



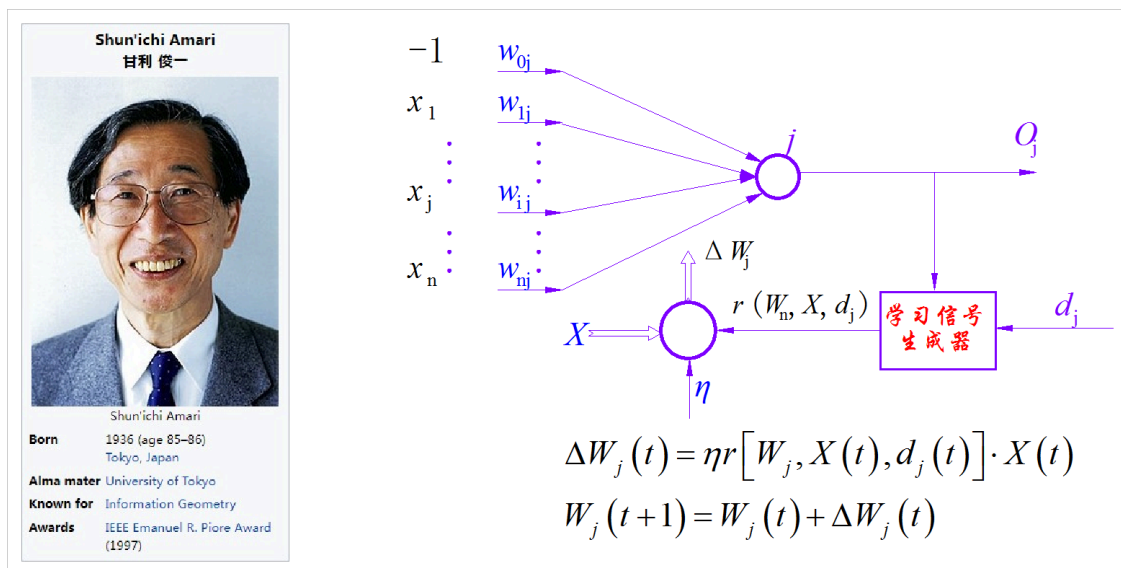
◎ 说明：（1）作业可以使用你所熟悉的编程语言和平台，比如 C，C++、MATLAB、Python等。作业链接；（2）作业中的样本数据可以在作业文档CSDN链接网页中拷贝下来；

## 01 神经元学习

### 一、作业内容

#### 1、神经元统一学习算法

在第一章介绍了日本学者“**甘利俊一**”提出的统一公式，把对神经元输入连接权系数的修正  $\Delta W$  分成了三个独立成分的乘积：学习速率  $\eta$ ，学习信号  $r(W, x, d)$  以及输入向量  $X$ 。



▲ 图1.1 神经网络中神经元学习的统一公式

当学习信号  $r(W, x, d)$  取不同形式，可以得到神经元的三大类不同修正方式（无监督、有监督、死记忆）：

【表1-1 不同的神经元学习算法】

学习规则	权值调整	学习信号	初始值	学习方式	转移函数
Hebbian	$\Delta W = \eta f(W^T X) X$	$r = f(W^T X)$	随机	无监督	任意
Percetron	$\Delta W = \eta [d - \text{sgn}(W^T X)] X$	$r = d - f(W^T X)$	任意	有监督	二值函数
Delta	$\Delta W = \eta [d - f(W^T X)] f'(W^T X) X$	$r = [d - f(W^T X)] f'(W^T X)$	任意	监督	连续可导
Widrow-Hoff LMS	$\Delta W = \eta (d - W^T X) X$	$r = d - W^T X$	任意	监督	连续
Correlation 相关,外积	$\Delta W = \eta d X$	$r = d$	0	监督死	任意

