.
- **Aplicación:** Permite optimizar la estructura del sitio web y mejorar la experiencia de usuario, guiando a los visitantes hacia la conversión.
- Algoritmos: GSP (Generalized Sequential Pattern), PrefixSpan.

• Análisis de secuencias en logs de sistemas:

- **Ejemplo:** Detectar que la secuencia de eventos "inicio de sesión fallido" seguido de "alerta de seguridad" y "bloqueo de usuario" se repite en varios incidentes, lo que puede indicar un ataque de fuerza bruta.
- **Aplicación:** Ayuda a mejorar la seguridad informática identificando patrones que preceden a incidentes críticos.
- **Algoritmos:** Algoritmos de minería de secuencias aplicados a datos de logs.

• Descubrimiento de patrones en comportamiento de usuarios en redes sociales:

- **Ejemplo:** Analizar la secuencia de interacciones de los usuarios (por ejemplo, visualizar una publicación, luego hacer "me gusta" y finalmente compartirla) para entender qué patrones generan mayor viralidad.
- **Aplicación:** Permite a las empresas diseñar estrategias de marketing digital más efectivas y personalizadas.
- Algoritmos: Técnicas de minería secuencial adaptadas a datos temporales y de interacción.

Estas técnicas de modelización no supervisada permiten explorar datos sin la necesidad de contar con respuestas predefinidas, ayudando a descubrir estructuras, patrones o relaciones ocultas que pueden ser muy útiles en análisis exploratorios y en la toma de decisiones. Cada técnica se elige en función del tipo de datos y del objetivo del análisis.

PREPROCESADO DE LOS DATOS

El elemento base en cualquier modelización es el **conjunto de datos**, para entender este concepto tan nimio pero tan importante, te dejo dos definiciones de dos perspectivas diferentes:

Perspectiva Estadística:

Es una muestra o población de **observaciones**, donde cada observación es un registro con variables que se analizan para extraer conclusiones, estimar parámetros o probar hipótesis. Por ejemplo, los resultados de una encuesta de opinión constituyen un conjunto de datos sobre actitudes y comportamientos.

Perspectiva de la Ciencia de Datos:

Es la **colección de información** (datos estructurados, semiestructurados o no estructurados) obtenida de diversas fuentes que se utiliza para analizar, modelar y extraer conocimiento. Se enfoca en la calidad, el procesamiento y la interpretación de los datos para apoyar la toma de decisiones.

La visión estadística es la adecuada en este tema, ya que apunta a los conceptos en los que se basa el análisis descriptivo.

La **etapa de preprocesado** consiste en preparar los datos para las tareas de modelización posteriores. Si los datos necesarios provienen de un entorno de información bien gobernado, esta etapa se limitará a realizar operaciones de acondicionamiento final. En caso contrario, será necesario implementar procesos ETL específicos para cada modelo.

Algunos ejemplos que ilustran lo mencionado:

Escenario 1: Entorno de información bien gobernado

Ejemplo:

Una empresa de retail ha consolidado sus datos en un data warehouse central, en el que ya se han aplicado controles de calidad y validaciones durante el proceso de integración de datos. En este entorno, los datos provienen de fuentes estandarizadas y están en un formato consistente. Por ello, la etapa de preprocesado se limita a operaciones de acondicionamiento final, como:

- Verificar y corregir pequeños valores faltantes: Si se detecta que algunos registros carecen de una fecha en un formato correcto, se aplica una simple regla para asignar la fecha por defecto o corregir el formato.
- **Conversión de formatos:** Por ejemplo, asegurarse de que todas las fechas sigan el mismo formato (YYYY-MM-DD) o que los nombres de productos se encuentren en mayúsculas de forma uniforme.
- **Eliminación de duplicados leves:** Si hay registros repetidos debido a errores menores en la carga, se eliminan de forma sencilla.

En este caso, el preprocesado es relativamente sencillo porque los datos ya han pasado por un riguroso proceso de gobernanza.

Escenario 2: Fuentes de datos heterogéneas y sin gobernar

Ejemplo:

Imagina una empresa que recopila datos de ventas de diversas fuentes:

- Un sistema de punto de venta moderno.
- Registros manuales digitalizados a partir de hojas de cálculo antiguas.
- Datos extraídos de redes sociales y archivos CSV provenientes de sistemas legados.

En este caso, los datos presentan inconsistencias:

- Las fechas pueden venir en distintos formatos (por ejemplo, DD/MM/AAAA, MM-DD-AAAA, etc.).
- Los nombres de los clientes y productos pueden estar escritos de diferentes formas (errores ortográficos o uso inconsistente de mayúsculas/minúsculas).
- Es posible que existan registros duplicados o información incompleta.

Para trabajar con estos datos, es necesario implementar un proceso ETL ad hoc, que incluya:

- 1. Extracción (Extract): Recopilar datos de todas las fuentes heterogéneas.
- 2. Transformación (Transform):

- Normalización de formatos: Convertir todos los formatos de fecha a uno estándar (por ejemplo, YYYY-MM-DD).
- **Limpieza y corrección de datos:** Unificar la escritura de nombres (por ejemplo, "S.A.", "SA" o "Sociedad Anónima") y eliminar duplicados.
- **Integración:** Fusionar los datos de distintas fuentes para crear un conjunto unificado y coherente.
- 3. **Carga (Load):** Insertar los datos transformados en una base de datos centralizada o data warehouse para su posterior modelización.

En este escenario, el preprocesado es una etapa crítica y más compleja, ya que se debe transformar datos "sucios" y heterogéneos en una forma adecuada para los modelos de análisis.

En resumen, la diferencia radica en el estado inicial de los datos:

- **Entorno bien gobernado:** Solo se requieren ajustes finales.
- **Fuentes sin gobernar:** Se debe implementar un proceso ETL completo para limpiar, transformar e integrar los datos antes de modelizarlos.

Aprovecho estos ejemplos para exponer qué es la GOBERNANZA DEL DATO:

La gobernanza del dato es el conjunto de políticas, procesos, normas y roles que una organización implementa para asegurar que sus datos sean precisos, estén protegidos y se utilicen de manera adecuada y consistente. En otras palabras, es la estructura y el marco de trabajo que regula cómo se gestionan, comparten y usan los datos dentro de la empresa.

Elementos Clave de la Gobernanza del Dato

• Políticas y Normas:

Se definen reglas claras sobre quién puede acceder a los datos, cómo se deben almacenar, utilizar y proteger, y cómo se gestionan los cambios en la información.

• Calidad de los Datos:

Se establecen procesos para garantizar que los datos sean precisos, completos, actualizados y consistentes. Esto incluye mecanismos para corregir errores y eliminar duplicados.

• Seguridad y Privacidad:

Se implementan medidas para proteger los datos contra accesos no autorizados, fugas de información y otros riesgos, cumpliendo con normativas y estándares de seguridad y privacidad.

• Roles y Responsabilidades:

Se asignan roles específicos (como el Chief Data Officer o responsables de calidad de datos) que se encargan de supervisar y gestionar la información, asegurando que se cumplan las políticas establecidas.

• Procesos y Tecnología:

Se utilizan herramientas y sistemas que permiten monitorizar, auditar y gestionar los datos a lo largo de su ciclo de vida, desde la recolección y almacenamiento hasta su uso y eliminación.

