



INSTITUTO FEDERAL DE  
EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA  
PARAÍBA  
Campus Campina Grande

# 7

Curso Superior de Tecnologia em Telemática  
Programação e Estruturas de Dados

## Recursividade — Fundamentos

Copyright©2010  
Prof. César Rocha  
cesarocha@ifpb.edu.br /

# Objetivos

- Explorar os conceitos fundamentais acerca do uso de **funções recursivas** em estruturas de dados
  - Quando e como usar funções recursivas, fundamentos da recursividade, principais técnicas, exemplos práticos, vantagens e desvantagens, recursividade em estruturas de dados e boas práticas de programação.
- Revisar alguns conceitos já formados sobre este assunto e estabelecer uma ligação com as funções relacionadas aos TAD's de estruturas de dados
  - Apresentar alternativas interessantes para as construções de código que estão sendo realizadas

- Em C, vimos que os programas são organizados em blocos fundamentais de execução: **as funções**
  - É bastante comum, em nossos programas, fazermos com que **uma função** chame **uma outra função** para desempenhar alguma tarefa específica
- Porém, em algumas situações, é útil fazer com que uma função seja chamada **recursivamente**
  - Isto é, esta função irá realizar uma chamada **a si própria**, dentro de seu corpo
  - Recursividade é um tópico um pouco mais avançado da construção de algoritmos

## Importante

- *Muitos livros abordam a recursividade com base em algum problema pré-estabelecido e específico:*
  - *Séries Fibonacci, Fatorial de um número, Torres de Hanoi, Algoritmo da Bolha, entre muitos outros*
  - *Porém, quando outro problema é apresentado ao aluno, o mesmo fica condicionado a aplicar as mesmas regras do primeiro exemplo ao segundo*
- *O que é importante observar:*
  - *Problemas recursivos tendem a apresentar (vários) aspectos semelhantes uns com os outros*
  - *O aluno pode ter um bom “faro” para identificá-los*

# Fundamentos da Recursividade

- Para que se possa criar algoritmos recursivos sem grandes problemas, **deve-se estar atento** à:
  - ① uma chamada recursiva é feita de forma semelhante às chamadas de função já vistas
    - Não há nenhuma palavra chave específica da linguagem de programação para usar recursão, etc.
  - ② deve-se notar que toda função recursiva sabe apenas como resolver um problema (**simples e atômico**)
    - De modo que, se a função for chamada em cima deste problema pequeno, ela irá emitir um resultado imediato
    - A este elemento, dá-se o nome de **“caso base”** ou “condição de parada”

# Fundamentos da Recursividade

- ③ *entretanto, quando uma função recursiva é chamada em cima de um problema mais complexo (e maior), ela dividirá o problema em duas partes conceituais:*
  - *A primeira parte é a que a função sabe como resolver de imediato (o caso base)*
  - *A segunda, tornar-se-á uma parte que ela não sabe como resolver de imediato. Mas a função sabe que esta parte ficou menor que o problema original*
- ④ *geralmente, este novo problema (menor) se parece bastante com o original*
  - *Então, a função irá apenas chamar uma nova cópia de si mesma para trabalhar em cima deste novo problema*

# Fundamentos da Recursividade

- ⑤ a esta nova cópia da função original que lidará com o problema, dá-se o nome de **chamada recursiva**
  - A chamada recursiva, então, fará com que o novo problema **seja novamente dividido** em duas partes conceituais e chamará uma nova cópia de si mesma
  - Assim, novos passos recursivos podem ser gerados, cada um com uma versão (parte dividida) cada vez menor do problema original
- ⑥ este processo de divisão irá convergir até um ponto atômico (ou seja, **o caso base**)
  - Neste momento, a última chamada recursiva que reconhecer o caso base, irá retornar o seu resultado para o método anterior (em **stand by**) que a chamou

# O problema do Fatorial

- Uma vez que os aspectos a serem perseguidos em problemas recursivos foram vistos, é o momento de exercitar estes conceitos auferidos
- Para isso, iremos começar com um problema matemático clássico em programação conhecido com o *Fatorial* de um número

$$\text{Fatorial: } n! = n * (n-1)!$$

- Onde, por definição:

- Se  $n = 0$ , *fatorial será igual a 1*
- $3! = 3*2*1$  (6)

• Quem é a caso base?  
Porque?

