# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)

Кафедра МО ЭВМ

#### ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3

по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Алгоритм Форда-Фалкерсона.

Студент гр. 7304	Моторин Е.В.
Преподаватель	Филатов А.Ю.

Санкт-Петербург

## Цель работы:

Ознакомиться с жадным алгоритмом и методом А\*, получить навыки их программирования и применения на языке программирования С++.

### Задача:

Найти максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро, используя алгоритм Форда-Фалкерсона.

Сеть (ориентированный взвешенный граф) представляется в виде триплета из имён вершин и целого неотрицательного числа - пропускной способности (веса).

```
Входные данные:
```

```
NN - количество ориентированных рёбер графа v0v0 - исток vnvn - сток vivj\omega ij vivj\omega ij - ребро графа vivj\omega ij vivj\omega ij - ребро графа ...
```

Выходные данные:

PmaxРmax - величина максимального потока  $vivj\omega ij$  vivj $\omega ij$  - ребро графа с фактической величиной протекающего потока  $vivj\omega ij$  vivj $\omega ij$  - ребро графа с фактической величиной протекающего потока ...

В ответе выходные рёбра отсортируйте в лексикографическом порядке по первой вершине, потом по второй (в ответе должны присутствовать все указанные входные рёбра, даже если поток в них равен 0).

#### **Sample Input:**

7
a
f
a b 7
a c 6
b d 6
c f 9
d e 3
d f 4

e c 2

#### **Sample Output:**

12

a b 6

a c 6

b d 6

c f 8

d e 2

df4

e c 2

## Основные теоретические положения:

**Алгоритм Форда** — **Фалкерсона** решает задачу нахождения максимального потока в транспортной сети.

Идея алгоритма заключается в следующем. Изначально величине потока

присваивается значение 0: для всех . Затем величина потока итеративноувеличивается посредством поиска увеличивающего пути (путь от источника s к стоку t, вдоль которого можно послать больший поток). Процесс повторяется, пока можно найти увеличивающий путь.

## Ход работы:

#### 1. Реализована функция поиска в ширину.

Данная функция необходима для нахождения пути из истока в сток. Наличие пути — главный критерий алгоритма Форда-Фалкерсона. На вход функция принимает граф, исток, сток и ассоциативный массив путей. Поиск продолжается пока очередь всех вершин не будет пуста.

```
bool bfs(GRAPH rGraph, WAY task, map<char, char>& path) {
    map<char, bool> visited;
    queue <char> q;
    q.push(task.from);
    visited[task.from] = true;

    while (!q.empty()) {
        char u = q.front();
        q.pop();

        for (auto const &sub: rGraph[u])
            if (sub.second > 0 && visited[sub.first] == false) {
                  q.push(sub.first);
                  visited[sub.first] = true;
                  path[sub.first] = u;
                  }
        }
}
```

```
return (visited[task.to] == true);
```

#### 2. Алгоритм Форда-Фалкерсона.

Функция реализует алгоритм нахождения максимального потока. Также результатом ее работы является граф с фактическими величинами потоков через дуги. На вход функция принимает граф, исток и сток.

```
FF fordFulkerson(GRAPH& graph, WAY task) {
  char u, v;
  GRAPH rGraph;
  map<char, char> path;
  for (auto const &main: graph)
    for (auto const &sub: graph[main.first])
       rGraph[main.first][sub.first] = sub.second;
  int maxFlow = 0;
  while (bfs(rGraph, task, path)) {
    int pathFlow = INT MAX;
    for (v = task.to; v != task.from; v = path[v]) {
       u = path[v];
       pathFlow = min(pathFlow, rGraph[u][v]);
    for (v = task.to; v != task.from; v = path[v]) {
       u = path[v];
       rGraph[u][v] = pathFlow;
       rGraph[v][u] += pathFlow;
    maxFlow += pathFlow;
  return FF(rGraph, maxFlow);
```

# Результат:

Из рисунка 1 видно, что разработанная программа выполняют поставленные задачи, а именно: программа находит максимальный поток через граф и граф с фактическим потоком ч/з каждую из дуг.

```
7
a
f
a
b 7
a c 6
b d 6
c f 9
d e 3
d f 4
e c 2
12
a b 6
a c 6
b d 6
c f 8
d e 2
d f 4
e c 2
Program ended with exit code: 0
```

Рисунок 1.

# Вывод:

Таким образов, в ходе данной лабораторной работы было подробно изучено написание алгоритма Форда-Фалкерсона. Полученный результат удовлетворяет задание лабораторной работы.