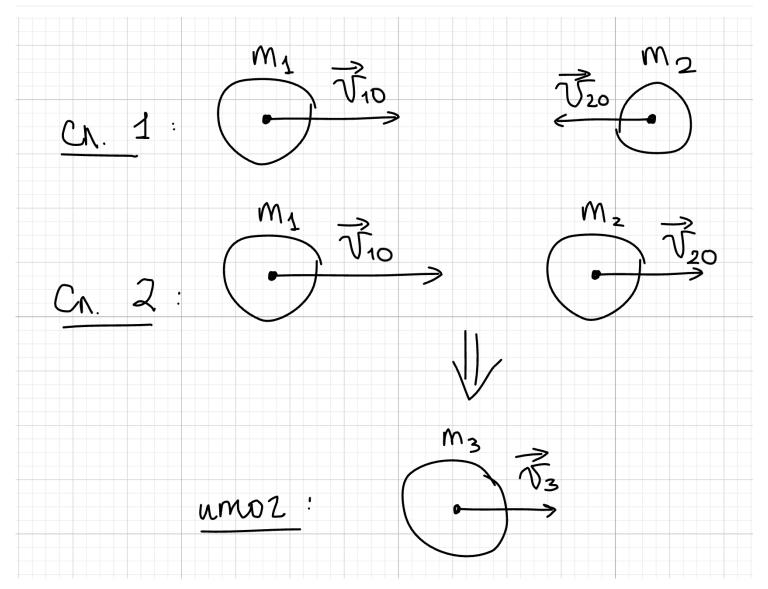
Центральный удар двух шаров

Существует 2 вида ударов: абсолютно упругий и неупругий. Они отличаются состоянием системы после удара двух шаров(тел).

Неупругий удар



Рассмотрим 1-ый случай, когда шары движутся навстречу друг к другу. Здесь у нас работает только закон сохранения импульса:

Пусть массы шаров равны m_1 и m_2 , а скорости до удара \mathbf{v}_{10} и \mathbf{v}_{20} . В силу закона сохранения суммарный импульс шаров после удара должен быть таким же, как и до удара:

$$m_1 \mathbf{v}_{10} + m_2 \mathbf{v}_{20} = m_1 \mathbf{v} + m_2 \mathbf{v} = (m_1 + m_2) \mathbf{v}$$
 (30.1)

(v — одинаковая для обоих шаров скорость после удара).

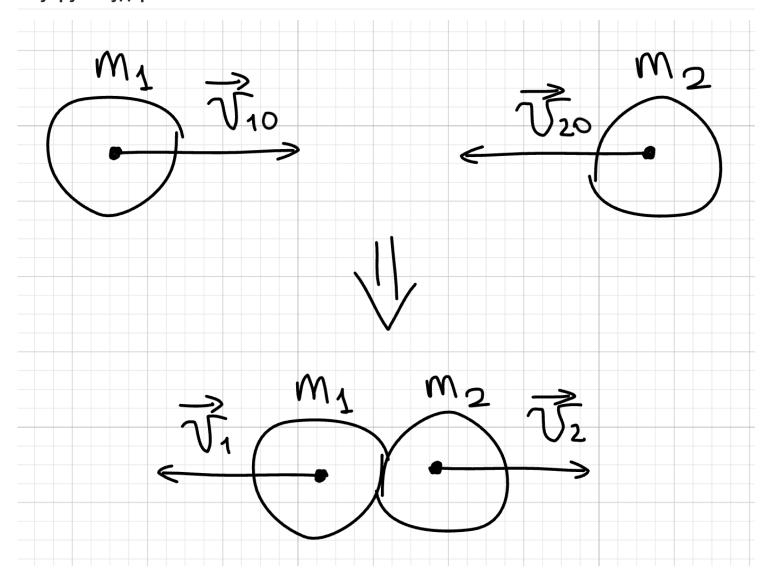
Из (30.1) следует, что

$$\mathbf{v} = \frac{m_1 \mathbf{v}_{10} + m_2 \mathbf{v}_{20}}{m_1 + m_2}.$$
 (30.2)

Теперь случай 2-ой, когда шары движутся в одном направлении, но первый шар догоняет второй:

$$V=rac{m_0V_{10}-m_2V_{20}}{m_1+m_2}$$

Неупругий удар



При таком виду удара действуют 2 закона: сохранения импульса (1) и сохранения механической энергии (2).

$$(1): \quad m_1V_{10}+m_2V_{20}=m_1V_1+m_2V_2$$

$$(2): \quad rac{m_1 V_{10}^2}{2} + rac{m_2 V_{20}^2}{2} = rac{m_1 V_1^2}{2} + rac{m_2 V_2^2}{2}$$

Далее будут выкладки из системы выше, чтобы выразить скорости:

$$(1)\Rightarrow (3): \quad m_1(V_{10}-V_1)=m_2(V_2-V_{20})$$

$$(2)\Rightarrow (4): \quad rac{m_1}{2}(V_{10}^2-V_1^2)=rac{m_2}{2}(V_{20}^2-V_2^2)$$

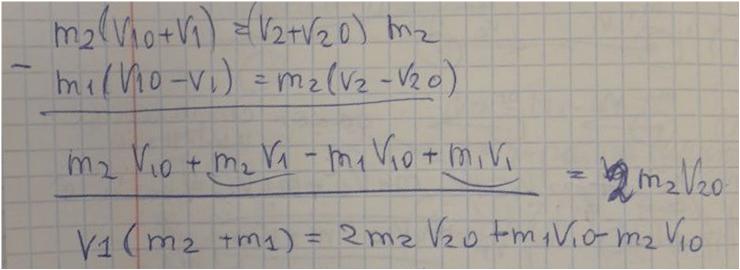
Распишем разность квадратов и домножим на 2 в (4):

$$m_1(V_{10}-V_1)(V_{10}+V_1)=m_2(V_{20}-V_2)(V_{20}+V_2)$$

Из (3) понимаем что:

(5):
$$(V_{10} + V_1) = (V_{20} + V_2)$$

Тут делаем небольшие преобразования с формулами:



Получаем

$$V_1 = rac{2m_2V_{20} - V_{10}(m_2 - m_1)}{m_2 + m_1}$$

Аналогично можно получить

$$V_2 = rac{2m_1V_{10} + V_{20}(m_2 - m_1)}{m_2 + m_1}$$