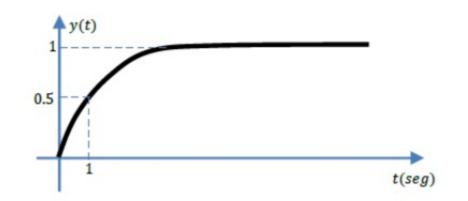
1. Um sistema, de entrada u(t) e saída y(t), é modelado pelo seguinte modelo:

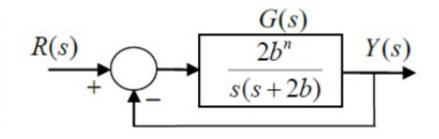
$$y(t) = 3\frac{du(t)}{dt} + 2u(t) + 1$$

Demonstre que este modelo não é linear.

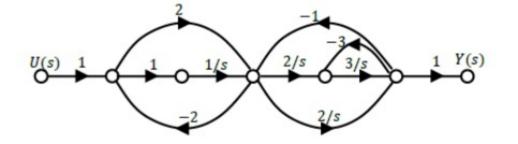
2. Pretende-se modelar um sistema pela função de transferência  $G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{A}{(s+a)(s+b)}$ . Sabe-se que a sua resposta ao impulso unitário seria a representada à direita. Determine os três parâmetros A, a e b.



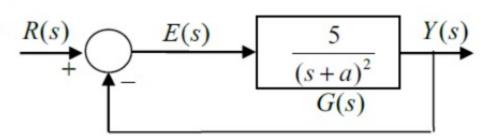
3. Considere o sistema realimentado da direita, onde b∈ R<sup>+</sup> e n ∈ N. Determine o valor de n para o qual a resposta ao degrau deste sistema apresenta uma sobrelevação constante, independente de b, e indique esse valor da sobrelevação.



4. Por aplicação da regra de Mason, determine a função de transferência G(s) = Y(s)/U(s) do seguinte diagrama.

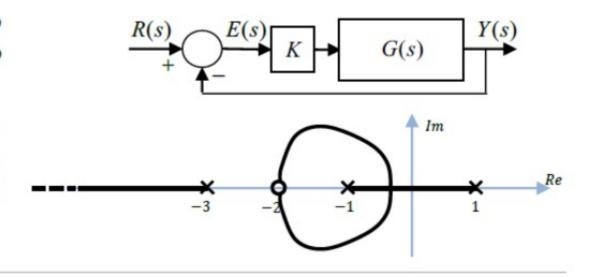


 Considere o seguinte sistema com parâmetro ajustável a ∈ R<sup>+</sup>. Desenhe, com rigor, o lugar de raízes deste sistema.

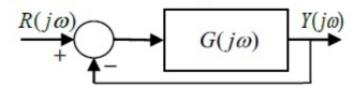


6. O sistema representado na figura do lado (onde K ∈ R<sup>+</sup>) apresenta o traçado do lugar de raízes apresentado em baixo.

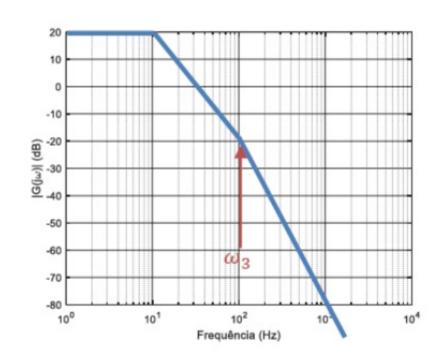
Sabendo que o sistema se encontra no limiar de estabilidade para K = 3, determine completamente a função de transferência G(s).



7. Um sistema linear G(jω), estável e com polos reais, apresenta o seguinte gráfico (assintótico) de magnitude do respetivo diagrama de Bode. Sabendo que a frequência ω<sub>3</sub> do 3º polo de G(jω) pode ser ajustada, mostre (usando apenas a análise do domínio da frequência ω) que o sistema realimentado representado em baixo será instável se ω<sub>3</sub> estiver nas imediações de 20π rad/s, mas será estável se ω<sub>3</sub> estiver afastado desse valor (para a



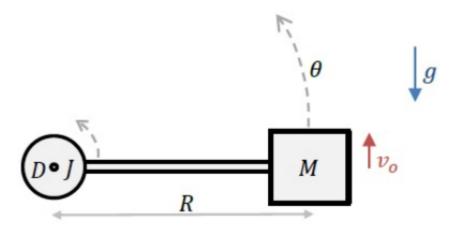
esquerda, ou para a direita).



8. O sistema representado à direita consiste num corpo de massa M que se encontra rigidamente ligado a um eixo (que tem inércia J e atrito dinâmico de coeficiente D) através de uma barra de massa desprezável. A distância entre o centro de massa do corpo e o eixo de rotação é R.

No início, em t = 0, um mecanismo (não representado) confere ao corpo uma velocidade

 $\sum T_n \Delta_n$ 



inicial  $v_o$ , na vertical (tal como representado na figura, sujeito à ação da gravidade), colocando o sistema em rotação em torno do eixo, parametrizado pela posição angular  $\theta$ . Determine a equação da dinâmica deste sistema, onde a posição angular  $\theta$  figure como única variável dependente.

## FORMULÁRIO:

$$G(s) = \frac{K\omega_n^2}{s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2} \quad PO = 100 \frac{M_P - V_{ss}}{V_{ss}} = 100 e^{-\left(\pi\xi/\sqrt{1-\xi^2}\right)} \quad t_r \approx \frac{0.8 + 2.5\xi}{\omega_n} \quad t_d \approx \frac{1 + 0.7\xi}{\omega_n}$$

$$V_{P} = M_{P} = V_{ss} \left(1 + e^{-\left(\pi \xi / \sqrt{1 - \xi^{2}}\right)}\right) \qquad t_{s} \left(\pm 2\%\right) \approx \frac{4}{\xi \omega_{n}}, \quad se \ \xi < 0.7 \qquad t_{P} = \frac{\pi}{\omega_{n} \sqrt{1 - \xi^{2}}}$$

$$\sum T_{n} \Delta_{n} \qquad \sum^{n} \operatorname{Re}[p_{i}] - \sum^{m} \operatorname{Re}[z_{j}] \qquad 1000(2 - \epsilon^{2})$$