### 1. 시계열 문제

시간에 따라 변하는 데이터를 사용하여 추이를 분석하는 것 (추세 파악, 향후 전망 예측)

- 1) 불규칙 변동: 규칙성 없음, 예측 불가, 우연적
- 2) 추세 변동: 장기적인 변화 추세, 장기간에 걸쳐서 증가, 감소, 일정한 상태 유지, 단기간에 변동 찾기는 불가능
- 3) 순환 변동: 2~3년 정도의 일정 기간을 주기로 하여 순환적으로 나타남, 곡선 그리며 추세 변동
- 4) 계절 변동: 계절적 영향과 사회적 관습에 따라 1년 주기로 발생

### 2. AR, MA, ARMA, ARIMA

1) AR 모델

이전 관측 값이 이후 관측 값에 영향을 준다는 아이디어에 대한 모형으로 자기 회귀 모델이라고도 함

$$\frac{Z_t}{\textcircled{1}} = \frac{\boldsymbol{\Phi}_1 Z_{t-1} + \boldsymbol{\Phi}_2 Z_{t-2} + \dots + \boldsymbol{\Phi}_p Z_{t-p}}{\textcircled{2}} + \frac{a_t}{\textcircled{3}}$$

2) MA 모델

트렌드가 변화

$$\frac{Z_t}{\textcircled{1}} = \frac{\theta_1 a_{t-1} + \theta_2 a_{t-2} + \dots + \theta_p a_{t-p}}{\textcircled{2}} + \frac{a_t}{\textcircled{3}}$$

3) ARMA 모델

AR과 MA 섞은 모델

$$Z_{t} = a + \Phi_{1}Z_{t-1} + \dots + \Phi_{p}Z_{t-p} + \theta_{1}a_{t-1} + \dots + \theta_{q}a_{t-q} + a_{t}$$

4) ARIMA 모델

모델은 자기 회귀와 이동 평균을 둘 다 고려하는 모형, 추세까지 고려

- 1. ARIMA() 함수를 호출하여 사용하는데, ARIMA(p,d,q) 함수에서 쓰는 파라미터는 다음과 같습니다.
  - p: 자기 회귀 차수
  - d: 차분 차수
  - q: 이동 평균 차수
- 2. fit() 메서드를 호출하고 모델에 데이터를 적용하여 훈련시킵니다.
- 3. predict() 메서드를 호출하여 미래의 추세 및 동향에 대해 예측합니다.
- 3. 순환 신경망(RNN)

시간적으로 연속성이 있는 데이터 처리 목적 반복되는 순환 구조 가짐

- 1) 일대일
- 2) 일대다
- 3) 다대일
- 4) 다대다
- 5) 동기화 다대다
- (1)RNN 계층과 셀 내장된 계층 및 셀 레벨의 API 제공 오직 하나의 단계만 처리 nn.RNNCell, nn.GRUCell, nn.LSTMCell
- 4. RNN 구조

