

[Week12]_문가을

딥러닝 2단계 : 심층 신경망 성능 향상시키기

7. 다중 클래스 분류

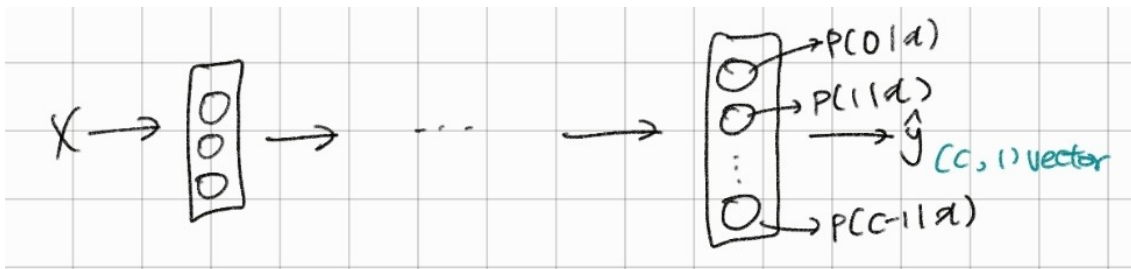
softmax Regression

logistic regression을 일반화한 softmax regression

$C = \# \text{ of classes}$

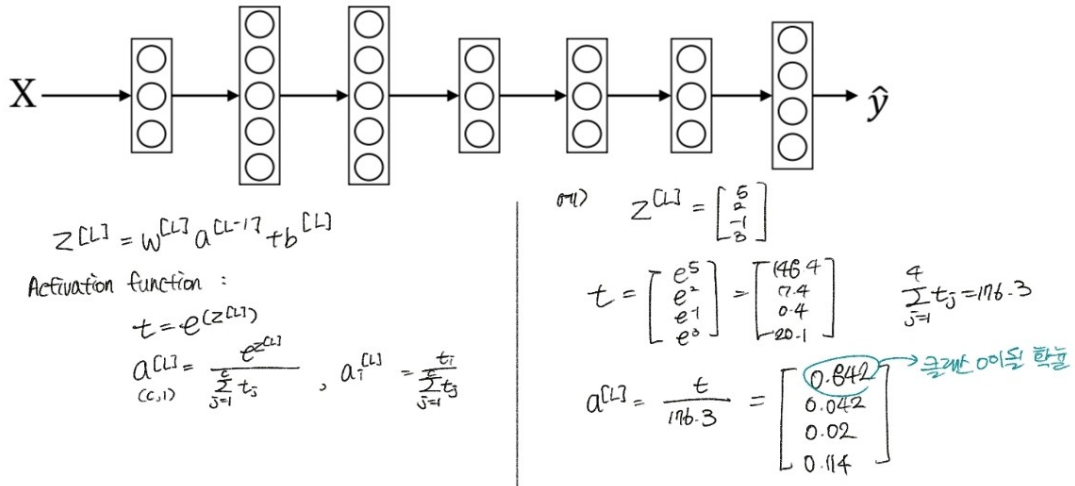
→ 0에서 $c-1$ 까지 클래스 부여

출력층 L 의 유닛 개수 : $n^L = C$



y^L 의 각 값들의 합은 1이되어야 함.