Ejemplo Práctico

Imagina una empresa que maneja datos de clientes para ventas y marketing. La gobernanza del dato en este contexto podría incluir:

• Políticas de Acceso:

Solo personal autorizado del departamento de marketing y ventas puede acceder a los datos de clientes, mientras que información sensible (como datos financieros) se restringe a áreas específicas.

• Calidad de Datos:

Se implementan procesos periódicos de limpieza y validación para asegurar que la base de datos de clientes esté libre de errores, duplicados o información desactualizada.

• Seguridad:

Se utilizan medidas como cifrado de datos, autenticación de dos factores y auditorías regulares para prevenir accesos no autorizados y cumplir con regulaciones de protección de datos (por ejemplo, el GDPR en Europa).

• Responsabilidades:

Se designa a un responsable de datos (Data Steward o Data Manager) que supervise estos procesos, gestione las incidencias y se asegure de que todos los empleados cumplan con las políticas establecidas.

Importancia

La gobernanza del dato es fundamental porque:

• Mejora la Toma de Decisiones:

Al garantizar que los datos sean fiables y estén bien organizados, se facilita la generación de informes y análisis que apoyen decisiones estratégicas.

• Aumenta la Seguridad y Cumplimiento:

Ayuda a proteger la información contra riesgos y a cumplir con normativas legales y estándares del sector.

• Optimiza el Uso de Recursos:

Permite aprovechar al máximo el potencial de los datos, facilitando su integración y uso en diferentes áreas de la empresa.

La gobernanza del dato es el sistema de reglas y prácticas que asegura que los datos se gestionen de forma correcta y eficaz, maximizando su valor para la organización y protegiendo la información de riesgos innecesarios.

Aunque estas fases tienen su importancia, la del filtrado y comprensión es especialmente relevante. La motivación fundamental, aunque no la única, es una reducción en el tamaño de los datos de cara a una posterior modelización. Estos tamaños se pueden alcanzar tanto vertical como horizontalmente. Es decir, los conjuntos de datos pueden crecer en base al **número de observaciones** y también al **número de atributos**.

Las técnicas de **muestreo** (sampling) se utilizan para reducir el número de observaciones en un conjunto de datos, extrayendo un subconjunto representativo. Esto significa que, en lugar de trabajar con el conjunto completo, se elige una parte que, idealmente, conserva las mismas propiedades estadísticas, como la distribución, la media, la varianza y otras características importantes de los atributos. Esta reducción ayuda a disminuir el costo computacional y simplifica el análisis, sin perder la capacidad de generalizar los resultados a la población completa.

Ejemplo general de muestreo:

Imagina que tienes una base de datos con 100,000 registros de ventas. Si deseas analizar tendencias sin procesar todos esos registros, podrías extraer una muestra de 10,000 registros. Si la muestra es representativa, los resultados del análisis (por ejemplo, la media de ventas, la distribución de productos) serán muy similares a los que obtendrías con el conjunto completo.

Dentro de las técnicas de muestreo, el **muestreo estratificado** se utiliza cuando es crucial que la muestra mantenga la misma proporción de ciertos atributos de interés presentes en la población original. Para ello, se divide la población en diferentes grupos o estratos basados en características relevantes (como género, edad, región, etc.) y se toma una muestra de cada estrato en proporción a su presencia en el conjunto total.

Ejemplo de muestreo estratificado:

Supongamos que tienes una base de datos de 100,000 clientes donde el 60% son mujeres y el 40% hombres. Si deseas extraer una muestra representativa de 10,000 clientes, en un muestreo estratificado te asegurarías de que la muestra contenga aproximadamente 6,000 mujeres y 4,000 hombres. Así garantizas que la proporción de género en la muestra refleje la proporción original, lo que es importante si, por ejemplo, se pretende estudiar comportamientos de compra diferenciados por género.

En resumen:

- **Muestreo:** Permite trabajar con un subconjunto de datos que conserva las propiedades de la población completa.
- **Muestreo estratificado:** Es una técnica especial de muestreo en la que la población se divide en grupos (estratos) y se extrae una muestra proporcional de cada grupo para mantener las proporciones originales respecto a ciertos atributos de interés.

Este enfoque es muy útil en situaciones donde se necesita garantizar la representatividad de la muestra, lo que permite obtener conclusiones fiables a partir de un análisis más manejable.

Respecto a la <u>reducción del número de atributos</u>, la necesidad viene dad por un conjunto de fenómenos contraintuitivos, comúnmente denominados "**maldición de las dimensiones**".

La "maldición de la dimensión" (o "curse of dimensionality" en inglés) se refiere a los problemas y desafíos que surgen al trabajar con datos en espacios de alta dimensión. En pocas palabras, a medida que se incrementa el número de variables o características en un conjunto de datos, el volumen del espacio crece exponencialmente, lo que genera varios inconvenientes:

• Escasez de Datos:

Con más dimensiones, se necesita una cantidad mucho mayor de datos para que la muestra sea representativa, ya que los datos se dispersan en un espacio vasto.

• Dificultad en el Cálculo de Distancias:

Muchas técnicas, como el clustering o los métodos basados en vecinos, dependen de la medida de distancias entre puntos. En espacios de alta dimensión, la diferencia entre la distancia mínima y máxima tiende a reducirse, haciendo que la noción de "vecindad" se vuelva menos significativa.

• Aumento de la Complejidad Computacional:

El procesamiento y análisis de datos en alta dimensión puede volverse muy costoso en términos de tiempo y recursos computacionales, ya que el número de combinaciones y operaciones crece exponencialmente.

• Sobreajuste:

En modelos de aprendizaje automático, un gran número de variables aumenta el riesgo de sobreajuste, donde el modelo se adapta demasiado a los datos de entrenamiento y pierde capacidad de generalización.

Ejemplo práctico:

Imagina que tienes un conjunto de datos para clasificar imágenes y cada imagen se representa con cientos o miles de píxeles (cada píxel es una dimensión). Con tantas dimensiones, incluso con una gran cantidad de imágenes, el espacio es tan vasto que los algoritmos de clasificación pueden tener dificultades para encontrar patrones significativos, lo que puede afectar la precisión y eficiencia del modelo.

En resumen, la maldición de la dimensión es un problema crucial en el análisis de datos y el aprendizaje automático, ya que a medida que se aumenta el número de dimensiones, se incrementan la complejidad, el costo computacional y los riesgos de obtener resultados poco fiables, lo que obliga a utilizar técnicas de reducción de dimensionalidad o a diseñar modelos que puedan manejar eficientemente estos espacios de alta dimensión.

También podemos tener el efecto del aumento de atributos, lo que se conoce como riesgo de **colinealidad**. Esto se suele dar cuando dos o más variables presentan un alta relación lineal entres si, provocando redundancia en la información aportada.

Ejemplo práctico:

Imagina que estás tratando de predecir el precio de una casa usando dos variables: el tamaño en metros cuadrados y el número de habitaciones. Es común que a medida que aumenta el tamaño de la casa, también aumente el número de habitaciones, por lo que ambas variables pueden estar fuertemente <u>correlacionadas</u>. Esta redundancia dificulta determinar cuál de ellas tiene un efecto más significativo en el precio.

