

PARCOURS ÉCOLE INGÉNIEUR – 2^{ÈME} ANNÉE

PRJ 1401 – Rapport final

Attaque par cannaux auxiliaires : Cryptanalyse du système RSA

14 mai 2024

Par Etienne RICHARD, Matthieu CIZDZIEL et Mathis MOGUEDET

Table des matières

Introduction	2
1 Définitions et notations	2
1.1 Définitions	2
1.2 Notations	2
2 Contexte du projet	2
2.1 Introduction	2
2.2 Généralités sur le RSA	3
2.3 Attaques par canaux auxiliaires	4
2.4 Matériel utilisé	4
2.5 Enjeux et objectifs du projet	4
3 Implémentation du RSA	4
3.1 Implémentation sur 32 bits	5
3.2 Objectif 2048 bits	5
3.3 Implémentation du big int	7
3.4 Conclusion	7
4 Attaque	7
Conclusion	7

Introduction

Introduction...

1 Définitions et notations

1.1 Définitions

BigInt : Grand entier, généralement représenté sur plusieurs mots mémoire.

Chunk : Un groupe de bits qui est utilisé pour stocker une partie d'un grand entier.

Débordement : Un événement se produisant lorsqu'un calcul dépasse les capacités de stockage d'un type de données, nécessitant une gestion spéciale.

1.2 Notations

n : désigne le modulo utilisé pour les opérations modulaires

p et q : désigne deux nombres premiers tel que $n = p \times q$

e : désigne l'exposant public

d : désigne l'exposant privé

m : désigne un message sous forme de nombre, tel que $m \in \mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$

c : désigne le chiffré sous forme de nombre, tel que $c \in \mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$

2 Contexte du projet

2.1 Introduction

En terme de sécurité informatique les méthodes de chiffrement sont très importantes notamment dans le domaine des télécommunication. La cryptographie est donc une notion très importante dans la cybersécurité actuelle. Les 3 principes de la cryptographie sont la confidentialité, l'authenticité et l'intégrité. La confidentialité assure que le contenu d'un message chiffré ne peut être lu que par son destinataire. L'authenticité assure l'origine du message, c'est à dire l'identité du messenger. Enfin l'intégrité assure la non-modification d'un message. Dans notre cas nous mettrons en oeuvre des moyens pour s'attaquer à la confidentialité d'un protocole cryptographique. Ainsi nous allons vous présenter un algorithme connu pour sa robustesse et utilisé dans le monde entier, le protocole RSA.

2.2 Généralités sur le RSA

Nous ne pouvons pas commencer la présentation du projet sans présenter le protocole RSA. Le protocole RSA utilise une clé publique pour chiffrer le message et une clé privée pour le déchiffrer. Les clés publique et privée n'étant pas les mêmes, on parle de chiffrement asymétrique. La robustesse du RSA repose dans la difficulté de factoriser un produit de deux grands nombres premiers. Sans rentrer dans le détail de sa robustesse nous allons vous expliquer son fonctionnement :

Génération des clés

Soit p et q deux nombres premiers distincts. On pose alors $n = pq$ et $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$. On choisit ensuite un nombre e premier avec $\phi(n)$ et strictement inférieur à $\phi(n)$. On peut enfin calculer d l'inverse modulaire de e modulo $\phi(n)$. Ainsi le couple (n, e) constitue la clé publique et d la clé privée.

Chiffrement

Soit un message représenté par un entier naturel M strictement inférieur à n et C le message chiffré. Nous avons la relation suivante :

$$C \equiv M^e \pmod{n} \quad (1)$$

Ainsi pour chiffrer un message M on utilise une fonction d'exponentiation modulaire utilisant la clé publique.

Déchiffrement

Nous pouvons de la même manière déchiffrer le message chiffré à l'aide de la clé privée. Nous avons ainsi la relation suivante :

$$M \equiv C^d \pmod{n} \quad (2)$$

Ainsi nous remarquons que la base du chiffrement et du déchiffrement repose sur une exponentiation modulaire. Le problème de l'exponentiation utilisé par le RSA est qu'elle ne peut pas être naïve, c'est à dire qu'on ne peut pas faire $x^n = x * x * x \dots * x$ n fois. En effet, le RSA utilise des nombres de 2048 bits ce qui rend impossible l'utilisation d'un algorithme naïf. Nous verrons par la suite lors de l'implémentation du RSA qu'on peut utiliser l'algorithme d'exponentiation rapide pour des nombres de 2048 bits.