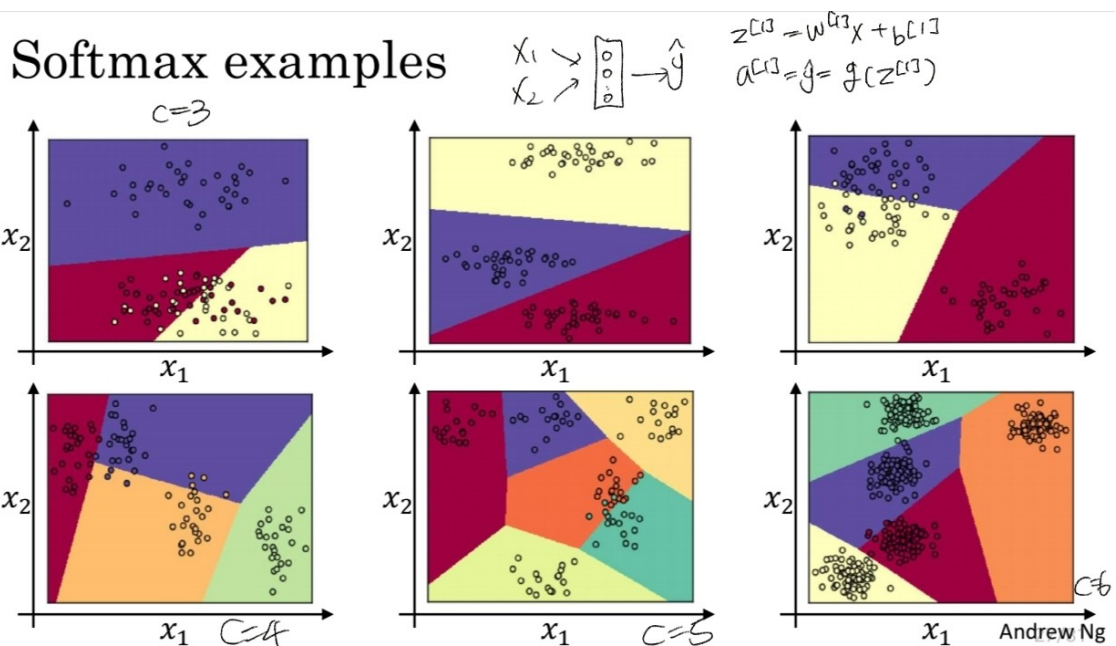
<softmax layer>



softmax activation function에서 특이한 점은 입력값과 출력값이 모두 벡터임.

<softmax examples>

1 layer



두 클래스 사이의 경계가 선형임.

은닉 유닛이 여러 개인, 더 깊은 신경망에서는 여러 클래스를 분류하기 위해 더 복잡하고 비선형의 경계도 볼 수 있음.

Softmax 분류기 훈련시키기

$$\begin{aligned} & (4,1) \\ & z^{[L]} = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \\ -1 \\ 3 \end{bmatrix} \quad t = \begin{bmatrix} e^5 \\ e^2 \\ e^{-1} \\ e^3 \end{bmatrix} \\ & a^{[L]} = g^{[L]}(z^{[L]}) = \begin{bmatrix} e^5/(e^5 + e^2 + e^{-1} + e^3) \\ e^2/(e^5 + e^2 + e^{-1} + e^3) \\ e^{-1}/(e^5 + e^2 + e^{-1} + e^3) \\ e^3/(e^5 + e^2 + e^{-1} + e^3) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.842 \\ 0.042 \\ 0.002 \\ 0.114 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

hard max $\rightarrow [1, 0, 0, 0]'$

: z 값을 보고 가장 큰 값이 있는 곳에 1을 나머지는 0을 갖는 벡터로 대응 시킴.

<Loss function(손실 함수)>

$$y = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad a^{[4]} = \hat{y} = \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.2 \\ 0.1 \\ 0.4 \end{bmatrix} \Rightarrow y_1 = y_3 = y_4 = 0, y_2 = 1$$

$$\mathcal{L}(\hat{y}, y) = - \sum_{j=1}^C y_j \log \hat{y}_j \quad \rightarrow \quad y_j = 0 \text{ 인 항은 무시 } X$$

$$-y_2 \log \hat{y}_2 = -\log \hat{y}_2$$

(log 값을 크게 해야 함)

$$\mathcal{J}(w^{[1]}, b^{[1]}, \dots) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \mathcal{L}(\hat{y}^{(i)}, y^{(i)})$$

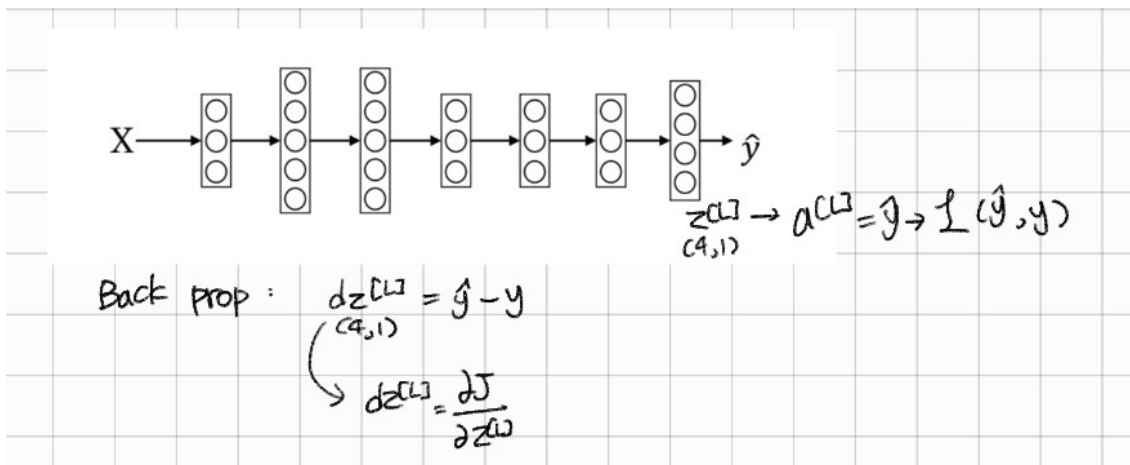
$$Y = [y^{(1)}, y^{(2)}, \dots, y^{(m)}]$$

$$\hat{Y} = [\hat{y}^{(1)}, \hat{y}^{(2)}, \dots, \hat{y}^{(m)}]$$

$$= \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & \dots \\ 1 & 0 & 0 & \dots \\ 0 & 0 & 0 & \dots \end{bmatrix}$$

