

В госте 2 шифра:

1. Кузнечик
  - Блок - 128 бит
  - Ключ - 256 бит
2. Магма
  - Блок - 64 бит
  - Ключ - 256 бит
  - Оба шифра имеют функциональное описание

Байт - триедин:

- это число от 0 до 255
- это цепочка битов  $\{0, 1\}^8$
- это элемент поля  $F = GF(256)$

## Кузнечик

### Функции

главное поле  $F = GF(256) = F[x]_{/p[x] \cdot f(x)}$

- $p(x) = x^8 + x^7 + x^6 + x + 1$ 
  - убедись, что  $p(x)$  не приводим над  $\mathbb{Z}_2$  так же как и в AES

перестановка

- $\Pi : \{0, 1\}^8 \rightarrow \{0, 1\}^8$
- перестановка задаётся с помощью численного представления

$S' = (252, 238, 221, 17, 207, 110, 49, 22, 251, 196, 250, 218, 35, 197, 4, 77, 233, 119, 240, 219, 147, 46, 153, 186, 23, 54, 241, 187, 20, 205, 95, 193, 249, 24, 101, 90, 226, 92, 239, 33, 129, 28, 60, 66, 139, 1, 142, 79, 5, 132, 2, 174, 227, 106, 143, 160, 6, 11, 237, 152, 127, 212, 211, 31, 235, 52, 44, 81, 234, 200, 72, 171, 242, 42, 104, 162, 253, 58, 206, 204, 181, 112, 14, 86, 8, 12, 118, 18, 191, 114, 19, 71, 156, 183, 93, 135, 21, 161, 150, 41, 16, 123, 154, 199, 243, 145, 120, 111, 157, 158, 178, 177, 50, 117, 25, 61, 255, 53, 138, 126, 109, 84, 198, 128, 195, 189, 13, 87, 223, 245, 36, 169, 62, 168, 67, 201, 215, 121, 214, 246, 124, 34, 185, 3, 224, 15, 236, 222, 122, 148, 176, 188, 220, 232, 40, 80, 78, 51, 10, 74, 167, 151, 96, 115, 30, 0, 98, 68, 26, 184, 56, 130, 100, 159, 38, 65, 173, 69, 70, 146, 39, 94, 85, 47, 140, 163, 165, 125, 105, 213, 149, 59, 7, 88, 179, 64, 134, 172, 29, 247, 48, 55, 107, 228, 136, 217, 231, 137, 225, 27, 131, 73, 76, 63, 248, 254, 141, 83, 170, 144, 202, 216, 133, 97, 32, 113, 103, 164, 45, 43, 9, 91, 203, 155, 37, 208, 190, 229, 108, 82, 89, 166, 116, 210, 230, 244, 180, 192, 209, 102, 175, 194, 57, 75, 99, 182).$

Рис. 1: Перестановка  $\Pi$

•

Линейное преобразование

- $l : (\{0, 1\}^8)^{16} \rightarrow \{0, 1\}^8$
- ещё можно записать как
  - $l(F^{16}) \rightarrow F$
  - $l(\vec{x}) = (\vec{x}, \vec{a})$ 
    - \* это скалярное умножение на  $\vec{a}$ . Умножение проводится в поле  $F$ , сложение это XOR
    - \*  $\vec{a}$  = см фото
    - \*

$X[k] : \{0, 1\}^{128} \rightarrow \{0, 1\}^{128}$

- $X[k](a) = a \oplus k$ , где  $k \in \{0, 1\}^{128}$

$S : \{0, 1\}^{128} \rightarrow \{0, 1\}^{128}$

- разделили  $a$  на 16 кусочков размером с байт
  - $S(a) = S(a_15 || a_14 || \dots || a_0) = (\Pi(a_{15}) || \Pi(a_{14}) || \dots || \Pi(a_0))$