2.3 Attaques par canaux auxiliaires

Il est désormais temps de vous introduire au concept d'attaque par canaux auxiliaires. Selon Wikipedia une attaque par canaux auxiliaires est une : "Attaque informatique qui, sans remettre en cause la robustesse théorique des méthodes et procédures de sécurité, recherche et exploite des failles dans leur implémentation, logicielle ou matérielle." En reprenant ce que nous vous avons présenté précédemment nous ne remettons pas en compte la robustesse du protocole RSA mais son implémentation utilisant l'algorithme d'exponentiation rapide. Ainsi il existe une multitude d'attaques par canaux auxiliaires comme les attaques temporelles basées sur le temps mis par l'algorithme pour effectuer certaines opérations, les attaques par sondage qui consiste à analyser un circuit en y posant une sonde ou encore les attaques par consommation de courant. Dans notre cas nous allons nous intéresser aux attaques par consommation de courant. Ces attaques sont basées sur le fait que chaque type d'opération que peut effectuer le processeur utilise plus ou moins de courant. On peut également généraliser ce principe pour les différentes fonctions d'un programme qui n'ont pas la même consommation électrique.

2.4 Matériel utilisé

Nous pouvons désormais présenter le matériel utilisé dans ce projet. Nous utiliserons un kit ChipWhisperer de la marque NewAE prêtée par notre tuteur Guy Goniat. Ce kit est composé de trois cartes différentes :

- Une carte cible qui fera tourner le firmware cible, c'est à dire le firmware implémentant le RSA ;
- Une carte mère CW308 sur laquelle nous branchons la carte cible, cette carte permet d'alimenter la carte cible ;
- Une carte d'acquisition servant d'interface entre l'ordinateur et la carte mère. Cette carte permet d'uploader le firmware sur la carte mère

2.5 Enjeux et objectifs du projet

Nous connaissons désormais tous les éléments nécessaires à la compréhension des enjeux et des objectifs de notre projet. L'objectif principal de ce projet est de récupérer la clé privée d'un utilisateur sans la connaître, tout en restant dans un cadre légal. De ce fait nous attaquerons notre propre plateforme dédiée aux attaques par canaux auxiliaires. Les enjeux liés à ce projet sont nombreux, il faudra réussir à s'organiser autour d'un projet de groupe, comprendre

3 Implémentation du RSA

Après vous avoir introduit le contexte du projet, nous allons maintenant vous expliquer comment nous avons fait pour implémenter le crypto-système RSA sur un firmware customisé de la ChipWhisperer.

3.1 Implémentation sur 32 bits

Dans un premier temps, nous avons décidé d'implémenter le RSA sur des petits nombres de taille supportés nativement par le crypto-processeur. Ce dernier utilise une architecture de 32 bits, cela signifie que lorsqu'on stock un nombre dessus, ce nombre ne peut être que de 32 bits maximum (de 0 à $2^{32} - 1$, pour des entiers positifs). Nous allons donc commencer par implémenter le RSA sur des nombres de 32 bits afin de pouvoir utiliser les opérations usuelles : addition, multiplication, réduction modulaire, ...

Comme nous l'avons vu dans la section précédente, pour implémenter le RSA, nous avons besoin de savoir trois choses différentes :

1. Générer des clés de chiffrement/déchiffrement ;
2. Chiffrer un message m , sur 32 bits $m < 2^{32}$;
3. Déchiffrer un chiffré c , sur 32 bits $c < 2^{32}$.

Les algorithmes nécessaires pour effectuer ces opérations sont : la génération de nombres premiers aléatoire afin de déterminer p et q , le calcul d'inverse modulaire pour déterminer la clé privée d tel que $ed \equiv 1[n]$ et l'exponentiation modulaire afin de chiffrer et déchiffrer, cf. équation (1) et (2).

Nous avons écrit le pseudo-code des ces deux algorithmes essentiels (cf. Algorithme 1 et 2), pour ce qui est de leur implémentation en C dans le firmware de la ChipWhisperer, vous pouvez les retrouver dans l'archive finale du projet.