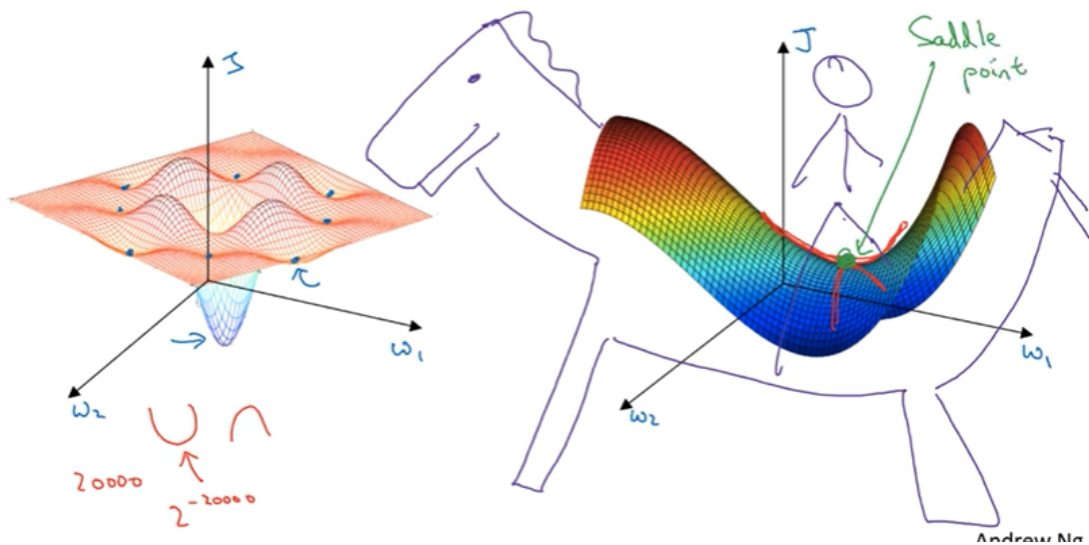
$$= \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.2 \\ 0.1 \\ 0.4 \end{bmatrix}$$

<Gradient descent with softmax>



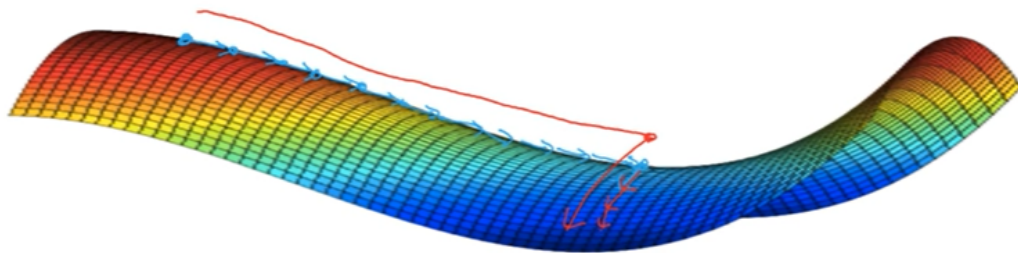
8. 프로그래밍 프레임워크 소개

지역 최적값 문제



고차원 비용함수에서 경사가 0인 경우는 대부분 지역 최적값이 아니라 대개 안장점임.

Problem of plateaus



- 안장점으로 향하는 구간인 안정지대는 미분값이 아주 오랫동안 0에 가깝게 유지되는 지역.
- 대개 충분히 큰 Network 학습시 지역 최적값에 갇히는 일은 거의 없다.
- 안정지대의 문제점은 경사가 거의 0에 가깝기 때문에 학습속도가 느려짐. 또한, 다른 쪽으로 방향변환이 없다면 안정지대에서 벗어나기 어려움. 이는 Adam, RMSprop 등 알고리즘이 해결해줌.

Tensorflow

딥러닝 프레임워크 중 하나.

<Motivating problem>

$$J(w) = w^2 - 10w + 25$$

→ tensorflow가 이 식을 어떻게 계산하?

tensorflow를 이용하여 매개 변수와 비용함수를 정의하고, 비용함수를 최소화하는 경사하강법을 이용하는 훈련 객체 만들.

```
w = tf.Variable(0, dtype=tf.float32)
cost = tf.add(tf.add(w**2, tf.multiply(-10., w)), 25)
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(0.01).minimize(cost)

init = tf.global_variables_initializer()
session = tf.Session()
session.run(init)
print(session.run(w))
```

전방향 경사만 잘 구현해도 tensorflow가 자동으로 역방향 전파를 잘 계산함.

경사 하강법 1000번

```
for i in range(1000) :
    session.run(train)
print(session.run(w))
```

5에 가깝게 나옴.