ОПР

Пусть тело, на которое действует сила \digamma , проходит, двигаясь по некоторой траектории, путь r. При этом сила либо изменяет скорость тела, сообщая ему ускорение, либо компенсирует действие другой силы (или сил), противодействующей движению. Действие \digamma на пути r характеризуется величиной, которая называется работой.

$$A = F_r \cdot r$$

где F_r — проекция силы на вектор перемещения $\vec{r},\ r$ — пройденый путь

Когда тело движется прямолинейно и постоянная по величине сила F образует угол α снаправлением движения, формула имеет следущий вид:

$$A = F_r \cdot r \cdot cos(lpha)$$
 , где $lpha$ — угол между $ec{F}$ и $ec{F}$

ЗАМЕЧАНИЕ

Можно перейти в дифференциалы:

$$dA = F_r \cdot dr$$

$$dA = \sum_{k=1}^n F_k \cdot dr$$

Отсюда можно понять, что полная работа - это сумма элементраных работ:

$$dA = \sum_{k=1}^n F_k \cdotp d(r_k)$$

Потенциальное силовое поле

ОПР

Это область пространства, в которой на каждую материальную точку действует сила, зависящая только от координат, и при этом существует скалярная функция (потенциал), через которую эту силу можно выразить.

Ключевое свойство: Работа силы по замкнутому контуру равна нулю (поле консервативно).

ОПР

Консервативное поле — это силовое поле, в котором **работа по замкнутому контуру равна нулю**, а сила зависит только от положения тела (а не от пути или скорости).

ОПР

u(x,y,z) - силовая функция у которой полный дифференциал $du=f_xdx+f_ydy+f_zdz$, где $f_x=rac{\partial u}{\partial x},\;f_y=rac{\partial u}{\partial y},\;f_z=rac{\partial u}{\partial z}$

ОПР

$$F(f_x,f_y,f_z)$$
-силовое поле $\Leftrightarrow F=grad(u)$

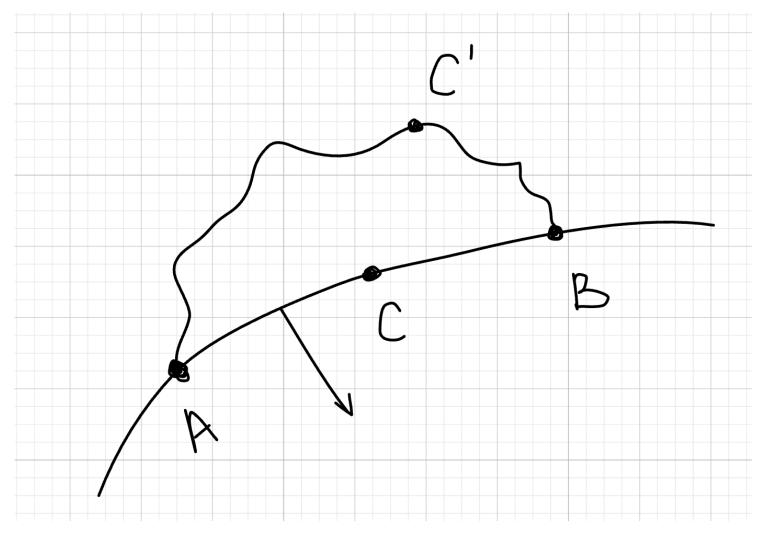
$$grad(u) = \frac{\partial u}{\partial x}\vec{i} + \frac{\partial u}{\partial u}\vec{j} + \frac{\partial u}{\partial z}\vec{k}$$

Работа потенциальных сил

 $A_{ACB} = \int_{ACB} f_x dx + f_y dy + f_z dz$ - криволинейный интегралл

$$A_{ACB}=\int_{ACB}du=\int_{A}^{B}du=u_{B}-u_{A}$$

Работа не зависит от траектории



Мощность

ОПР

Эта величина показывает, какую работу совершает тело за еденицу времени:

$$W = rac{dA}{dt} = \lim_{\Delta t o 0} rac{\Delta A}{\Delta t} = rac{F_r \cdot r}{dt}$$

где A — работа, t — время, F_r — проекция силы на вектор перемещения $\vec{r},\ r$ — пройденый путь

ОПР

В векторном виде(сколярное произведенеи вектора силы на вектор скорости):

$$W=(ec{F},ec{v})$$