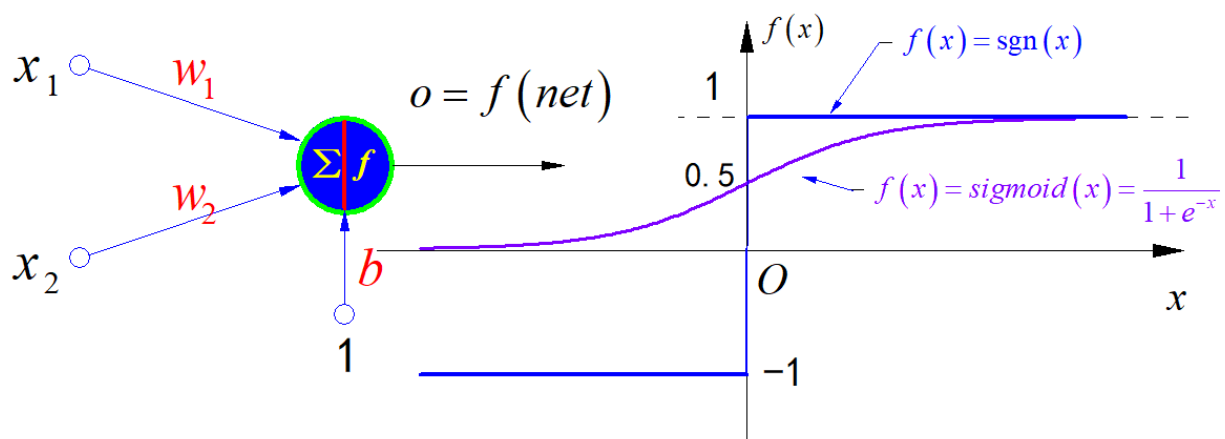
学习规则	权值调整	学习信号	初始值	学习方式	转移函数
				记忆	

下面给出神经元模型和训练样本数据，请通过编程实现上述表格中的五种算法并给出计算结果。通过这个作业练习，帮助大家熟悉神经元的各种学习算法。

## 2、神经元模型

下面给出神经元模型，根据不同的算法要求：

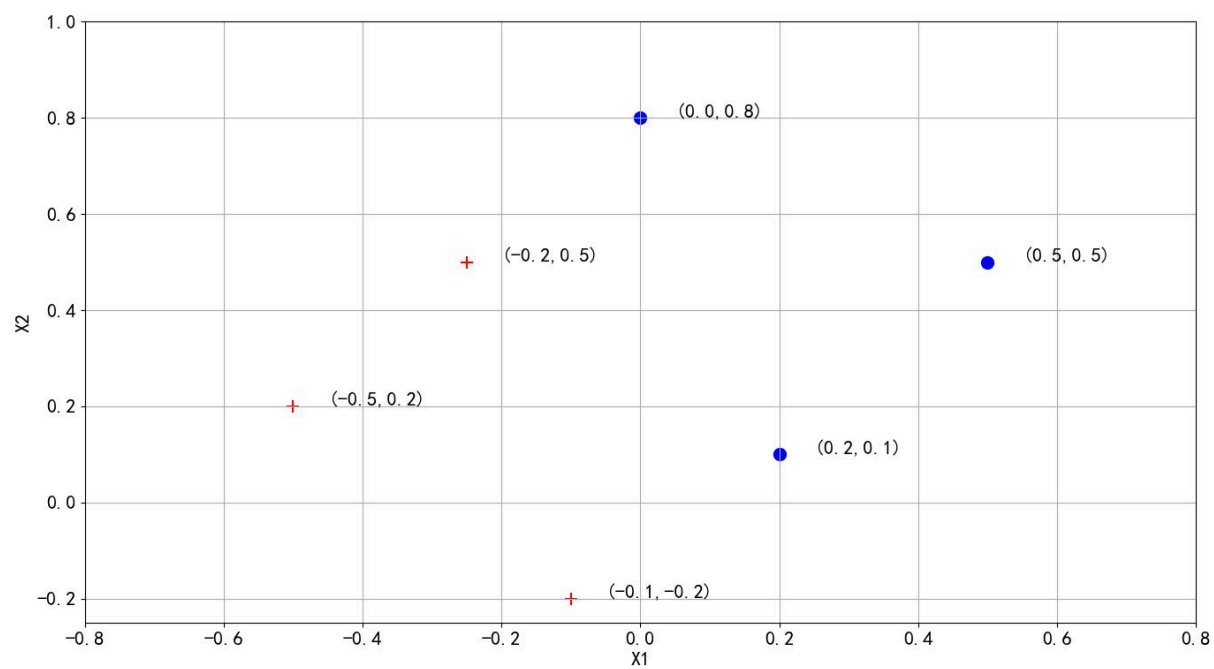
- 选择相应的传递函数种类（离散二值函数、双曲正切函数、ReLU函数）：除了 Perceptron 算法选择二值函数外，其它都选择双曲正切函数，
- 神经元权系数（ $w_1, w_2, b$ ）都初始化成 0。



