# Uma Implementação do Cálculo Lambda não Tipado em Elixir

Christian S. Lima<sup>1</sup>, Adolfo Neto<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR), Curitiba, Brasil

christiansantoslima21@gmail.com, adolfo@utfpr.edu.br

#### Abstract.

**Resumo.** Nesse artigo vamos fazer uma revisão bibliográfica sobre o cálculo lambda não tipado e apresentar uma implementação em Elixir.

# 1. Introdução

# 2. Linguagem

**Definição 1.** O alfabeto do cálculo lambda é dado pelos seguintes símbolos:

• um conjunto de variáveis:

$$Var = \{x_i : i \in \mathbb{N}\};$$

- um abstrator:  $\lambda$ ;
- três delimitadores: "(", ":", ")".

**Definição 2.** Os  $\lambda$ -termos são definidos de forma indutiva pelas regras:

- 1. todas as variáveis são  $\lambda$ -termos;
- 2. se M e N são  $\lambda$ -termos, então (MN) é um  $\lambda$ -termo (chamado de aplicação);
- 3. Se M é um  $\lambda$ -termo e x uma variável, então  $(\lambda x.M)$  é um  $\lambda$ -termo (chamado abstração).

**Definição 3.** Definimos recursivamente o conjunto das variáveis que ocorrem livres em um  $\lambda$ -termo M pelas regras:

- 1.  $FV[x] = \{x\};$
- 2.  $FV[NP] = FV[N] \cup FV[P]$ ;
- 3.  $FV[\lambda x.N] = FV[N] \{x\}.$

**Definição 4.** Definimos recursivamente a substituição de todas as ocorrências livres de x por N pelas regras:

- 1. x[x := N] = N;
- 2. y[x := N] = y, se  $x \neq y$ ;
- 3. (PQ)[x := N] = P[x := N]Q[x := N];
- 4.  $(\lambda x.P)[x := N] = \lambda x.P;$
- 5.  $(\lambda y.P)[x := N] = \lambda y.P \text{ se } x \notin FV[P];$
- 6.  $(\lambda y.P)[x := N] = \lambda y.P[x := N]$  se  $x \in FV[P]$  e  $y \notin FV[N]$ ;
- 7.  $(\lambda y.P)[x := N] = \lambda z.P[y := z][x := N]$  se  $x \in FV[P]$  e  $y \in FV[N]$ .

## 3. Referências

## Referências

- Barendregt, H. P. (1984). *The Lambda Calculus: Its Syntax and Semantics*. Sole distributors for the U.S.A. and Canada, Elsevier Science Pub. Co., New York, N.Y.
- Hindley, J. R. (1997). Basic simple type theory. Number 42. Cambridge University Press.
- Hindley, J. R. and Seldin, J. P. (2008). *Lambda-calculus and combinators: an introduction*. Cambridge University Press.
- Sørensen, M. H. and Urzyczyn, P. (2006). *Lectures on the Curry-Howard isomorphism*. Elsevier.