

Task 5 a)

$$f = x_1 - 3x_2 + 5x_3 \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 \leq 1 \\ -x_1 - x_2 \leq -3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = -3 \\ x_{1,2,3} \geq 0 \end{cases}$$

$\Rightarrow$

$$\begin{cases} 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 \leq 1 \\ -x_1 - x_2 \leq -3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = -3 \\ x_{1,2,3} \geq 0 \end{cases}$$

Task 2 a) K93/17:

$$2x_1 + 3x_2 + 4x_3$$

$$U = 3x_1 + 5x_2 \rightarrow \max x;$$

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 \leq 80 \\ x_1 \leq 30 \\ x_2 \leq 40 \\ x_{1,2} \geq 0 \end{cases}$$

$\Rightarrow$

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + x_3 = 80 \\ x_1 + x_4 = 30 \\ x_2 + x_5 = 40 \end{cases}$$

	3	5	0	0	0	
$a_1 = 80$	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$a_4$	$a_5$	
$a_4 = 30$	2	1	1	0	0	80
$a_5 = 40$	1	0	0	1	0	-
	0	1	0	0	1	40
	0	-3	-5	0	0	0
	0	0	0	0	0	0
$a_3 = 40$	2	0	1	0	-1	20
$a_4 = 30$	1	0	0	1	0	30
$a_2 = 40$	0	1	0	0	1	40
	200	-3	0	0	5	

$a_1$	3	20	1	0	1/2	0	-1/2
$a_4$	0	10	0	0	-1/2	1	1/2
$a_2$	5	40	0	1	0	0	1
	260	0	0	3/2	0	1/2	>0

$$V_0(20; 40; 0; 10; 0).$$

$$F(x) = 260;$$

$$x_1 = 20; x_2 = 40.$$

$$5) \quad F = 80y_1 + 30y_2 + 40y_3 \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2y_1 + y_2 \geq 3; \\ y_1 + y_3 \geq 5; \\ y_1, y_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$6) \quad \begin{array}{cccccc} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 \\ y_4 & y_5 & y_1 & y_2 & y_3 \\ \Delta_1 & \Delta_2 & \Delta_3 & \Delta_4 & \Delta_5 \end{array} \quad | \quad x = (3/2; 0; 7/2; 0; 0). \quad F = 80 \cdot 3/2 + 7/2 \cdot 40 = 250.$$

2)

Прямая:

сн.:

$$x_1 = 20 \text{ ед. } \Pi_1$$

$$x_2 = 40 \text{ ед. } \Pi_2$$

бал.:

$$x_3 = 0 \text{ — ровно}$$

$$x_4 = 0 \text{ ед. избытка}$$

$$x_5 = 0 \text{ — ровно.}$$

По  $\Pi_3$  ж-сти:  
если зам.

$$1^{\text{й}} \text{ п-с на ' ед. } \Delta Z = 1/2;$$

$$2^{\text{й}} \quad \Rightarrow \quad 0$$

$$3^{\text{й}} \quad \Rightarrow \quad 7/2.$$

Двойств.

$$y_1 = 1/2 \neq 0 \quad \left. \begin{array}{l} \text{по } \Pi_1 \text{ ж-сти} \\ \text{по } \Pi_2 \text{ ж-сти} \end{array} \right\}$$

$$y_3 = 7/2 \neq 0 \quad \left. \begin{array}{l} \text{по } \Pi_1 \text{ ж-сти} \\ \text{по } \Pi_2 \text{ ж-сти} \end{array} \right\}$$

$$y_2 = 0 \text{ — изб. п-с}$$

$$y_4 = 0 \text{ — стоим. на } \Pi_1$$

$$y_5 = 0 \quad \Pi_2.$$

По  $\Pi_1 \Leftrightarrow (6)$  т.е.  $F(y) = \varphi(x)$ .  
по сн. п. план