▲ 图1.1.2 神经元及其传递函数

## 3、样本数据

训练样本包括 6 个数据，它们的分布如下图所示：



▲ 图1.1.3 神经元训练数据集合

【表1-2 样本数据】

序号	X1	X2	类别
1	-0.1	-0.2	-1
2	0.5	0.5	1
3	-0.5	0.2	-1
4	-0.2	0.5	-1
5	0.2	0.1	1
6	0.0	0.8	1

```

from headm import *

import sys,os,math,time
import matplotlib.pyplot as plt
from numpy import *

xdim = [(-0.1,-0.2), (0.5,0.5), (-0.5,0.2),(-0.25,0.5),(0.2,0.1),(0,0.8)]
ldim = [-1,1,-1,-1,1,1]

printf("序列", "X1", "X2", "类别")

count = 0
for x,l in zip(xdim, ldim):

```

```

count += 1
printf("%d %3.1f %3.1f %d"%(count, x[0], x[1], 1))

if l > 0:
    marker = 'o'
    color = 'blue'
else:
    marker = '+'
    color = 'red'

plt.scatter(x[0], x[1], marker=marker, c=color, s=100)
plt.text(x[0]+0.05,x[1], '(%3.1f,%3.1f)'%(x[0],x[1]))

plt.axis([-0.8, 0.8, -0.25, 1])
plt.xlabel("X1")
plt.ylabel("X2")
plt.grid(True)
plt.tight_layout()
plt.show()

```

## 二、作业要求

### 1、必做内容

1. 给出每个学习算法核心代码;
  2. 给出经过**两轮**轮样本学习之后神经元的权系数数值结果 ( $w_1, w_2, b$ ) ;
- \* 权系数初始化为 0;
  - \* 学习速率  $\eta = 0.5$  ;
  - \* 训练样本按照 表格1-2 的顺序对神经元进行训练;

### 2、选做内容

1. 在坐标系中绘制出经过两轮训练之后，权系数 ( $w_1, w_2$ ) 所在的空间位置;
2. 简单讨论一下不同算法对于神经元权系数的影响;

```

import sys,os,math,time
import matplotlib.pyplot as plt
from numpy import *

xdim = [(-0.1,0.3), (0.5,0.7), (-0.5,0.2),(-0.7,0.3),(0.7,0.1),(0,0.5)]
ddim = [1,-1,1,1,-1,1]

def sigmoid(x):
    return 1/(1+exp(-x))

```

```

def hebbian(w,x,d):
    x1 = [1,x[0],x[1]]
    net = sum([ww*xx for ww,xx in zip(w, x1)])
    o = sigmoid(net)
    w1 = [ww+o*xx for ww,xx in zip(w,x1)]
    return w1

def perceptron(w,x,d):
    x1 = [1,x[0],x[1]]
    net = sum([ww*xx for ww,xx in zip(w, x1)])
    o = 1 if net >= 0 else -1
    w1 = [ww+(d-o)*xx for ww,xx in zip(w,x1)]
    return w1

def delta(w,x,d):
    x1 = [1,x[0],x[1]]
    net = sum([ww*xx for ww,xx in zip(w, x1)])
    o = sigmoid(net)
    o1 = o*(1-o)
    w1 = [ww+(d-o)*o1*xx for ww,xx in zip(w,x1)]
    return w1

def widrawhoff(w,x,d):
    x1 = [1,x[0],x[1]]
    net = sum([ww*xx for ww,xx in zip(w, x1)])
    o = sigmoid(net)
    w1 = [ww+(d-o)*xx for ww,xx in zip(w,x1)]
    return w1

def correlation(w,x,d):
    x1 = [1,x[0],x[1]]
    w1 = [ww+d*xx for ww,xx in zip(w,x1)]
    return w1

wb = [0,0,0] # [b, w1, w2]
for x,d in zip(xdim, ddim):
    wb = correlation(wb,x,d)
    print(wb)

