

基于“XXX”的低碳建筑研究

摘要

关键词

1 问题重述

1.1 问题背景

“双碳”即碳达峰与碳中和的简称，我国力争 2030 年前实现碳达峰，2060 年前实现碳中和。“双碳”战略倡导绿色、环保、低碳的生活方式。我国加快降低碳排放步伐，大力推进绿色低碳科技创新，以提高产业和经济的全球竞争力。低碳建筑是指在建筑材料与设备制造、施工建造和建筑物使用的整个生命周期内，减少化石能源的使用，提高能效，降低二氧化碳排放量。

1.2 目标任务

问题一：计算给定建筑通过空调调节温度的年碳排放量。

问题二：建立综合评价模型，找出易于量化的指标，评估居住建筑整个生命周期的碳排放。

问题三：基于问题二，考虑建筑生命周期三个阶段的碳排放问题，对江苏省 13 个地级市的居住建筑进行评价，验证模型的有效性。

问题四：建立碳排放预测模型，基于江苏省建筑全过程碳排放的历史数据，对 2023 年江苏省建筑全过程的碳排放量进行预测。

问题五：结合前面的讨论给出江苏省建筑碳减排的政策建议。

2 问题分析

2.1 问题一

问题一要求计算通过空题调节温度产生的年碳排放量。我们需先求出空调制热和制冷的热量，借此通过 COP 和 EER 求出空调消耗的电量，最后转换成碳排放。其中 COP 和 EER 的定义分别为

$$COP = \frac{Q_{heat}}{W}, \quad EER = \frac{Q_{cold}}{W} \quad (2.1)$$

Q_{heat}/Q_{cold} 指的是单位时间内的制热/制冷量，单位为 J ，公式中 W 指的是单位为时间内空调消耗的功率，单位为 W

首先计算出建筑物各个月的能量需求量。设室内温度要维持的温度为 t_{in} ，室外温度为 t_{out} ，当月该地区平均温度为 t_{ave} ，方便起见，我们规定

$$t_{out} = t_{ave}$$

$$t_{in} = \begin{cases} 18^{\circ}C & t_{out} < 18^{\circ}C \\ t_{out} & t_{out} \in [18^{\circ}C, 26^{\circ}C] \\ 26^{\circ}C & t_{out} > 26^{\circ}C \end{cases}$$

我们使用热传导方程计算用来需要制热/制冷的热量，其形式为

$$\Phi = \frac{\lambda \cdot A \cdot |\Delta T|}{\delta} \quad (2.2)$$

其中 Φ 表示传热速率， λ 为导热系数， A 为传热面积， ΔT 是室内外温度差，即 $t_{in} - t_{out}$ ， δ 表示材料厚度。

将建筑分成墙、门窗、房顶、地面四个部分，分别计算并累加即可得到需要制热/制冷的热量，设为 Q_{make} ，由 COP 和 EER 的定义可得到需电量 Q_{elec} 和热量 Q_{make} 的转化关系

$$Q_{elec} = \begin{cases} \frac{Q_{make}}{EER} & \Delta t < 0 \\ 0 & \Delta t = 0 \\ \frac{Q_{make}}{COP} & \Delta t > 0 \end{cases} \quad (2.3)$$

最后根据需电量与碳排放的换算关系 $m = Q_{elec} \cdot 0.28$ 求出每月碳排放后累加，即得到年度碳排放量。

3 模型假设

4 符号说明

5 模型的建立与求解

5.1 问题一的模型建立与求解

5.2 问题二的模型建立与求解

5.2.1 建立层次结构模型

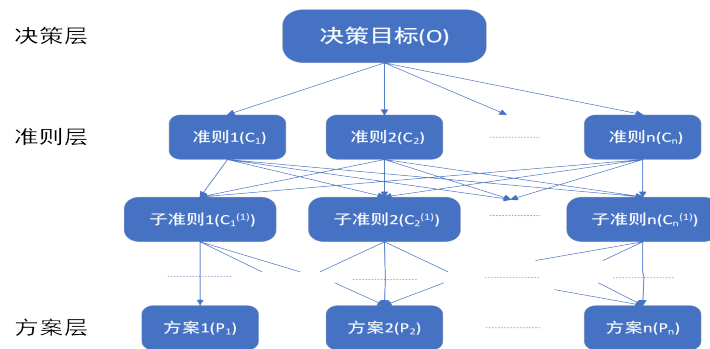


图 1: 层次分析法框架

准则层中准则因素之间相互独立。

我们选择的准则因素有：生活使用能耗、地区差异、周边产业、建造与拆除能耗、生产运输。

5.2.2 构建成对比较矩阵及归一化

1. 构建比较矩阵

构造比较矩阵是通过比较同一层次上的各因素对上-层相关因素的影响作用. 而不是把所有因素放在一起比较, 即将同一层的各因素进行两两对比。设某层有 n 个因素, $x = \{x_1, x_2 \dots x_n\}$ 要比较它们对上一层某一准则 (或目标) 的影响程度, 确定在该层中相对于某一准则所

占的比重。上述比较是两两因素之间进行的比较，比较时常取 1 9 尺度。

尺度	含义
1	第 i 个因素与第 j 个因素影响相同
3	第 i 个因素与第 j 个因素影响稍强
5	第 i 个因素与第 j 个因素影响较强
7	第 i 个因素与第 j 个因素影响明显强
9	第 i 个因素与第 j 个因素影响极端强
2, 4, 6, 8	两相邻判断的中间值

用 a_{ij} 表示第 i 个因素相对于第 j 个因素的比较结果，则

$$a_{ij} = \frac{1}{a_{ji}}$$

$$A = (a_{ij})_{n \times n} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{pmatrix} \quad (5.1)$$

A 则称为成对比较矩阵。

2. 归一化

对各城市的数据进行归一化处理

数据 指标 \ 城市	苏州	南京	南通	无锡	常州
直接	48	51.5	27	57.2	29
间接	126.3	134.3	118.7	97.8	71.6
运营	4.8	4.9	3.5	2.7	2.8
归一化比例	0.226	0.242	0.127	0.269	0.126
	0.230	0.245	0.216	0.178	0.130
	0.257	0.262	0.187	0.144	0.150

5.2.3 层次单排序及一致性检验

1. 层次单排序

和积法：取判断矩阵 n 个列向量归一化后的算术平均值，近似作为权重，即

$$W_i = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n \frac{(\prod_{j=1}^n a_{ij})^{\frac{1}{n}}}{\sum_{k=1}^n (\prod_{j=1}^n a_{kj})^{\frac{1}{n}}} (i = 1, 2, \dots, n) \quad (5.2)$$

求根法（几何平均法）：将比较矩阵的各列（或行）向量求几何平均后归一化，可近似作为全中，即

$$W_i = \frac{(\prod_{j=1}^n a_{ij})^{\frac{1}{n}}}{\sum_{k=1}^n (\prod_{j=1}^n a_{kj})^{\frac{1}{n}}} (i = 1, 2, \dots, n) \quad (5.3)$$

在我们的模型中综合采用了两种方法得到权重，降低了单一方法带来的不确定性，使数据结果更加可靠。

2. 一致性检验

通常情况下，由实际得到的判断矩阵不一定是一致的，即不一定满足传递性和一致性实际中，也不必要求一致性绝对成立，但要求大体上是一致的，即不一致的程度应在容许的范围内主要考查以下指标：

(a) 一致性指标 CI

$$CI = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} \quad (5.4)$$

(b) 平均随机一致性指标 RI

为衡量 CI 的大小，引入随机一致性指标 RI ：

$$RI = \frac{CI_1 + CI_2 + \cdots + CI_n}{n} \quad (5.5)$$

其中，随机一致性指标 RI 和判断矩阵的阶数有关，一般情况下，矩阵阶数越大，则出现一致性随机偏离的可能性也越大，对于阶数小于 9，其对应关系如图：

n	1	2	3	4	5	6	7	8	9
RI	0	0	0.58	0.90	1.12	1.24	1.32	1.41	1.45

(c) 检验系数 CR

考虑到一致性的偏离有可能是由于随机原因造成的，因此在检验判断矩阵是否具有满意的一致性时，还需将 CI 和 RI 进行比较，得出检验系数 CR ，公示如下：

$$CR = \frac{CI}{RI} \quad (5.6)$$

一般地，如果 $CR \leq 0.1$ ，则认为该判断矩阵通过一致性检验， A_{\max} 对应的特征向量 W 可以作为排序的权重向量，此时

$$\lambda_{\max} \approx \sum_{i=1}^n \frac{(A \cdot W)_i}{nw_i} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{\sum_{j=1}^n a_{ij}w_j}{w_i} \quad (5.7)$$

否则就不具有满意一致性，需要调整对比较矩阵。

5.2.4 计算组合权重及得分

得到最大特征值对应的特征向量

$$T = [t_1 \quad t_2 \quad \cdots \quad t_n]$$

计算得到权重向量

$$W = [w_1 \quad w_2 \quad \cdots \quad w_n]$$
$$w_i = \frac{t_i}{\sum_{i=1}^n t_i}$$

设指标评分矩阵为 P ，那么最后的得分矩阵 S 为：

$$S = P \times W$$

6 结果检验与误差分析

7 模型评价

8 模型推广与改进

9 参考文献

10 附录

附录 A 问题一

Listing 1: Question1

```
1  # -*- coding:utf-8 -*-
2  """
3  Project: MathematicsModeling-2023.5
4  Written by: Evan Wong
5  DATE: 2023/5/9
6  TIME: 17:09
7  """
8
9  import matplotlib.pyplot as plt
10
11  monthdays = [31, 28, 31, 30, 31, 30, 31, 31, 30, 31, 30, 31]
12  temperatures = [-1, 2, 6, 12, 22, 28, 31, 32, 26, 23, 15, 2]
13
14  COP = 3.5
15  EER = 2.7
16
17  length = 4
18  width = 3
19  height = 3
20
21  roof_thickness = 0.3
22  roof_thermal = 0.2
23  roof_square = length * width
24  windowAndDoor_thickness = 0.1
25  windowAndDoor_thermal = 1.6
26  windowAndDoor_square = 5
27  wall_thickness = 0.3
28  wall_thermal = 0.3
29  wall_square = (length + width) * height * 2 - windowAndDoor_square
30  ground_thickness = 1.0
31  ground_thermal = 0.25
32  ground_square = length * width
33
34
35  def get_delta_t(tout):
36      if tout < 18:
```



```

37         return 18 - tout
38     elif tout > 26:
39         return 26 - tout
40     else:
41         return 0
42
43
44 def get_qmake(k, a, t, d):
45     return (k * a * t) / d
46
47
48 def get_day_qmake(dt):
49     if dt == 0:
50         return 0.0
51
52     day_qmake = \
53         get_qmake(wall_thermal, wall_square, dt, wall_thickness) + \
54         get_qmake(windowAndDoor_thermal, windowAndDoor_square, dt,
55                     windowAndDoor_thickness) + \
56         get_qmake(roof_thermal, roof_square, dt, roof_thickness) + \
57         get_qmake(ground_thermal, ground_square, dt, ground_thickness)
58     return day_qmake * 86400
59
60 def get_month_qmake(month):
61     return get_day_qmake( abs(get_delta_t(temperatures[month])) ) * monthdays[month]
62
63
64 def get_qelec(qmake, dt):
65     if dt < 0:
66         return qmake / EER
67     elif dt == 0:
68         return 0
69     else:
70         return qmake / COP
71
72
73 def get_carbon_emission(qelec):
74     return (qelec / 3600000) * 0.28
75
76
77 carbonEmissions = []

```

```

78 for i in range(0, 12):
79     qelec = get_qelec(get_month_qmake(i), get_delta_t(temperatures[i]))
80     carbonEmissions.append(get_carbon_emission(qelec))
81
82 print("Sum of carbon emissions: " + str( sum(carbonEmissions)) + "kg")
83
84 plt.figure(figsize=(10, 6))
85 plt.bar( range(1, len(carbonEmissions) + 1), carbonEmissions, fc='g')
86 plt.title("Carbon Emissions")
87 plt.xlabel("Month")
88 plt.ylabel("kg")
89
90 plt.show()

```

附录 B 问题二

Listing 2: Question2

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4
5 cities = ["SuZhou", "NanJing", "NanTong", "WuXi", "ChangZhou"]
6
7 discriminantMatrix = np.array([[1, 1/5, 1/5], [5, 1, 1/2], [5, 2, 1]])
8 eigens = np.linalg.eig(discriminantMatrix)
9 maxEigenvalue = np. max(eigens[0])
10 rowAndColumn = np.argwhere(eigens[0] == maxEigenvalue)
11 maxEigenvector = eigens[1][::-1, rowAndColumn[0]]
12
13 RI_LIST = [0, 0.001, 0.58, 0.9, 1.12, 1.24, 1.32, 1.41, 1.45, 1.49, 1.52, 1.54, 1.56,
14            1.58, 1.59]
15 dim = discriminantMatrix.shape[0]
16 RI = RI_LIST[dim]
17 CI = (maxEigenvalue - dim) / (dim - 1)
18 CR = CI / RI
19 print("CR: " + str(CR))
20
21 print("Passed consistency test") if CR < 0.1 else print("Failed to passed consistency
    test")
22
23 Scores = np.array([[48.0, 126.3, 4.8],

```

```

22         [51.5, 134.3, 4.9],
23         [27, 118.7, 3.5],
24         [57.2, 97.8, 2.7],
25         [29, 71.6, 2.8]])
26
27 sums = np. sum(Scores, axis=0)
28 weightedScores = Scores / sums.reshape(1, -1)
29
30 weight = maxEigenvector / sum(maxEigenvector)
31
32 finalScores = np.dot(weightedScores, weight)
33 for i in range( len(finalScores)):
34     print('City {:}, Scores {:}'. format(cities[i], finalScores[i, 0].real))
35
36 plt.figure(figsize=(10, 6))
37 x = [1, 2, 3, 4, 5]
38 x_label = cities
39 plt.bar(x, finalScores[:, 0].real, fc='g')
40 plt.title("Scores given by evaluation model")
41 plt.xticks(x, x_label)
42 plt.xlabel("City")
43 plt.ylabel("Evaluation score")
44
45 plt.show()

```

附录 C 问题三

附录 D 问题四

附录 E 问题五