

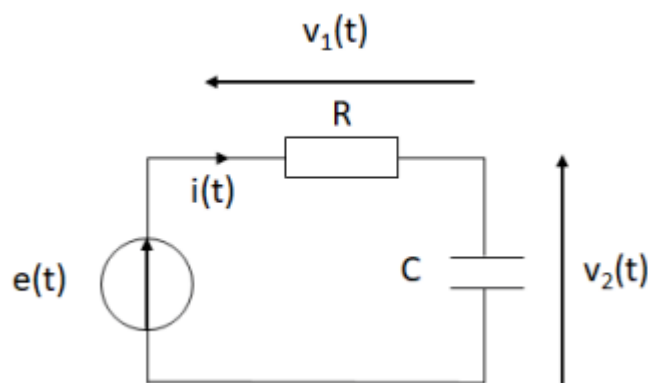
## