מבני נתונים - תרגיל מעשי 2

סמסטר ב' תשפ"ב

מטרת תרגיל זה הינה להבין לעומק את דרך הפעולה של טבלאות hash עם פתרון התנגשויות סpen addressing, ולהשוות בין הגרסאות השונות של שיטה זו כפי שנלמדו בשיעור. בשיטת open addressing, עם hash עם probing בשיטות הבדיקה (probing) הבאות: linear probing, quadratic probing, double hashing

שימו לב: בסוף המסמך ישנן הוראות הגשה – הקפידו לפעול לפיהן. <mark>תאריך הגשה: 10.6.</mark> יש לעקוב אחר השרשור הנעוץ בפורום בו נפרסם הבהרות חשובות. בנוסף, שימו לב כי בניגוד לתרגיל המעשי הראשון, בתרגיל זה נשתמש בשפת Java.

חלק א – מימוש

בחלק זה בתרגיל תממשו טבלת hash בשפת Java. כניסה של איבר בטבלת ה-hash היא מהטיפוס בחלק זה בתרגיל תממשו טבלת hash בשפת Java בשפת hash (הערך הנוסף). הממשק שאותו (הערך הנוסף). המכיל שדה bash (הערך הנוסף). המכיל את המתודות הבאות:

- סניים את האיבר hte מכניסה את האיבר $-Insert(HashTableElement\ hte)$ מכניסה את האיבר $-Insert(HashTableElement\ hte)$ בסדרת החיפוש של $hte.\ key$ ולא קיים בטבלה איבר בעל אותו המפתח, יזרק חריג מסוג $-Insert(HashTableElement\ hte)$. אחרת, אם לא קיים מקום בעל אותו המפתח, יזרק חריג מסוג $-Insert(HashTableElement\ hte)$. אחרת, אם לא קיים מקום פנוי בסדרת החיפוש, הפונקציה תזרוק $-Insert(HashTableElement\ hte)$
- null אם קיים. אם קיים. אם HashTableElement- מחזירה את ה- $Find(long\ key)$ אם אחרת.
 - אם היים. אחרת, זורקת Delete(long key) − מוחקת את האיבר עם המפתח key מהטבלה, אם קיים. אחרת, זורקת KeyDoesntExistException

1. מימוש טבלת Hash עם Open Addressing.

ממשו את המחלקה האבסטרקטית OAHashTable. מחלקה זו מממשת את הממשק IHashTable, ממשו את המחלקה האבסטרקטית פור המחלקה זו תממש, עבור $Hash(long\ key,\ long\ i)$. מתודה זו תממש, עבור מחלקות הבת של OAHashTable, את מציאת האיבר ה-i בסדרת החיפוש של - כלומר, היא מחזירה אינדקס לתוך טבלת החיפוש.

הבהרה: סדרת החיפוש של מפתח k בשיטת open addressing היא סדרת האינדקסים

$$h(k, 0), h(k, 1), h(k, 2), ..., h(k, m - 1)$$

עליכם אם כן לממש את כל הפונקציות של טבלת החיפוש בהסתמך על הפונקציה האבסטרקטית hash.

בנוסף, OAHashTable מגדירה קונסטרקטור שמקבל את גודל המערך m כפרמטר (זכרו שיש משמעות להגדרת קונסטרקטור במחלקה אבסטרקטית – קונסטרקטור זה יקרא מתוך מחלקות הבת הקונקרטיות).

.2 <u>מימוש טבלאות Hash עם מגוון</u>

בשאלה זו עליכם לממש מספר מחלקות קונקרטיות היורשות מ-OAHashTable. כל המחלקות הללו עליכם לממש מספר מחלקות קונקרטיות מהצורה ax + b מודולו ראשוני p מודולו האוניברסלית של פונקציות לינאריות מהצורה ax + b מודולו בכיתה.

- 1. ממשו את המחלקה ModHash, המייצגת פונקציית hash מהמשפחה. למחלקה יהיו את המתודות הבאות:
 - x שתשערך את הפונקציה על המפתח, Hash(long x) המתודה ס
- המייצג פונקציה ModHash שתחזיר אובייקט, $GetFunc(int\ m,\ long\ p)$ שנבחרה אקראית מתוך המשפחה.
 - ממשו את המחלקות הקונקרטיות הבאות היורשות מ-OAHashTable. המחלקות ישתמשו בפונקציות hash מתוך המחלקה ModHash. הקונסטרטור של כל מחלקה יקבל את גודל הטבלה $p \geq m$ ואת הראשוני $p \in m$. המחלקות הינן:
 - .linear probing טבלה עם LPHashTable ●
 - QPHashTable טבלה עם quadratic probing סבלה עם QPHashTable חפונקציה שבה נשתמש עבור קביעת QPHashTable מתוך האינדקסים היא h' היא פונקציית h', כאשר h', כאשר h' המשפחה האוניברסלית הנ"ל.
- פבה שבה alternating quadratic probing טבלה עם AQPHashTable . כלומר, הפונקציה שבה AQPHashTable . נשתמש עבור קביעת האינדקסים היא $h(k,i)=(h'(k)+(-1)^i\cdot i^2)\ mod\ m$ כאשר hash מתוך המשפחה האוניברסלית הנ"ל.
- סטבלה עם double hashing כלומר, הפונקציה שבה נשתמש עבור DoubleHashTable פביעת האינדקסים היא h'_1,h'_2 הוא h'_1,h'_2 כלומר, הפונקציות h'_1,h'_2 הוא האוניברסלית הנ"ל (באופן בלתי תלוי).

חלק ב - ניסויים

- 3. בשאלה זו נשווה בין quadratic probing ל-alternating quadratic probing, ונבין את הקשר בין בחירת המקדמים של הביטוי הריבועי לבין התקינות של סדרת הבדיקה.
 - בוצות: את גדלי הקבוצות: q = 6571, חשבו אמפירית את גדלי הקבוצות: 1

$$Q_{1} = \{i^{2} \mod q | 0 \le i < q\}$$

$$Q_{2} = \{(-1)^{i} \cdot i^{2} \mod q | 0 \le i < q\}$$

- 2. חזרו על השלבים הבאים 100 פעמים:
- ו- m=6571 כאשר QPHashTable ברו טבלה חדשה מהמחלקה p=1,000,000,007

לתוך הטבלה, כאשר הכניסו את אm איברי הסדרה הרנדומית ($a_i^{m-1}_{i=0}$ הכניסו את איברי הסדרה לווף הסדרה מתפלג אחיד בטווח ($a_i^{m-1}_{i=0}$ אחיד בטווח (

האם כל פעולות ההכנסה הושלמו בהצלחה, או שנזרקו חריגים? חזרו על התהליך הקודם עם האם כל פעולות ההכנסה הושלמו בהצלחה, או שנזרקו להסביר את השוני בין התוצאות? QPHashTable

- 3. (בונוס) למדו על שאריות ריבועיות (quadratic residues) והסבירו את התופעה שבתרגיל זה. האם היא הייתה מתרחשת לכל ראשוני שהיינו בוחרים? מהו התנאי לקיום התופעה?
- 4. בשאלה זו נשווה בין המימושים השונים ל-open addressing. בצעו את המדידות הבאות עבור כל אחד מסוגי הטבלה LPHashTable, QPHashTable, AQPHashTable, DoubleHashTable. תעדו את זמן הריצה של כל סעיף בטבלה של אותו הסעיף. עבור כל אחד מהסעיפים, הוסיפו הסבר מילולי להבדלים בזמני הריצה בין סוגי הטבלאות. בשאלה זו לא אמורים להיזרק חריגים.
- p=1,000,000,007 בערו טבלה מגודל m=10,000,019 בטוח $a_i=100i+b_i$ כאשר $a_i=100i+b_i$, כאשר $a_i=100i+b_i$ מתפלג אחיד בטווח $a_i=100i+b_i$ עבור כל $a_i=100i+b_i$ עבור כל $a_i=100i+b_i$ שבור כל $a_i=100i+b_i$ עבור כל $a_i=100i+b_i$ עבור כל $a_i=100i+b_i$ אחיד בטווח $a_i=100i+b_i$ מתפלג אחיד בטווח $a_i=100i+b_i$ מתפלג אחיד בטווח $a_i=100i+b_i$ איברי הסדרה הרנדומית $a_i=100i+b_i$ איברי הסדרה הרנדומית $a_i=100i+b_i$ מתפלג אחיד בטווח $a_i=100i+b_i$ איברי הסדרה הרנדומית $a_i=100i+b_i$ איברי הסדרה הרנדומית $a_i=100i+b_i$ איברי הסדרה הרנדומית $a_i=100i+b_i$ איברי הסדרה הרנדומית $a_i=100i+b_i$

Class	Running Time
LPHashTable	
QPHashTable	
AQPHashTable	
DoubleHashTable	

(נמקו QPHashTable מדרו על הסעיף הקודם, אבל כש- $n=\lfloor \frac{19m}{20} \rfloor$ אין לבצע סעיף זה עבור $n=\lfloor \frac{19m}{20} \rfloor$ מדוע). האם ההבדל בביצועים לעומת הסעיף הקודם שונה בהתאם לסוג הטבלה? נמקו

Class	Running Time
LPHashTable	
AQPHashTable AQPHashTable	
DoubleHashTable	

- על סיבוכיות הזמן של פעולות על open addressing בשאלה את השפעת מחיקת איברים ב-DoubleHashTable על סיבוכיות ו- ו- m=10,000,019 עבור m=10,000,019 עבור p=1,000,000,007 ו- p=1,000,000,007
 - $n = \lfloor rac{m}{2}
 floor$ בשאלה הקודמת, כאשר ($a_i^{n-1}_{i=0}$ בבשאלה הסדרה הרנדומית .a
 - b. הכניסו את איברי הסדרה לטבלה.
 - .c מחקו את איברי הסדרה מהטבלה.

שימו לב שהסדרה הרנדומית מוגרלת מחדש בכל איטרציה. השוו את זמן ביצוע 3 האיטרציות שימו לב שהסדרה הרנדומית מוגרלת האחרונות. האם קיים הבדל? אם כן, הסבירו מדוע.

Iterations	Running Time
First 3 iterations	
Last 3 iterations	

הגשה

הגשת התרגיל תתבצע באופן אלקטרוני באתר הקורס במודל.

הגשת התרגיל היא בזוגות בלבד!

הגשה ביחידים תתאפשר רק באישור המתרגלים.

כל זוג יבחר נציג **אחד** ויעלה תחת שם המשתמש שלו את קבצי התרגיל (תחת קובץ zip) למודל. על ההגשה לכלול <u>10</u> קבצים:

- 1. שמונת קבצי המקור שניתנו תחת שמותיהם המקוריים.
- 2. קובץ טקסט info.txt המכיל את פרטי המגישים הבאים: תז, שמות ושמות משתמש.
- 3. מסמך תיעוד חיצוני, המכיל גם את תוצאות המדידות. את המסמך יש להגיש באחד הפורמטים הבאים: txt, rtf, doc, docx או pdf.

שמות קובץ התיעוד וקובץ המוצ צריכים לכלול את שמות המשתמש האוניברסיטאיים של **שני המגישים** לפי הפורמט HashTable_username1_username2.pdf/doc/zip/.... בתוכן הקבצים יש לציין את שמות המשתמש, תעודות הזהות ושמות המגישים (בכותרת המסמך ובשורת הערה בקובץ המקור).

הגשת שיעורי הבית באיחור - באישור מראש בלבד. הגשה באיחור ללא אישור תגרור הורדת נקודות מהציון. הגשת התרגיל היא חובה לשם קבלת ציון בקורס.

בהצלחה!