입력층, 은닉층, 출력층, 가중치 3개

1) 은닉층

$$h_{t} = \tanh(\hat{y}_{t})$$
  
$$\hat{y}_{t} = W_{hh} \times h_{t-1} + W_{xh} \times x_{t}$$

2) 출력층

$$\hat{y_t} = \operatorname{softmax}(W_{hy} \times h_t)$$

3) 오차

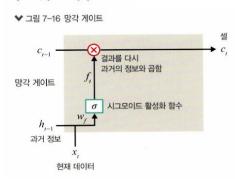
각 단계마다 오차를 측정, 이후 평균 제곱 오차 use

- 4) 역전파
- 5. LSTM
  - 1) 순전파
    - (1) 망각 게이트

과거 정보를 어느 정도 기억할지 결정

$$f_t = \sigma(w_f[h_{t-1}, x_t])$$

$$c_{t} = f_{t} \cdot c_{t-1}$$



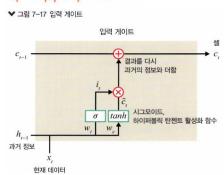
(2) 입력 게이트

현재 정보를 기억하기 위해 만들어짐

$$i_t = \sigma(w_i[h_{t-1}, x_t])$$

$$\tilde{c}_t = \tanh(w_c[h_{t-1}, x_t])$$

$$c_{t} = c_{t-1} + i_{t} \cdot \tilde{c}_{t}$$



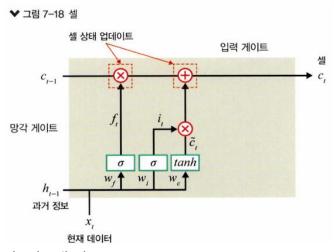
(3) 셀

각 단계에 대한 은닉 노드

총합을 사용하여 셀 값 반영, 기울기 소멸 문제 해결

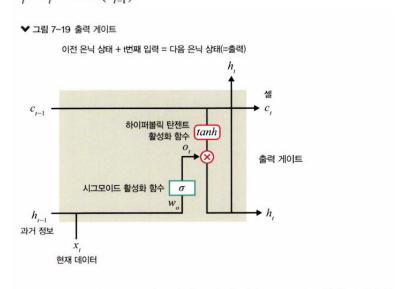
$$f_t = \sigma(w_f[h_{t-1}, x_t])$$

$$c_{t} = c_{t-1} + i_{t} \cdot \tilde{c}_{t}$$



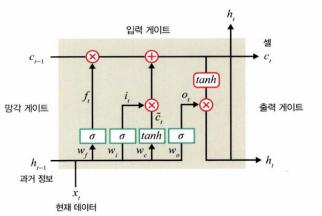
# (4) 출력 게이트

과거 정보와 현재 데이터를 사용하여 뉴런의 출력을 결정  $o_t = \sigma(w_o[h_{t-1}, x_t])$   $h_t = o_t \cdot \tanh(c_{t-1})$ 

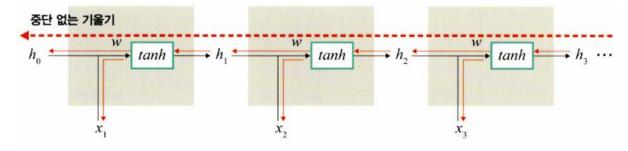


다음 그림은 망각 게이트, 입력 게이트, 출력 게이트를 모두 표현한 것입니다.

#### ❤ 그림 7-20 LSTM 전체 게이트



## 2) 역전파



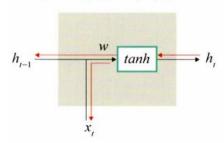
다음은 역전파를 수행하기 위한 공식입니다.

$$t_{t} = \tanh(w_{hh}h_{t-1} + w_{xh}x_{t})$$

$$= \tanh((w_{hh} \quad w_{xh}) \binom{h_{t-1}}{x_{t}})$$

$$= \tanh(w \binom{h_{t-1}}{x_{t}})$$

#### ✔ 그림 7-22 입력층으로의 역전파

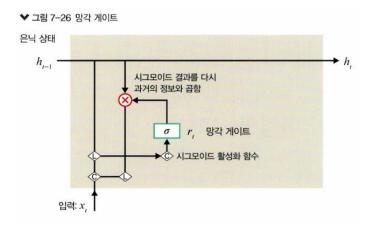


6. 게이트 순환 신경망 (GRU)

망각 게이트와 입력 게이트를 하나로 합친 것, 별도의 업데이트 게이트로 구성됨

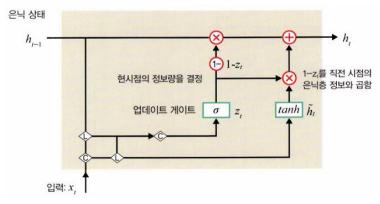
1) 망각 게이트

과거 정보를 적당히 초기화, 시그모이드 함수 출력으로 이용  $r_{t} = \sigma(W_{r} \cdot [h_{t-1}, x_{t}])$ 



## 2) 업데이트 게이트

과거와 현재 정보의 최신화 비율을 결정하는 역할을 함  $z_t = \sigma(W_z \cdot [h_{t-1}, x_t])$ 

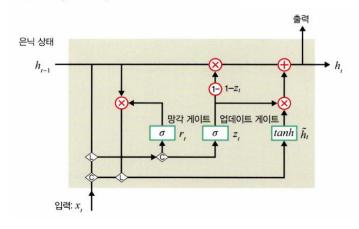


# 3) 후보군

$$\tilde{h}_t = \tanh(W \cdot [r_t * h_{t-1}, x_t])$$

## 4) 은닉층 계산

마지막으로 업데이트 게이트 결과와 후보군 결과 결함  $h_t = (1-z_t)*h_{t-1} + z_t \times \tilde{h}_t$ 



## 7. 양방향 RNN

1) 양방향 RNN 구조

하나의 출력 값을 예측하는 데 메모리 셀 두 개를 사용 첫 번째 메모리 셀은 이전 시점의 은닉 상태를 전달받아 현 재의 은닉 상태 계산

두 번째 메모리 셀은 다음 시점의 은닉 상태를 전달받아 현 재의 은닉 상태 계산

그리고 이 값 두 개를 모두 출력층에서 출력 값을 예측하는 데 사용