Problemas asociados a la colinealidad:

- **Inestabilidad de los coeficientes:** Los coeficientes de regresión pueden volverse muy sensibles a pequeñas variaciones en los datos.
- Dificultad para interpretar resultados: Es complicado saber cuál variable aporta información única.
- **Reducción de la precisión:** Puede aumentar la varianza de los estimadores y reducir la confiabilidad del modelo.

Soluciones comunes:

- **Eliminación o combinación de variables:** Se pueden descartar algunas variables redundantes o combinar variables similares en un índice.
- **Uso de técnicas de regularización:** Métodos como la regresión Ridge o Lasso ayudan a mitigar los efectos de la colinealidad.

En resumen, la colinealidad es un problema cuando las variables independientes de un modelo están muy correlacionadas entre sí, lo que complica la interpretación y la estabilidad del modelo estadístico.

Para reducir el número de atributos tenemos dos opciones. La primera podría ser seleccionar un subconjunto de los existentes, empleando técnicas para identificar tanto variables redundantes como irrelevantes. La otra pasaría por construir un conjunto de nuevas variables a partir de las iniciales, inferior al anterior, pero que conserve la mayoría de la variabilidad del original, eliminado de esta manera la colinealidad. Entre las técnicas más empleadas está el **análisis de componentes principales** (PCA, *Principal Component Analysis*) es una técnica estadística que se utiliza para reducir la dimensionalidad de un conjunto de datos, manteniendo la mayor cantidad posible de la información original. En otras palabras, se trata de transformar un conjunto de variables posiblemente correlacionadas en un conjunto de variables nuevas, llamadas "componentes principales", que son no correlacionadas y que capturan la mayor variabilidad del conjunto de datos.

¿Cómo funciona el PCA?

1. Estandarización de los datos:

Antes de aplicar PCA, se suelen estandarizar los datos (por ejemplo, transformándolos para que tengan media cero y varianza uno), especialmente si las variables están en diferentes escalas.

2. Cálculo de la matriz de covarianza (o correlación):

Se calcula la matriz de covarianza para ver cómo varían conjuntamente las variables originales.

3. Cálculo de los autovalores y autovectores:

Los autovalores indican la cantidad de varianza que captura cada componente principal, y los autovectores determinan la dirección de estos componentes en el espacio de datos.

4. Selección de componentes principales:

Se ordenan los componentes según su autovalor (de mayor a menor) y se seleccionan aquellos que, en conjunto, expliquen un porcentaje significativo de la varianza total del conjunto de datos (por ejemplo, el 90% de la varianza).

5. Proyección de los datos:

Los datos originales se proyectan en el espacio definido por los componentes seleccionados. Esto genera un nuevo conjunto de variables (componentes) que son combinaciones lineales de las variables originales.

Ejemplo práctico

Imagina que tienes un conjunto de datos con muchas variables, por ejemplo, información sobre diferentes características de plantas (altura, ancho, número de hojas, etc.). Al aplicar PCA, podrías descubrir que dos componentes principales explican la mayor parte de la variación en los datos. Uno de estos componentes podría estar relacionado con el "tamaño general" de la planta, mientras que el otro podría reflejar alguna forma de "forma o proporción". Así, en lugar de analizar todas las variables por separado, podrías trabajar con estos dos componentes, simplificando el análisis y la visualización.

¿Por qué es útil el PCA?

- Reducción de dimensionalidad: Facilita el manejo y la visualización de conjuntos de datos complejos.
- **Eliminación de redundancia:** Al crear componentes que no están correlacionados, se elimina la información redundante.
- **Mejora en el rendimiento de modelos:** Al reducir el número de variables, los modelos de aprendizaje automático pueden entrenarse más rápido y, en algunos casos, mejorar su rendimien

El **PCA** es una herramienta poderosa para simplificar datos complejos, facilitando la identificación de patrones y la interpretación de la información.

MODELIZACIÓN DE LOS DATOS

La modelización de datos en el contexto de la minería de datos se refiere al proceso de crear modelos que representen patrones, relaciones y estructuras subyacentes en un conjunto de datos. Estos modelos se utilizan para descubrir conocimiento oculto y, en muchos casos, para predecir o clasificar nuevos datos. A continuación, se explica este concepto con más detalle y algunos ejemplos:

¿Qué es la modelización de datos en minería de datos?

• Definición:

Es el proceso mediante el cual se aplican algoritmos y técnicas de análisis (como la regresión, el clustering, la clasificación, etc.) para construir modelos que describan la estructura y los patrones presentes en los datos. Estos modelos permiten resumir la información, identificar tendencias y, en ocasiones, predecir comportamientos futuros.

Objetivos:

- **Descubrir patrones y relaciones:** Detectar correlaciones, asociaciones o agrupaciones en los datos.
- **Reducir la complejidad:** Resumir grandes volúmenes de datos en formas más comprensibles, como mediante la reducción de dimensionalidad o la segmentación.
- **Predicción y clasificación:** Desarrollar modelos que permitan estimar valores futuros o asignar categorías a nuevas observaciones.

Etapas de la modelización de datos en minería de datos

1. Selección de datos:

Se eligen las variables y observaciones relevantes para el análisis. Esto implica trabajar con un conjunto de datos preprocesado y limpio.

2. Transformación y reducción:

A veces, es necesario transformar los datos (normalización, discretización) o reducir la cantidad de variables (por ejemplo, usando análisis de componentes principales) para facilitar el modelado.

3. Aplicación de algoritmos:

Se utilizan técnicas y algoritmos específicos según el objetivo:

- Algoritmos de clasificación: Como árboles de decisión, máquinas de vectores de soporte (SVM) o redes neuronales, para asignar categorías a las observaciones.
- **Algoritmos de clustering:** Como K-means o clustering jerárquico, para agrupar datos similares.
- **Modelos predictivos:** Como la regresión lineal o modelos basados en ensambles, para predecir valores numéricos.

4. Evaluación y validación:

Se mide la precisión y robustez del modelo mediante técnicas de validación (por ejemplo, validación cruzada), asegurándose de que el modelo generalice bien a nuevos datos.

5. Interpretación y uso del modelo:

Finalmente, el modelo se interpreta y se utiliza para generar insights, realizar predicciones o tomar decisiones. Por ejemplo, identificar segmentos de clientes, predecir la demanda de un producto o detectar fraudes.

Ejemplo práctico

Imagina una empresa que desea predecir las ventas mensuales. El proceso de modelización de datos podría seguir estos pasos:

• Selección:

Se eligen datos históricos de ventas junto con variables como campañas publicitarias, estacionalidad, precios y promociones.

• Transformación:

Se normalizan las variables y, si hay demasiadas, se reduce la dimensionalidad usando técnicas como PCA.

Modelización:

Se aplica un algoritmo de regresión (por ejemplo, regresión lineal) para construir un modelo que relacione las variables independientes con las ventas mensuales.

• Evaluación:

Se valida el modelo utilizando técnicas como la validación cruzada para evaluar su precisión en la predicción de ventas futuras.

• Uso:

Con el modelo validado, la empresa puede predecir las ventas en función de sus estrategias de marketing y ajustar sus recursos y estrategias comerciales en consecuencia.

La modelización de datos en minería de datos es fundamental para transformar grandes volúmenes de datos en conocimiento útil, permitiendo a las organizaciones tomar decisiones basadas en patrones y relaciones identificadas en los datos.

A continuación planteamos los diferentes modos de aprendizaje, los tipos de modelos en casa uno de ellos, así como los algoritmos más comunes.

1. APRENDIZA JE SUPERVISADO

El aprendizaje supervisado es una técnica de la analítica predictiva en la que se entrena un modelo utilizando un conjunto de datos previamente etiquetado. Esto significa que cada ejemplo en el conjunto de entrenamiento incluye tanto las características (o variables predictoras) como la respuesta o etiqueta deseada. El objetivo es que el modelo aprenda la relación entre las variables de entrada y la salida para poder hacer predicciones sobre nuevos datos.

¿Cómo Funciona el Aprendizaje Supervisado?

- 1. **Datos Etiquetados:** Se utiliza un conjunto de datos en el que cada registro tiene una entrada y una salida conocida. Por ejemplo, en una base de datos de precios de viviendas, cada registro incluiría características como el tamaño, ubicación y número de habitaciones, junto con el precio real de la vivienda.
- 2. **Entrenamiento del Modelo:** Durante la fase de entrenamiento, el modelo intenta encontrar patrones y relaciones en los datos que le permitan predecir la salida a partir de las entradas.
- 3. **Evaluación:** Se utiliza un conjunto de datos de prueba (diferente del de entrenamiento) para evaluar la precisión y efectividad del modelo.
- 4. **Predicción:** Una vez que el modelo ha sido entrenado y evaluado, se utiliza para predecir la salida en nuevos datos que solo tienen las características de entrada.

Ejemplos Explicativos

• Clasificación:

Ejemplo: Imagina que tienes una base de datos de correos electrónicos en la que cada correo está marcado como "spam" o "no spam". Usando aprendizaje supervisado, puedes entrenar un modelo para clasificar automáticamente futuros correos electrónicos en spam o no spam basándose en palabras clave, la dirección del remitente y otros factores.

• Regresión:

Ejemplo: Supón que deseas predecir el precio de una casa basándote en características como la ubicación, el tamaño, el número de habitaciones y otros detalles. Aquí, el aprendizaje supervisado permite entrenar un modelo con datos históricos de ventas de casas para aprender a estimar el precio de una vivienda nueva en función de sus características.

Conclusión

El aprendizaje supervisado es esencial en la analítica predictiva ya que permite que los modelos sean capaces de hacer predicciones precisas basándose en datos históricos. Esta técnica se aplica en diversos campos, desde la detección de fraudes hasta la predicción de la demanda de productos o la estimación de precios, ofreciendo herramientas valiosas para la toma de decisiones en entornos empresariales y científicos.

El **aprendizaje supervisado** es una técnica de la analítica predictiva en la que se entrena un modelo utilizando datos etiquetados, es decir, cada ejemplo del conjunto de datos incluye tanto las variables de entrada como la respuesta o etiqueta deseada. El objetivo es que el modelo aprenda las relaciones y patrones subyacentes para poder predecir correctamente la salida en datos nuevos.

Comportamiento con Sobreajuste o Subajuste

En el contexto del aprendizaje supervisado, es fundamental encontrar un equilibrio en la complejidad del modelo para que éste generalice bien a nuevos datos. Aquí es donde entran en juego los conceptos de **sobreajuste** (overfitting) y **subajuste** (underfitting):

• Sobreajuste (Overfitting):

Este fenómeno ocurre cuando un modelo aprende en exceso los detalles y el ruido de los datos de entrenamiento. Aunque el modelo puede obtener muy buenos resultados con los datos con los que fue entrenado, falla al aplicarse a nuevos datos, ya que ha "memorizarizado" los patrones específicos del conjunto de entrenamiento y no ha capturado la tendencia general.

Ejemplo: Imagina que entrenas un modelo para predecir el precio de una casa utilizando muchos parámetros y una arquitectura muy compleja. Si el modelo se ajusta demasiado a las peculiaridades de los datos históricos (como fluctuaciones puntuales que no se repetirán), es probable que, al enfrentarse a datos nuevos, sus predicciones sean imprecisas.

• Subajuste (Underfitting):

Por otro lado, el subajuste ocurre cuando el modelo es demasiado simple y no logra capturar las relaciones subyacentes entre las variables de entrada y la salida, resultando en un desempeño pobre tanto en los datos de entrenamiento como en los nuevos.

Ejemplo: Si utilizas un modelo lineal muy básico para predecir precios de viviendas en un mercado con relaciones complejas entre las variables (como ubicación, estado de la economía, etc.), el modelo no será capaz de reflejar todas las variaciones reales, produciendo predicciones imprecisas.

Equilibrio y Validación

Para evitar estos problemas, es común utilizar técnicas de validación (como la validación cruzada) y ajustar la complejidad del modelo mediante métodos de regularización. El objetivo es lograr un modelo que generalice bien, es decir, que tenga un buen desempeño tanto en el conjunto de datos de entrenamiento como en datos nuevos.

En el aprendizaje supervisado se busca entrenar modelos que aprendan de datos etiquetados para hacer predicciones. Sin embargo, es crucial vigilar la complejidad del modelo para evitar caer en sobreajuste (modelo demasiado complejo) o subajuste (modelo demasiado simple), asegurando así que las predicciones sean robustas y fiables en situaciones reales.

Atendiendo a lo anterior, en el modelo de aprendizaje supervisado, el **conjunto de aprendizaje** (o conjunto de entrenamiento) es el subconjunto de datos que se utiliza para "enseñar" al modelo. Cada uno de los registros en este conjunto contiene:

- Características (features): Variables de entrada que describen cada caso.
- Etiquetas (targets): La respuesta o resultado asociado a cada conjunto de características.

El objetivo es que el modelo aprenda la relación entre las características y las etiquetas para poder generalizar y hacer predicciones precisas sobre nuevos datos.

Ejemplos

• Predicción de Precios de Viviendas (Regresión):

Imagina que tienes una base de datos con información sobre casas, donde cada registro incluye características como:

- o Tamaño en metros cuadrados.
- o Número de habitaciones.
- o Ubicación.
- o Edad de la propiedad.

Y, además, el precio de venta de cada casa. En este caso, el conjunto de aprendizaje sería el conjunto de registros históricos que se utiliza para entrenar el modelo y que le permite aprender cómo cada característica influye en el precio.

• Clasificación de Correos Electrónicos (Clasificación):

Considera una base de datos de correos electrónicos en la que cada correo ya está etiquetado como "spam" o "no spam". Cada registro del conjunto de aprendizaje contendrá:

- o Características extraídas del correo (como palabras clave, remitente, presencia de enlaces, etc.).
- La etiqueta que indica si el correo es spam o no.

Al entrenar el modelo con estos datos, este aprende a diferenciar entre correos legítimos y spam, y puede aplicar ese conocimiento para clasificar nuevos correos.

En ambos casos, el conjunto de aprendizaje es fundamental porque contiene la información necesaria para que el algoritmo pueda identificar patrones y relaciones, permitiéndole generalizar sus predicciones a nuevos casos que no ha visto durante el entrenamiento.