```

## 02 感知机

### 一、两类问题

## 1、样本数据

利用单个神经元（具有三个参数【两个权系数和一个偏移量】： $w_1, w_2, b$ ），使用感知机算法求解样本分类问题。样本数据就采用第一道大题中的六个样本数据。见【表1-2 样本数据】。

## 2、作业要求

1. 绘制出网络结构图，并给出算法核心代码；
2. 使用训练结束之后神经元的三个参数所决定的线性分类边界： $f(x_1, x_2) = w_1 x_1 + w_2 x_2 + b$ 。
3. 对比不同学习速率对于训练收敛的影响；比如取学习速率  $\eta = 0.5$  以及  $\eta = 1.0$ 。

## 二、多类问题

### 1、样本数据

如下是三个字母 **A,B,C,D,E,J,K** 的  $7 \times 9$  的点阵图，共有三种字体。将它们转换成由  $(-1,1)$  组成的63维向量。

Input from  
Font 1

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####  
...D...

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

A.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....E..

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.B.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....J.

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

..C.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....K

Input from  
Font 2

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####  
...D...

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

A.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....E..

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.B.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....J.

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

..C.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....K

Input from  
Font 3

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####  
...D...

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

A.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....E..

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.B.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....J.

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

..C.....

#####  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#.#.#.#.#  
#####

.....K

▲ 图2.2.1 A,B,C,D,E,J,K三种字体点阵

A = [0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0,  
B = [1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1,  
C = [0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0,  
D = [1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0,  
E = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1,  
F = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1,  
G = [0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0,



H = [1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1,  
I = [0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,  
J = [0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,

下面每一行给出了21个字符的编码以及期望输出。

[0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0,  
1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1]  
[1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]

[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1,  
0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0]  
[0, 1, 0, 0, 0, 0, 0]

[0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0,  
0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0]  
[0, 0, 1, 0, 0, 0, 0]

[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1,  
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1]  
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]

[0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0,  
0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0]  
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]

[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1,  
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]  
[0, 0, 0, 0, 1, 0, 0]

[1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1,  
0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0]  
[0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1,  
0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0]

[1, 0, 0, 0, 0, 0, 0]

[0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0,  
0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0]

[0, 1, 0, 0, 0, 0, 0]

[0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0,  
0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0]

[0, 0, 1, 0, 0, 0, 0]

[1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0,  
1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0]

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]

[0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0,  
0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0]

[0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0,  
0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]

[0, 0, 0, 0, 1, 0, 0]

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0,  
0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0]

[0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1,  
1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1]

[1, 0, 0, 0, 0, 0, 0]

[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1,  
0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0]

[0, 1, 0, 0, 0, 0, 0]

[0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0,  
0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0]  
[0, 0, 1, 0, 0, 0, 0]

[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1,  
0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1]  
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]

[0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0,  
0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0]  
[0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]

[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1,  
0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]  
[0, 0, 0, 0, 1, 0, 0]

[1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1,  
0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0]  
[0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]

## 2、作业基本要求

1. 建立由七个神经元组成的简单感知机网络，完成上述七个字母的识别训练；
2. 测试训练之后的网络在带有一个噪声点的数据集合上的识别效果。给图片增加一个噪声点就是随机在样本中选取一个像素，将其数值进行改变（从-1改变成1，或者从1改变成-1）。

## 3、选做内容

1. 测试上述感知机网络在两个噪声点的数据集合上的识别效果；
2. 对比以下两种情况训练的感知机的性能。
  - 第一种情况：只使用没有噪声的七个字母进行训练；
  - 第二种情况：使用没有噪声和有一个噪声点的样本进行训练；
3. 对比不同的学习速率对于训练过程的影响。