• Como poderíamos dividir o fatorial de um número maior em fatoriais menores?



## Fatorial – solução iterativa

- *Note, abaixo, que podemos resolver este problema utilizando uma abordagem iterativa (não-recursiva)*
- *O fatorial de um número maior que zero pode ser calculado facilmente utilizando-se um **for{...}***

*// Considere o código abaixo no cálculo do fatorial  
// utilizando uma abordagem iterativa*

```
int fatorial( int numero ){  
    int contador, fatorial = 1;  
    if ( numero==0 ) return fatorial;  
    for( contador=numero; contador >= 1; contador-- )  
        fatorial *= contador;  
    return fatorial;  
}
```

# O problema do Fatorial

## Pense um pouco...

- Neste problema do fatorial, **quem é o caso base** (ou a condição de parada)?
- E ainda, como podemos dividir o problema (fatorial de um número maior) em pequenos problemas antes de fazer uma chamada recursiva (ou seja, gerar fatoriais de números menores)?
  - ① podemos calcular o fatorial de qualquer número enquanto ele for diferente de 0. Se for igual, pare!
  - ② O fatorial de 3 =  $3 * 2 * 1 == 3 * (2!)$

# Fatorial – solução recursiva

- Algumas tentativas:

```
// Considere o código abaixo no cálculo do fatorial
// utilizando uma abordagem recursiva
int fatorial( int numero ){
    if ( numero==0 ) return 1; //caso base
    else
        return ( numero * fatorial( numero - 1 ) );
}
```

```
// Considere o código abaixo no cálculo do fatorial
// utilizando uma abordagem recursiva e operador ternário
int fatorial( int numero ){
    return (numero==0 ? 1 : fatorial( numero - 1 ) );
}
```

Apenas UMA única linha de código foi feita!

## Recursão ou Iteração?

- Ambas iteração e recursão utilizam estruturas de controle convencionais da programação
  - Iteração, normalmente, usa estruturas de repetição: **for**, **while** ou **do/while**
  - Recursão, normalmente, usa estruturas de decisão: **if**, **if/else** ou **switch**
- Ambas iteração e recursão envolvem repetições:
  - Iteração explicitamente utiliza estruturas de repetição
  - Já a recursão alcança a repetição através de chamadas repetitivas (e recursivas) de si mesma (cópias)

## Recursão ou Iteração?

- *Ambas iteração e recursão possuem uma condição de parada bem definida*
  - *A iteração termina quando a condição do loop falha*
  - *Recursão termina quando o caso base é encontrado*
- *Ambas iteração e recursão podem ocorrer infinitivamente*
  - *O loop infinito poderá ocorrer quando o teste condicional nunca caminhar para falso*
  - *Recursão infinita pode ocorrer quando chamadas recursivas não dividem o problema em pedaços menores de modo a não convergir para o caso base*

## Recursão ou Iteração?

- Quando a questão envolve **memória**
  - A iteração utiliza pouca memória para manipular seus contadores ou variáveis decisórias
  - Recursão causa um overhead na máquina face que cada chamada recursiva será alocada na pilha
- Quando a questão envolve **facilidade de código**
  - Geralmente, soluções iterativas possuem mais linhas de código que as recursivas (são maiores)
  - Recursão, geralmente, reduz o código significativamente e pode refletir com maior naturalidade o problema que está sendo resolvido no programa

- *Usando recursividade, escreva agora uma função que possa calcular o tamanho de uma lista simplesmente encadeada*
  - *O protótipo da função final pode ser dado por:*  
**int tamanho( TListaEnc lista );**
  - *Recursivamente, podemos dizer que uma lista encadeada é representada por:*
    - *Uma lista vazia ou*
    - *Um elemento seguido de uma (sub-)lista. Neste caso, o segundo elemento representa o 1º elem. da sub-lista.*
  - *Compare com o código já feito em aulas anteriores*

## *Para um bom aproveitamento:*

- *Codifique os exemplos mostrados nestes slides e verifique pontos de dúvidas*
- *Resolva todas as questões da **lista de exercícios de recursividade***
- *Procure o professor ou monitor da disciplina e questione conceitos, listas, etc.*
- *Não deixe para codificar tudo e acumular assunto para a primeira avaliação.*
  - *Este é apenas um dos assuntos abordados na prova!*