La **función de coste** es una herramienta clave en el aprendizaje supervisado, ya que cuantifica la diferencia entre las predicciones del modelo y los valores reales. Su objetivo es medir el "error" y servir de guía para ajustar los parámetros del modelo durante el entrenamiento.

¿Cómo Funciona la Función de Coste?

La **función de coste** es una herramienta fundamental en el aprendizaje supervisado que nos permite cuantificar qué tan bien se está desempeñando un modelo al comparar sus predicciones con los valores reales. En lugar de simplemente aplicar un umbral (o función de corte) para tomar decisiones, la función de coste mide el error y lo convierte en un valor numérico que se busca minimizar durante el entrenamiento.

1. Medición del Error:

La función de coste evalúa cuánto se aleja la salida del modelo (la predicción) del valor real. Por ejemplo:

 En regresión, La función de coste evalúa la diferencia entre la salida predicha del modelo y la salida real (la etiqueta). Por ejemplo, en un problema de regresión se puede utilizar el Error Cuadrático Medio (ECM), que calcula la media de los cuadrados de las diferencias entre los valores predichos y los reales:

$$J(\theta)=rac{1}{N}\sum_{i=1}^N\left(h_{\theta}(x^{(i)})-y^{(i)}
ight)^2$$
 donde $h_{\theta}(x^{(i)})$ es la predicción para el ejemplo i y $y^{(i)}$ es el valor real.

• En clasificación (por ejemplo, regresión logística), se suele usar la entropía cruzada:

$$J(heta) = -rac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left[y^{(i)} \log(h_{ heta}(x^{(i)})) + (1-y^{(i)}) \log(1-h_{ heta}(x^{(i)}))
ight]$$

2. Optimización:

Durante el entrenamiento, el modelo ajusta sus parámetros (por ejemplo, usando algoritmos como el descenso del gradiente) para minimizar el valor de la función de coste en el conjunto de entrenamiento. Esto significa que el modelo se va "aprendiendo" de los datos y reduce el error en las predicciones.

3. Evaluación y Generalización:

Una vez que se ha entrenado el modelo, se evalúa la función de coste en el **conjunto de prueba** (o validación), que contiene datos no vistos durante el entrenamiento.

- o Bajo coste en entrenamiento y bajo coste en prueba: El modelo generaliza bien.
- **Bajo coste en entrenamiento pero alto coste en prueba:** El modelo sufre de **sobreajuste**, es decir, ha memorizado demasiado los datos de entrenamiento y no generaliza.
- **Alto coste en ambos conjuntos:** El modelo está en **subajuste**, lo que indica que es demasiado simple y no ha capturado las relaciones relevantes en los datos.

Ejemplos Prácticos

• Ejemplo en Regresión:

Imagina que quieres predecir el precio de una casa.

- **Conjunto de Entrenamiento:** Tienes datos históricos con características como tamaño, ubicación y número de habitaciones, junto con el precio real de la casa.
- **Función de Coste:** Utilizas el ECM para medir la diferencia entre el precio predicho y el precio real. Durante el entrenamiento, el algoritmo ajusta los parámetros para minimizar este error.
- **Evaluación:** Una vez entrenado, calculas el ECM en el conjunto de prueba. Si el ECM es bajo en ambos conjuntos, tu modelo es robusto; si es bajo en entrenamiento y alto en prueba, probablemente estés sobreajustando el modelo.

• Ejemplo en Clasificación:

Supón que estás construyendo un modelo para detectar correos electrónicos spam.

- o Conjunto de Entrenamiento: Cada correo está etiquetado como "spam" o "no spam".
- **Función de Coste:** Empleas la entropía cruzada para medir la discrepancia entre la probabilidad asignada por el modelo y la etiqueta real.
- **Evaluación:** Tras el entrenamiento, verificas la función de coste en el conjunto de prueba. Si el coste es mucho mayor en el conjunto de prueba, el modelo puede estar sobreajustado, mientras que un coste alto en ambos sugiere que el modelo no ha aprendido adecuadamente (subajuste).

Conclusión

La función de coste es fundamental en el aprendizaje supervisado porque permite:

- **Medir el error:** Ayuda a cuantificar qué tan alejadas están las predicciones del modelo respecto a la realidad.
- Optimizar el modelo: Sirve como guía para ajustar los parámetros y mejorar el desempeño.
- **Evaluar la generalización:** Comparando el coste en el conjunto de entrenamiento y el de prueba se puede determinar si el modelo está sobreajustado, subajustado o si generaliza correctamente.

En definitiva, la función de coste se encuadra en el proceso de aprendizaje supervisado como el mecanismo central que permite evaluar y mejorar el rendimiento del modelo a partir de la comparación entre sus predicciones y los datos reales.

Vamos a ver de una manera genérica las **fases** de que consta el proceso de aprendizaje supervisado:

1. Configuración

¿Qué implica?

• Selección y preparación de datos:

Se recogen y preparan los datos, asegurándose de que cada registro incluya las características de entrada y la etiqueta de salida. Esto puede incluir limpieza, normalización y transformación de los datos.

• División del conjunto de datos:

Se separa el conjunto total en dos (o más) subconjuntos: uno para entrenar el modelo (conjunto de entrenamiento) y otro para evaluar su desempeño (conjunto de validación o prueba).

• Definición del modelo y sus hiperparámetros:

Se elige el tipo de modelo (por ejemplo, regresión lineal, regresión logística, redes neuronales, etc.) y se establecen parámetros que guiarán el proceso de aprendizaje (como la tasa de aprendizaje, el número de iteraciones, etc.).

Ejemplo:

Para predecir el precio de viviendas, se puede empezar recopilando datos históricos que incluyan características como el tamaño, la ubicación y el número de habitaciones, junto con el precio real. Luego, estos datos se dividen en un conjunto de entrenamiento (para ajustar el modelo) y un conjunto de prueba (para evaluar la predicción).

2. Entrenamiento

¿Qué implica?

Ajuste de parámetros:

Durante esta fase, el modelo "aprende" mediante la modificación de sus parámetros internos (por ejemplo, los coeficientes en una regresión lineal) para minimizar la diferencia entre las predicciones y los valores reales. Esto se hace utilizando una función de coste (como el error cuadrático medio en regresión o la entropía cruzada en clasificación).

• Iteración y optimización:

Se utiliza un algoritmo de optimización (como el gradiente descendente) que ajusta los parámetros iterativamente hasta alcanzar un nivel aceptable de error en el conjunto de entrenamiento.

Ejemplo:

En el caso de un modelo de clasificación de correos electrónicos (spam vs. no spam), el entrenamiento consiste en ajustar el modelo para que las probabilidades de que un correo sea spam se acerquen lo máximo posible a las etiquetas correctas en el conjunto de entrenamiento.

3. Validación

¿Qué implica?

• Evaluación del rendimiento:

Una vez entrenado el modelo, se aplica sobre el conjunto de validación (o prueba) para evaluar su desempeño en datos nuevos que no ha visto durante el entrenamiento. Esto permite medir su capacidad de generalización.