### 三、感知机算法收敛特性

#### ☐ 这是选做题目

请证明对于线性可分的两类数据集，使用感知机算法进行分类。感知机算法收敛步骤数量的上限与学习速率无关。

## 03 Adaline网络

### 一、两类分类问题

#### 1、样本数据

利用单个神经元（具有权系数  $w_1, w_2$  以及偏移量  $b$ ），使用ADALINE算法（LMS）求解样本分类问题。样本数据就采用第一道大题中的六个样本数据。见【表 1-2 样本数据】。

#### 2、作业要求

1. 绘制出网络结构图，并给出算法核心代码：**最小二乘法（LMS）**；
2. 绘制出训练结束之后，神经元参数对应的线性分类界面函数： $f(x_1, x_2) = w_1 x_1 + w_2 x_2 + b$ 。对比 ADALINE与感知算法在分类结果方面的**优劣**。

#### 3、问题讨论

#### ☐ 这部分讨论问题是选做内容

(1) 请使用数据矩阵**伪逆**的方法，重新计算神经网络的权系数。对比最小二乘法和伪逆求取的方法所得到的结果。

(2) 讨论改变LMS 算法中的学习速率  $\eta$  对于ADALINE训练过程的影响。观察  $\eta$  过大或者过小对于LMS算法收敛速度的影响。

### 二、鸟类分类（选做题）

#### 1、背景介绍

自适应线性神经元 ADALINE (Adaptive Linear Neuron) 是由 Bernard Widrow 与 Ted Hoff 在 1959年提出的算法。关于他们提出算法前后的故事，大家可以参照网文：

## The ADALINE - Theory and Implementation of the First Neural Network Trained With Gradient Descent 进行了解。

下面也是根据上述网文中所介绍的两种鸟类（猫头鹰与信天翁）数据集合，产生相应的分类数据集合。大家使用 ADALINE 算法完成它们的分类器算法。



▲ 图3.1.1 猫头鹰与信天翁

## 2、样本数据

### (1) 数据参数

根据Wikipedia 中关于 信天翁 **Wandering albatross** 和 猫头鹰 ( **Great horned owl** ) 的相关数据，这两种鸟类的题中和翼展长度如下表所示。

【表1-3 两种鸟类的体型数据】

种类	体重(kg)	翼展(m)
信天翁	9	3
猫头鹰	1.2	1.2

使用计算机产生两个鸟类体型随机数据数据，下表给出了每一类数据产生的参数：

【表1-4 两类鸟类数据产生参数】

鸟类	体重平均值	体重方差	翼展平均值	翼展方差	个数	分类
信天翁	9000	800	300	20	100	1
猫头鹰	1000	200	100	15	100	-1

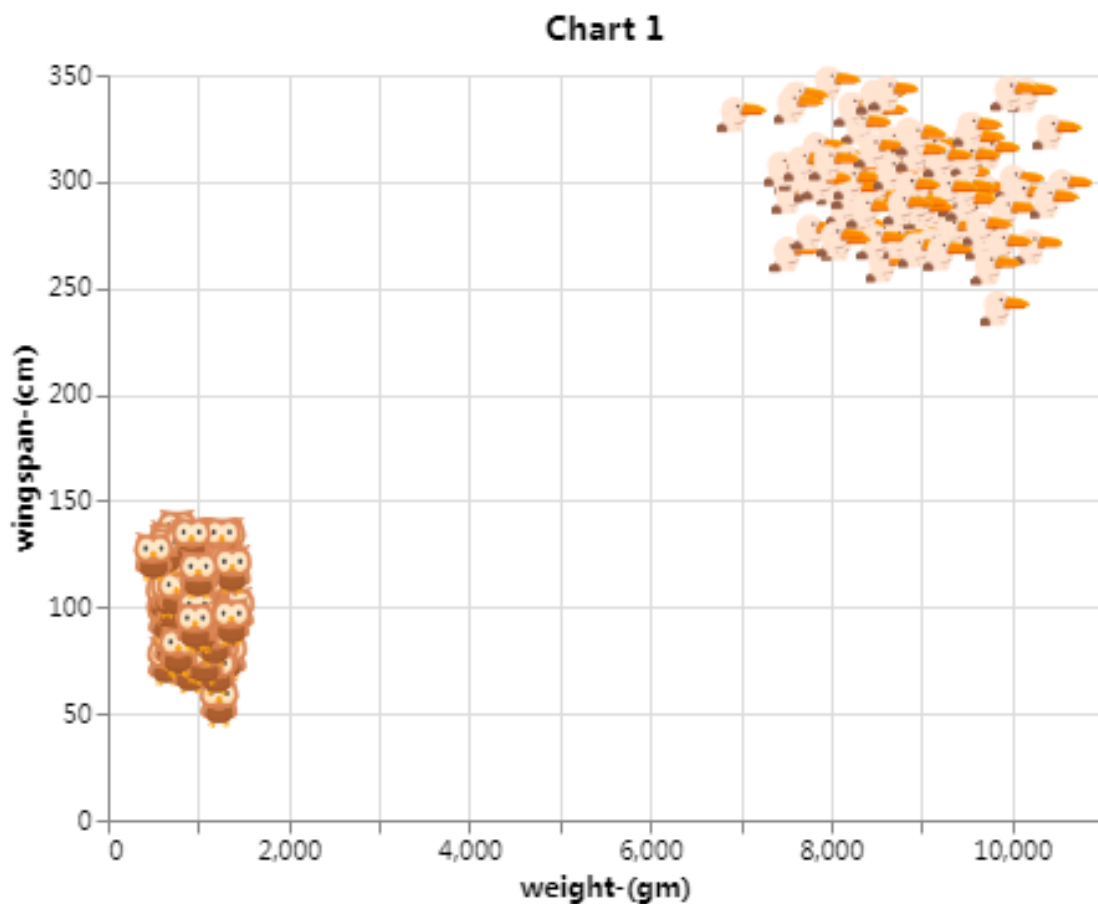
### (2) Python示例代码

下面给出了产生随机样本数据的 Python 示例代码。大家可以参照这些代码，使用自己熟悉的 编程语言来实现。

```
def species_generator(mu1, sigma1, mu2, sigma2, n_samples, target, seed):
    '''creates [n_samples, 2] array

    Parameters
    -----
    mu1, sigma1: int, shape = [n_samples, 2]
        mean feature-1, standar-dev feature-1
    mu2, sigma2: int, shape = [n_samples, 2]
        mean feature-2, standar-dev feature-2
    n_samples: int, shape= [n_samples, 1]
        number of sample cases
    target: int, shape = [1]
        target value
    seed: int
        random seed for reproducibility

    Return
    -----
    X: ndim-array, shape = [n_samples, 2]
        matrix of feature vectors
    y: 1d-vector, shape = [n_samples, 1]
        target vector
    -----
    X'''
    rand = np.random.RandomState(seed)
    f1 = rand.normal(mu1, sigma1, n_samples)
    f2 = rand.normal(mu2, sigma2, n_samples)
    X = np.array([f1, f2])
    X = X.transpose()
    y = np.full((n_samples), target)
    return X, y
```



▲ 图3.1.2 产生两类数据的分布

### 三、作业要求

1. 构造一个 ADALINE 神经元，完成上述两类鸟类的分类。由于需要进行分类，在对 ADALINE 的输出在经过一个符号函数（sgn）便可以完成结果的分类；
2. 利用上述数据对 ADALINE 进行训练。观察记录训练误差变化的曲线。
3. 讨论不同的学习速率对于训练结果的影响，看是否存在一个数值，当学习速率超过这个数值之后，神经元训练过程不再收敛。

---

#### ■ 相关文献链接：

- [The ADALINE - Theory and Implementation of the First Neural Network Trained With Gradient Descent](#)
- [Wandering albatross](#)
- [Great horned owl](#)

#### ● 相关图表链接：

- [图1.1 神经网络中神经元学习的统一公式](#)

- 表1-1 不同的神经元学习算法
- 图1.1.2 神经元及其传递函数
- 图1.1.3 神经元训练数据集合
- 表1-2 样本数据
- 图2.2.1 A,B,C,D,E,J,K三种字体点阵
- 图3.1.1 猫头鹰与信天翁
- 表1-3 两种鸟类的体型数据
- 表1-4 两类鸟类数据产生参数
- 图3.1.2 产生两类数据的分布