Излучение движущихся зарядов

Евгений Аникин, 128

14 января 2017 г.

1 Функция Грина волнового уравнения

Функция Грина G(x,t) по определению равна запаздывающему решению уравнения

$$\partial_{\mu}\partial^{\mu}\phi = \delta(x,t) \tag{1}$$

Преобразованием Фурье получим

$$G(x,t) = \int \frac{d\omega}{(2\pi)^2} \frac{d^3k}{(2\pi)^3} \frac{e^{-i\omega t + ikx}}{\omega^2 - k^2}$$
 (2)

Обход полюсов при интегрировании по ω нужно производить сверху, чтобы получить запаздывающую функцию. В результате получается

$$G(x,t) = -\frac{1}{2\pi}\delta(t^2 - x^2)\theta(t)$$
 (3)