Université de Montpellier - Faculté des Sciences - Département EEA - L2 HAE304X Outils mathématiques pour l'EEA Contrôle continu n°1 - 10 octobre 2022 - durée 1h

Exercice 1 (2.5-1-1.5-2 points)

Déterminez en justifiant les limites suivantes avec la technique de votre choix

1)
$$\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$$
 avec $a > 0$ $= \lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{1 - a^2} \right)$ selon les 3 conditions suivantes: $a = 1$, $a > 1$ et $a < 1$

Determines en justifiant les limites suivantes avec la technique de votre choix:

1)
$$\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$$
 avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} - ax$ avec $a > 0$
 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x + 1} -$

4)
$$\lim_{x\to 0} x \sin(1/x)$$
 et $\lim_{x\to +\infty} x \sin(1/x)$ (quidance)

Exercice 2 (1 – 1 points)

Déterminez les dérivées des fonctions suivantes :

1)
$$f(x) = \sqrt{x + \sqrt{x^2 + 1}} \qquad f(x) = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{x + \sqrt{x^2 + 1}}{x^2 + 1}}$$
2)
$$f(x) = \tan(\sqrt{x^2 + 1}) \qquad f' = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \left(1 + \tan^2(\sqrt{x^2 + 1})\right).$$

Exercice 3 (1.5 - 1.5 points)

Déterminez le développement limité en 0 à l'ordre 2 de la fonction $f(x) = \sqrt{4+x}$

2. En utilisant un DL usuel
$$\sqrt{4+2} = 2\left(1+\frac{1}{2}\left(\frac{\kappa}{4}\right)+d(\kappa)\right) = 2+\frac{1}{4} \times +600 - \frac{\kappa^2}{64} + O(\kappa^2)$$
Exercice 4 (2-2-2-2 points) $-\left(\frac{\kappa}{4}\right)\frac{1}{8}$

Déterminez en justifiant les développements limités suivants :

1)
$$DL_6(0) de f(x) = (\cos x)(\sin x) - 0$$
 product $d_1DL_{-0} = f(x) = x - \frac{3}{3} + \frac{2x^5}{15} + o(x^6)$

3)
$$DL_2(2) \operatorname{de} f(x) = \ln(3+x) = \ln(3+2-2+x) = \ln(5+x-2) = \ln(5) + \ln(1+\frac{x-2}{5})$$

$$\frac{1}{1+e^{x}} = \frac{1}{1+(1+x+\frac{x^{2}}{2!}+\frac{x^{3}}{3!}-\frac{1}{2!})} = \frac{1}{2}\left[1+\frac{x^{2}}{2!}+\frac{x^{2}}{3!}-\frac{x^{2}}{3!}+\frac{x^{2}}{3!}-\frac{$$