3.2 Objectif 2048 bits

D'après les recommandations de l'ANSSI [2], un RSA implémenté avec les types de bases du C (32 bits), n'est pas du tout sécurisé. En effet, nous pouvons retrouver page 19 les règles suivantes :

1. La taille minimale du module est de 2048 bits, pour une utilisation ne devant pas dépasser la fin de l'année 2030.
2. Pour une utilisation à partir de l'année 2031, la taille minimale du module est de 3072 bits.
3. Les exposants secrets doivent être de même taille que le module.
4. Pour les applications de chiffrement, les exposants publics doivent être strictement supérieurs à $2^{16} = 65536$.

Afin d'attaquer une version du RSA qui pourrait être utilisé dans un cadre réel, nous allons donc devoir l'implémenter avec un module, notée n précédemment, de 2048 bits ! Or, comme vu précédemment nous allons utiliser une machine en 32 bits, ce qui signifie que les types de bases sur lesquels les opérations élémentaires sont implémentées, ne dépassent pas 32 bits. Nous allons devoir créer et implémenter des opérations sur les grands nombres, nous appellerons BigInt ces derniers dans le reste du rapport car c'est l'usage.

Algorithm 1: Pseudo-code de l'exponentiation modulaire

Input: base, exponent, modulus
Output: result
 $result \leftarrow 1;$
 $base \leftarrow base \bmod modulus;$
while $exponent > 0$ **do**
 if *exponent est impair* **then**
 $result \leftarrow (result \times base) \bmod modulus;$
 end
 $exponent \leftarrow exponent \div 2;$
 $base \leftarrow (base \times base) \bmod modulus;$
end
return $result;$

Algorithm 2: Pseudo-code de l'inverse modulaire

Input: a, m
Output: inverse modulaire
 $m0 \leftarrow m;$
 $y \leftarrow 0;$
 $x \leftarrow 1;$
if $m = 1$ **then**
 return 0;
end
while $a > 1$ **do**
 $q \leftarrow a \div m;$
 $t \leftarrow m;$
 $m \leftarrow a \bmod m;$
 $a \leftarrow t;$
 $t \leftarrow y;$
 $y \leftarrow x - q \times y;$
 $x \leftarrow t;$
end
if $x < 0$ **then**
 $x \leftarrow x + m0;$
end
return $x;$

3.3 Implémentation du big int

Pour représenter un grand entier dans un système embarqué 32 bits, nous utilisons un découpage en chunks de 16 bits. Imaginons que nous souhaitons un nombre de 64 bits. Nous divisons cet entier en mots de 16 bits. Ainsi, chaque chunk de 16 bits contient une partie du grand entier.

Prenons un exemple concret : supposons que notre grand entier soit 0xABCD1234567890EF. Pour le découper en chunks de 16 bits, nous aurons :

- Chunk 1 : 0xABCD
- Chunk 2 : 0x1234
- Chunk 3 : 0x5678
- Chunk 4 : 0x90EF

Chaque chunk peut être représenté par un entier de 16 bits dans la mémoire du système embarqué. En utilisant cette méthode de découpage, nous pouvons stocker et manipuler des grands entiers même dans des systèmes avec des limitations de taille de données.

Si nous utilisons des sous-entiers de 16 bits et pas de 32 bits c'est parce que le 32 bits servira de type d'overflow, en effet lorsqu'on aura une sous opération qui dépassera la taille d'un chunk alors un entier de 32 bits permettra de résoudre ce problème.

Sachant que chaque chunk est sur 16 bits c'est comme si nous avons une représentation du nombre en base 2^{16} , nous n'avons "plus" qu'à considérer un chunk comme un symbole de la base 2^{16} et implémenté les opérations usuelles dessus.

Cette méthode fonctionne pour l'addition et la soustraction, mais pour les opérations d'inverse modulaire, de multiplication modulaire et de division, cela ne fonctionne plus et il faut utiliser des algorithmes plus poussés, nous nous sommes basé sur ceux du livre "Handbook of Applied Cryptography" [1].

3.4 Conclusion

4 Attaque

Conclusion

Introduction...

Références

- [1] P. van Oorschot A. MENEZES et S. VANSTON. *Handbook of Applied Cryptography*. www.cacr.math.uwaterloo.ca/hac. 1996. URL : <https://cacr.uwaterloo.ca/hac/about/chap14.pdf>.
- [2] ANSSI. *Guide des mécanismes cryptographiques*. Version 2.04 - 2020-01-01. Règles et recommandations concernant le choix et le dimensionnement des mécanismes cryptographiques. 2021. URL : <https://cyber.gouv.fr/publications/mecanismes-cryptographiques>.