• Ajuste y selección:

Los resultados de la validación pueden indicar si el modelo está sobreajustado (bajo error en entrenamiento, pero alto error en validación) o subajustado (alto error en ambos conjuntos). Según estos resultados, se pueden ajustar hiperparámetros, modificar la complejidad del modelo o incluso realizar una reconfiguración de los datos.

Ejemplo:

Continuando con el ejemplo de predicción de precios de viviendas, el modelo se evalúa en el conjunto de prueba para comprobar si predice precios de manera precisa en viviendas que no formaron parte del entrenamiento. Si el error es elevado, se podría ajustar el modelo (por ejemplo, incluyendo nuevas variables o cambiando la arquitectura) hasta lograr un buen rendimiento en datos no vistos.

4. Prueba

Definición y Objetivo:

La fase de prueba consiste en evaluar el rendimiento final del modelo utilizando un conjunto de datos que no se ha empleado en etapas anteriores (entrenamiento ni validación). Este conjunto de prueba es crucial para obtener una estimación objetiva de cómo se comportará el modelo en situaciones reales.

Características Principales:

• Evaluación Final:

Se calcula el error o se miden métricas clave (como precisión, recall, F1-score en clasificación o error cuadrático medio en regresión) para determinar la efectividad del modelo con datos no vistos.

• Objetividad:

Al ser un subconjunto completamente independiente, proporciona una evaluación realista del rendimiento del modelo, ayudando a detectar si el modelo se comporta de forma diferente en datos nuevos.

• Comparación de Métricas:

Permite comparar el rendimiento en el conjunto de prueba con el de entrenamiento y validación, identificando posibles problemas como sobreajuste o subajuste.

Ejemplo Práctico:

Imagina un modelo para detectar transacciones fraudulentas. Tras entrenarlo y ajustar sus hiperparámetros utilizando los conjuntos de entrenamiento y validación, se utiliza el conjunto de prueba para ver cuántos casos de fraude el modelo identifica correctamente y cuántos casos legítimos clasifica erróneamente. Si el modelo obtiene una alta tasa de falsos positivos o negativos en el conjunto de prueba, se sabe que puede haber problemas de generalización.

5. Inferencia

Definición y Objetivo:

La inferencia es la fase en la que el modelo entrenado se utiliza en entornos reales para hacer predicciones sobre nuevos datos. Es el paso donde se despliega el modelo en producción y se aprovecha para tomar decisiones automatizadas.

Características Principales:

• Predicción en Tiempo Real o por Lotes:

Durante la inferencia, el modelo recibe nuevos datos y genera predicciones de manera instantánea (en tiempo real) o en lotes (procesando grandes cantidades de datos en intervalos determinados).

• Integración en Sistemas de Producción:

El modelo se integra en aplicaciones o sistemas, como un servidor de correo que filtra spam, un sistema de recomendaciones en una tienda online o una herramienta de diagnóstico médico.

Uso Práctico:

Es el uso final del modelo donde su desempeño y capacidad de generalización se ponen a prueba en situaciones reales, demostrando su valor práctico.

Ejemplo Práctico:

Una vez evaluado y comprobado el rendimiento mediante la fase de prueba, el modelo de clasificación de correos electrónicos se despliega en el servidor de un proveedor de email. Cada nuevo mensaje recibido se procesa mediante el modelo, que determina si es spam o no, ayudando a filtrar y organizar los correos de los usuarios de manera automática.

A modo de resumen...

Resumiendo, el proceso de aprendizaje supervisado se puede dividir en tres fases:

- 1. **Configuración:** Preparación de datos, definición del modelo y división en conjuntos de entrenamiento y prueba.
- 2. **Entrenamiento:** Ajuste de parámetros del modelo a través de la optimización de una función de coste.
- 3. **Validación:** Evaluación y ajuste del modelo para asegurar que generalice correctamente a nuevos datos.
- 4. **Prueba:** Se evalúa el modelo con datos completamente nuevos para obtener una medida objetiva de su rendimiento.
- 5. **Inferencia:** Se utiliza el modelo en producción para realizar predicciones sobre nuevos datos y apoyar la toma de decisiones en tiempo real o por lotes.

Este esquema facilita tanto el desarrollo como la evaluación de modelos predictivos, asegurando que se pueda aplicar con éxito en situaciones del mundo real.

Vamos a estudiar las técnicas de clasificación y predicción, ambas basadas en este proceso de aprendizaje supervisado.

1.1. Clasificación.

Las técnicas de clasificación se encargan de **asignar objetos a categorías predefinidas**, etiquetándolos con una marca de clase. Esta marca es la variable objetivo en el aprendizaje, siendo un atributo discreto del objeto (sabiendo que discreto, como ya se vio, hace referencia a que puede tomar un número finito de posibles valores). En el contexto del aprendizaje supervisado, cuando hablamos de la **clasificación de los atributos** nos referimos a identificar y categorizar las características (o variables) que se usan para entrenar un modelo de clasificación. Esto es crucial, ya que la naturaleza y calidad de estos atributos influyen directamente en la capacidad del modelo para aprender y generalizar. A continuación, se explican algunas clasificaciones habituales de los atributos y su relevancia en el proceso:

1. Según el Tipo de Datos

• Atributos Numéricos (Continuos):

Son aquellos que toman valores numéricos y pueden asumir un rango continuo. *Ejemplo:* El precio de una vivienda o la duración de una llamada telefónica.

• Atributos Categóricos (Discretos):

Toman valores que representan categorías o etiquetas.

Ejemplo: El género de una persona (masculino, femenino) o el tipo de correo (spam, no spam).

• Atributos Ordinales:

Son un tipo especial de atributos categóricos en los que existe un orden o jerarquía, pero las diferencias entre los niveles no son necesariamente cuantitativas.

Ejemplo: Niveles de satisfacción (bajo, medio, alto).

2. Según su Función en el Modelo

• Atributos Predictivos o de Entrada:

Son las variables que se utilizan para predecir la salida.

Ejemplo: En un modelo para predecir el precio de una vivienda, atributos como el tamaño, número de habitaciones y ubicación son predictivos.

• Atributos de Salida (Etiquetas):

Es la variable o variables que se desean predecir.

Ejemplo: El precio final de la vivienda o, en un problema de clasificación, la categoría (por ejemplo, "spam" o "no spam" en correos electrónicos).

3. Consideraciones en el Proceso de Clasificación

• Preprocesamiento:

Dependiendo del tipo de atributo, se aplican diferentes técnicas de preprocesamiento. *Ejemplo:*

- Los atributos numéricos pueden necesitar normalización o escalado.
- Los atributos categóricos a menudo se codifican (por ejemplo, one-hot encoding) para ser utilizados en modelos que trabajan con datos numéricos.

• Selección de Atributos:

No todos los atributos disponibles aportan información útil para la tarea de clasificación. Se pueden aplicar técnicas de selección de características para identificar los atributos que tienen mayor relevancia y eliminar aquellos que son redundantes o irrelevantes.

Ejemplo: En la detección de spam, algunas palabras clave pueden tener un peso mayor a la hora de clasificar un correo, mientras que otras pueden no aportar información significativa.

• Ingeniería de Atributos:

A veces, es necesario transformar o crear nuevos atributos a partir de los existentes para mejorar el rendimiento del modelo.

