## Основы матричных вычислений, Экзамен (Теория)

## Версия от 27.06.2021 10:20

## Содержание

| Связь прямой и обратной ошибок через число обусловленности.  | 2 |
|--|---|
| Критерий сходимости ряда Неймана.  | 3 |
| Существование и единственность LU и LDL. разложений.   | 4 |
| Теорема о сходимости градиентного спуска для линейной системы с симметричной положительно определенной матрицей.   | 5 |
| Оценка сходимости метода сопряженных градиентов для линейной системы с произвольной симметричной положительно определенной матрицей. Случай $\lambda_1 >> \lambda_2$ . | 6 |
| Сходимость степенного метода для диагонализуемых матриц.   | 7 |
| Вывод двух основных свойств QR алгоритма.  | 8 |
| Теорема Леви-Деспланка и первая теорема Гершгорина.  | 9 |

| Связь прямой | и обратной | ошибок | через | число | обусловл | енности. |
|--------------|------------|--------|-------|-------|----------|----------|
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |
|              |            |        |       |       |          |          |

Критерий сходимости ряда Неймана.

Существование и единственность LU и LDL. разложений.

Теорема о сходимости градиентного спуска для линейной системы с симметричной положительно определенной матрицей.

Оценка сходимости метода сопряженных градиентов для линейной системы с произвольной симметричной положительно определенной матрицей. Случай  $\lambda_1 >> \lambda_2$ .

| Сходимость | степенного | метода | для | диагонализуемых | матриц. |
|------------|------------|--------|-----|-----------------|---------|
|            |            |        |     |                 |         |

Вывод двух основных свойств QR алгоритма.

Теорема Леви-Деспланка и первая теорема Гершгорина.