- Можно изготовить обратную функцию

–  $S^{-1} = (\Pi^{-1} || \dots || \Pi^{-1})$

$R : \{0, 1\}^{128} \rightarrow \{0, 1\}^{128}$

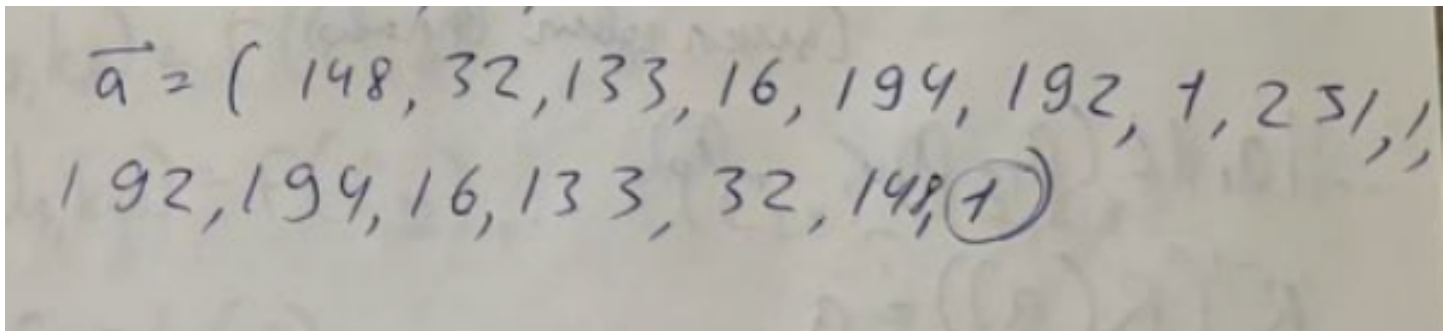


Рис. 2: это вектор  $\vec{a}$

- каждый кусочек по байту
- $R(a) = R(a_{15} || \dots || a_0) = l(a_{15}, \dots, a_0) || a_{15} || a_{14} || \dots || a_1$
- $R^{-1}(a) = R^{-1}(a_{15} || \dots || a_0) = a_{15} || a_{14} || \dots || a_1 || l(a_{15}, \dots, a_0)$ 
  - Чтобы доказать  $R^{-1}(a)$  - это действительно обратный, то  $\nexists (R^{-1}(R(a)))$ .

$$L = R^{16}$$

- $L^{-1} = (R^{-1})^{16}$

## Алгоритм построения ключа

**Вход:**

- $k \in \{0, 1\}^{256}$

**Выход**

- $k_1, \dots, k_{10} \in \{0, 1\}^{128}$

$$k_1 k_2 = k$$

$$(k_3, k_4) = F(C_8)(F(C_7) \dots F(C_1)(k_1, k_2))$$

$$(k_5, k_6) = F(C_{16})(F(C_{15}) \dots F(C_9)(k_3, k_4))$$

...

$$(k_9, k_{10}) = F(C_{32})(F(C_{31}) \dots F(C_{25})(k_7, k_8))$$

где

- $C_i = L(i)$ 
  - мы  $i$  представляем как цепочку из 128 бит и применяем к нему функцию  $L$
- $F(C) : \{0, 1\}^{128} \times \{0, 1\}^{128} \rightarrow \{0, 1\}^{128} \times \{0, 1\}^{128}$ 
  - $F(C)(a_1, a_0) = (L(S(X(C)(a_1))) XOR(a_0), a_1)$

## Шифрование

$$E_k(a) = X[k_{10}] L S X[k_9] \dots L(S(X[k_1](a)))$$

- Функции применяются справа налево
- По существу - 9 раундов
- по сути  $X[k_i]$  - прибавление  $k_i$  ключа
- $S$  - сильно нелинейное локальное преобразование
- $L$  - линейное локальное преобразование

## Расшифрование

$$D_k(a) = X[k_1] S^{-1} L^{-1} X[k_2] \dots S^{-1} L^{-1} X[k_{10}](a)$$

## Достоинства

- раундов меньше
- быстрее ГОСТа, DES
- описание проще чем у AES # Недостатки
- есть функция  $L$  - которая долго считается

## Магма

Фиксированные перестановки  $\Pi_i : \{0, 1\}^4 \rightarrow \{0, 1\}^4$

$$\begin{aligned}\pi_0' &= (12, 4, 6, 2, 10, 5, 11, 9, 14, 8, 13, 7, 0, 3, 15, 1); \\ \pi_1' &= (6, 8, 2, 3, 9, 10, 5, 12, 1, 14, 4, 7, 11, 13, 0, 15); \\ \pi_2' &= (11, 3, 5, 8, 2, 15, 10, 13, 14, 1, 7, 4, 12, 9, 6, 0); \\ \pi_3' &= (12, 8, 2, 1, 13, 4, 15, 6, 7, 0, 10, 5, 3, 14, 9, 11); \\ \pi_4' &= (7, 15, 5, 10, 8, 1, 6, 13, 0, 9, 3, 14, 11, 4, 2, 12); \\ \pi_5' &= (5, 13, 15, 6, 9, 2, 12, 10, 11, 7, 8, 1, 4, 3, 14, 0); \\ \pi_6' &= (8, 14, 2, 5, 6, 9, 1, 12, 15, 4, 11, 0, 13, 10, 3, 7); \\ \pi_7' &= (1, 7, 14, 13, 0, 5, 8, 3, 4, 15, 10, 6, 9, 12, 11, 2).\end{aligned}$$

Рис. 3: alt text

## Функции

$$t : \{0, 1\}^{32} \rightarrow \{0, 1\}^{32} * t(a) = t(a_7 || a_6 || \dots || a_0) = \Pi_7(a_7) || \dots || \Pi_0(a_0)$$

$$g[k] : \{0, 1\}^{32} \rightarrow \{0, 1\}^{32}$$

- $g[k](a) = (t(a \boxplus k)) \ll 11$
- $\boxplus$  - это сложение по модулю 32

$$G[k] : \{0, 1\}^{32} \times \{0, 1\}^{32} \rightarrow \{0, 1\}^{32} \times \{0, 1\}^{32}$$

- $G[k](a_1, a_0) = (a_0, g[k](a_0) \oplus a_1)$

$$G^*[k] : \{0, 1\}^{32} \times \{0, 1\}^{32} \rightarrow \{0, 1\}^{64}$$

- $G^*[k](a_1, a_0) = (g[k](a_0) \oplus a_1) || a_0$

## Алгоритм построения раундовых ключей ключей

Берём  $k$  и бьем его на 8 частей

$$k = k_1 || k_2 || \dots || k_8$$

Берём  $k$  и бьем его на 8 частей, но нумеровать начинаем с 9

$$k = k_9 || k_{10} || \dots || k_{16}$$

и тд кроме последнего последний  $k = k_{32} || k_{31} || \dots || k_{25}$

## Шифрование

$$E_k(a) = E_k(a_1 || a_0) = G^*[k_{32}](G[k_{31}](\dots (G[k_1](a_1, a_0))))$$

- 32 раунда конструкции Фейстеля

## Расшифрование

$$D_k(a) = D_k(a_1 || a_0) G^*[k_1](G[k_2](\dots (G[k_1](a_1, a_0))))$$

## Достоинства

- ликвидированы долговременные ключи. Поставлены фиксированные перестановки у ГОСТА 89 года
- самый древний действующий стандарт

## Недостатки

- медленный шифр за счёт малого блока и 32 раундов

Итерационные ключи  $K_i \in V_{32}$ ,  $i = 1, 2, \dots, 32$ , вырабатываются на основе ключа  $K = k_{255} || \dots || k_0 \in V_{256}$ ,  $k_i \in V_1$ ,  $i = 0, 1, \dots, 255$ , и определяются равенствами:

$$K_1 = k_{255} || \dots || k_{224};$$

$$K_2 = k_{223} || \dots || k_{192};$$

$$K_3 = k_{191} || \dots || k_{160};$$

$$K_4 = k_{159} || \dots || k_{128};$$

9

ГОСТ Р 34.12 —2015

$$K_5 = k_{127} || \dots || k_{96};$$

$$K_6 = k_{95} || \dots || k_{64};$$

$$K_7 = k_{63} || \dots || k_{32};$$

$$K_8 = k_{31} || \dots || k_0;$$

$$K_{i+8} = K_i, i = 1, 2, \dots, 8;$$

$$K_{i+16} = K_i, i = 1, 2, \dots, 8;$$

$$K_{i+24} = K_{9-i}, i = 1, 2, \dots, 8.$$

(18)

Рис. 4: alt text