Ejemplo: En un modelo de predicción de precios, se podría crear un atributo derivado que combine el tamaño de la vivienda y el número de habitaciones para capturar mejor la relación con el precio.

La clasificación de los atributos en el proceso de aprendizaje supervisado implica entender tanto su **tipo de datos** (numéricos, categóricos, ordinales, etc.) como su **función** (predictivos o de salida). Esta clasificación es esencial para definir el preprocesamiento adecuado, seleccionar los atributos más relevantes y, en última instancia, construir modelos de clasificación robustos y eficientes. Cada atributo, dependiendo de su naturaleza, se trata de manera específica para maximizar la capacidad del modelo de aprender y generalizar a partir de los datos disponibles.

Existen diferentes técnicas para la evaluación de un modelo de clasificación, pero la gran mayoría de ellas se basa en el conteo de los objetos clasificados correcta e incorrectamente, representados en forma de matriz de confusión. Sobre esta se definen distintas métricas de rendimiento, como la exactitud (*accuracy*), la precisión (*precision*) o la sensibilidad (*recall*).

Vamos a ver los cuatro tipos de clasificaciones que podemos encontrar y algunos de los algoritmos más comunes.

• Tipos de Clasificación (Estructura del Problema):

Se centran en **qué tipo de salida** se espera:

Clasificación Binaria:

El modelo decide entre dos clases (por ejemplo, "spam" vs "no spam"). Muchos algoritmos, como la regresión logística, se utilizan inicialmente para este tipo de problemas.

• Clasificación Multiclase:

Involucra tres o más clases mutuamente excluyentes (por ejemplo, clasificación de dígitos del 0 al 9). Algoritmos como SVM y árboles de decisión se pueden adaptar para este tipo de problemas, por ejemplo, usando estrategias como "uno contra todos".

• Clasificación Multietiqueta:

Cada instancia puede pertenecer a múltiples clases simultáneamente (por ejemplo, etiquetar un artículo de noticias con varios temas). Aquí se pueden emplear variantes de algoritmos de clasificación que permiten asignar múltiples etiquetas.

Multitarea:

Se trata de entrenar un modelo que resuelva **varias tareas relacionadas al mismo tiempo**, compartiendo representaciones o características. Esto puede incluir problemas de clasificación y regresión simultáneamente y, a menudo, se implementa en redes neuronales.

Ejemplo de relación

Imagina que utilizas **árboles de decisión** para resolver un problema de clasificación:

- Si tu problema es **binario**, el árbol separará las instancias en dos ramas finales.
- Si es **multiclase**, el árbol se adaptará para clasificar entre más de dos categorías, generando hojas para cada clase.
- En un escenario **multietiqueta**, podrías modificar o combinar varios árboles para predecir que una instancia pertenezca a varias categorías a la vez.
- En un contexto **multitarea**, podrías tener un modelo basado en árboles o en un conjunto de modelos (por ejemplo, un ensamble) que comparta información entre diferentes tareas de predicción.

Las categorías de clasificación (binaria, multiclase, multietiqueta y multitarea) definen la **estructura del problema de salida**, mientras que las técnicas de clasificación (como los algoritmos probabilísticos, basados en instancias, árboles de decisión y basados en el margen) definen **cómo** se resuelve el problema. Ambos enfoques se complementan: la elección de la técnica puede depender, en parte, del tipo de problema de clasificación que se tenga, y los algoritmos se pueden adaptar para satisfacer las necesidades específicas de cada categoría.

Tipos de Clasificación asociados a algoritmos

BINARIA

En la **clasificación binaria** el objetivo es distinguir entre dos clases, por lo que se pueden aplicar diversos algoritmos. A continuación, te detallo algunos de los algoritmos más comunes junto con ejemplos:

1. Regresión Logística

Descripción:

Utiliza una función sigmoide para modelar la probabilidad de que una instancia pertenezca a la clase positiva. Es sencillo, eficiente y se interpreta fácilmente.

Ejemplo:

Predecir si un correo electrónico es "spam" o "no spam" basándose en características como la frecuencia de palabras y la presencia de ciertos términos.

2. Naive Bayes

Descripción:

Se fundamenta en el teorema de Bayes asumiendo la independencia condicional de los atributos. Es especialmente útil en problemas de alta dimensión.

Ejemplo:

Clasificar noticias en "relevantes" o "no relevantes" según la presencia de ciertas palabras clave, tratando cada palabra como independiente de las demás.

3. K-Vecinos Más Cercanos (K-NN)

Descripción:

Clasifica una nueva instancia buscando los k ejemplos más cercanos (según alguna medida de distancia) y asignando la clase mayoritaria entre esos vecinos.

Ejemplo:

Determinar si una transacción bancaria es fraudulenta o legítima comparándola con transacciones previas etiquetadas.

4. Árboles de Decisión

Descripción:

Construye un árbol de decisiones dividiendo los datos de forma secuencial según los valores de las características, lo que resulta en reglas de decisión interpretables.

Ejemplo:

Decidir si se aprueba o no un préstamo basándose en variables como ingresos, historial crediticio y otros factores.

5. Ensamblados (Random Forest, Boosting)

Descripción:

Son técnicas que combinan múltiples modelos (como árboles de decisión) para mejorar la robustez y precisión de la clasificación.

Ejemplo:

Detectar fraude en transacciones combinando las predicciones de varios árboles de decisión (Random Forest) o ajustando sucesivamente los errores (Boosting).

6. Máquinas de Soporte Vectorial (SVM)

Descripción:

Encuentra el hiperplano óptimo que separa las dos clases, maximizando el margen entre ellas. Puede adaptarse a casos no lineales mediante el uso de funciones kernel.

Ejemplo:

Clasificar imágenes en dos categorías (por ejemplo, "gato" vs "no gato") en aplicaciones de reconocimiento de patrones.

7. Redes Neuronales

Descripción:

Utilizan arquitecturas de capas (como perceptrones multicapa) que pueden aprender representaciones complejas a partir de los datos. Son especialmente útiles cuando hay grandes volúmenes de datos y relaciones no lineales.

Ejemplo:

Análisis de sentimiento en redes sociales para clasificar opiniones como "positivas" o "negativas" basándose en el texto.

Cada uno de estos algoritmos se puede adaptar a problemas de clasificación binaria. La elección depende de la naturaleza de los datos, la complejidad del problema y los requerimientos en términos de interpretabilidad y rendimiento. Por ejemplo, la regresión logística y Naive Bayes son opciones rápidas e interpretables, mientras que SVM y redes neuronales pueden ofrecer mayor precisión en problemas complejos, aunque a veces a costa de una mayor complejidad en la interpretación.

MULTICLASE

En problemas de clasificación multiclase, donde se deben distinguir tres o más categorías mutuamente excluyentes, se pueden aplicar diversos algoritmos, muchos de los cuales son extensiones o adaptaciones de los utilizados en la clasificación binaria. A continuación, se presentan algunos de los algoritmos más comunes junto con ejemplos:

1. Regresión Logística Multiclase

Descripción:

Aunque la regresión logística se utiliza principalmente para clasificación binaria, se puede extender a problemas multiclase mediante enfoques como "uno contra todos" (OvA) o "uno contra uno" (OvO).

Ejemplo:

Clasificar dígitos escritos a mano (del 0 al 9) donde cada dígito representa una clase diferente.

2. Naive Bayes Multinomial

Descripción:

El clasificador Naive Bayes se puede adaptar para múltiples clases. En el caso de datos de texto, se utiliza frecuentemente el enfoque multinomial, que estima la probabilidad de cada clase en función de la frecuencia de palabras.

Ejemplo:

Clasificar artículos de noticias en categorías como "deportes", "política", "tecnología" y "entretenimiento".

3. Árboles de Decisión y Ensamblados

Descripción:

Los árboles de decisión pueden generar modelos interpretables y adaptarse fácilmente a problemas multiclase. Además, técnicas de ensamblado como Random Forest o métodos de boosting combinan múltiples árboles para mejorar la precisión.

Ejemplo:

Predecir la categoría de un cliente (por ejemplo, "nuevo", "frecuente", "VIP") en función de variables como el historial de compras y la interacción en el sitio web.

4. Máquinas de Soporte Vectorial (SVM)

Descripción:

SVM puede adaptarse a problemas multiclase utilizando estrategias como "uno contra todos" (cada clasificador SVM separa una clase de todas las demás) o "uno contra uno" (se entrenan clasificadores para cada par de clases).

Ejemplo:

Clasificar imágenes de animales en categorías como "gato", "perro" y "pájaro", donde se utiliza SVM con kernels para manejar la complejidad de los datos.

5. Redes Neuronales

Descripción:

Las redes neuronales, especialmente las de arquitectura multicapa, son naturalmente adecuadas para la clasificación multiclase. La capa de salida suele utilizar la función softmax, que asigna una probabilidad a cada clase.

Ejemplo:

Reconocimiento de objetos en imágenes, donde la red neuronal clasifica cada imagen en una de varias categorías (por ejemplo, "automóvil", "bicicleta", "persona", "señal de tráfico").

- **Regresión Logística Multiclase:** Se adapta mediante estrategias OvA o OvO para distinguir entre múltiples categorías, como en el reconocimiento de dígitos.
- Naive Bayes Multinomial: Ideal para clasificar textos en varias categorías, como en la clasificación de noticias.
- **Árboles de Decisión y Ensamblados:** Permiten construir modelos interpretables y robustos, útiles en la segmentación de clientes.
- Máquinas de Soporte Vectorial (SVM): Se extienden a múltiples clases mediante estrategias específicas, útiles en la clasificación de imágenes.
- **Redes Neuronales:** Utilizan funciones de activación (como softmax) en la capa de salida para asignar probabilidades a cada clase, aplicables en tareas complejas de reconocimiento de patrones.

La elección del algoritmo dependerá de la naturaleza de los datos, la cantidad de clases, la complejidad del problema y la necesidad de interpretabilidad versus precisión en la solución.

A continuación se exponen algunos algoritmos y enfoques que se pueden utilizar tanto en problemas multiclase como en aquellos que combinan la clasificación con la multitarea, junto con ejemplos prácticos.

Multiclase

En problemas multiclase se debe asignar a cada instancia una de varias categorías mutuamente excluyentes. Algunos algoritmos comunes son:

Regresión Logística Multiclase:

Se adapta utilizando estrategias "uno contra todos" (OvA) o "uno contra uno" (OvO) para distinguir entre tres o más clases.

Ejemplo:

Reconocer dígitos escritos a mano (del 0 al 9) donde cada dígito es una clase distinta.

• Máquinas de Soporte Vectorial (SVM):

Se extiende a multiclase mediante métodos OvA u OvO.

Ejemplo:

Clasificar imágenes de flores en diferentes especies (por ejemplo, rosa, tulipán, margarita).

• Árboles de Decisión y Ensamblados (Random Forest, Boosting):

Generan reglas de decisión que pueden adaptarse naturalmente a problemas con múltiples clases.

Ejemplo:

Segmentar clientes en categorías de comportamiento de compra (nuevo, frecuente, VIP).

• Redes Neuronales con Capa de Salida Softmax:

La capa final usa softmax para asignar probabilidades a cada clase, facilitando la elección de la clase con mayor probabilidad.

Ejemplo:

Clasificación de imágenes en categorías como "automóvil", "bicicleta", "camión" y "motocicleta" en un sistema de reconocimiento de vehículos.

Multitarea

La multitarea consiste en entrenar un modelo para resolver simultáneamente dos o más tareas relacionadas. En clasificación, esto puede implicar que un único modelo realice varias predicciones que pueden compartir representaciones o características, lo cual puede mejorar la generalización y eficiencia. Algunos enfoques incluyen:

• Redes Neuronales Multitarea:

Arquitecturas que comparten capas intermedias y tienen salidas separadas para cada tarea.

Ejemplo:

Un modelo de diagnóstico médico que simultáneamente clasifica la presencia de diversas enfermedades (por ejemplo, diabetes, hipertensión) basándose en los mismos datos clínicos, compartiendo información útil entre las tareas.

Multi-task SVM:

Variantes del SVM que adaptan su función de coste para considerar varias tareas de clasificación en paralelo, optimizando de forma conjunta.

Ejemplo:

En análisis de sentimientos, un modelo que clasifica tanto el tono general (positivo, negativo, neutral) como la intensidad del sentimiento, aprovechando la relación entre ambas tareas.

• Ensamblados y Métodos Basados en Árboles para Multitarea:

Algunos algoritmos de boosting y Random Forest pueden configurarse o adaptarse para abordar varias tareas, especialmente si estas tareas comparten características comunes.

Ejemplo:

Un sistema de recomendación que, a partir de las mismas características del usuario, clasifica sus preferencias en diferentes categorías de productos (como electrónica, moda y libros).

Conexión y Ejemplo Integrado

Imagina un sistema de reconocimiento de escenas en imágenes que necesita:

- Multiclase: Clasificar la escena en categorías como "urbana", "rural", "costera" o "montañosa".
- **Multitarea:** Simultáneamente, identificar si en la imagen hay presencia de ciertos objetos (por ejemplo, vehículos, árboles, cuerpos de agua) y predecir la hora del día (mañana, tarde, noche).

Una **red neuronal multitarea** sería ideal para este escenario. La red podría tener capas compartidas que extraen características generales de la imagen, y luego ramificarse en dos salidas: una con función softmax para la clasificación multiclase de la escena y otra (posiblemente con activación sigmoide) para la detección de objetos múltiples, junto con una rama adicional para la predicción de la hora del día. Esto permite aprovechar la información compartida para mejorar el rendimiento en todas las tareas.

• Para problemas multiclase:

Se pueden utilizar algoritmos como la regresión logística multiclase, SVM con estrategias OvA/OvO, árboles de decisión (y sus ensamblados) y redes neuronales con softmax.

• Para problemas multitarea:

Se aprovechan enfoques que permiten compartir información entre tareas relacionadas, tales como redes neuronales multitarea, adaptaciones de SVM y métodos basados en árboles que integren múltiples salidas.

La elección del algoritmo o arquitectura dependerá de la naturaleza del problema, la interrelación entre las tareas y la disponibilidad de datos, permitiendo diseñar soluciones que maximicen la eficiencia y la capacidad predictiva del modelo.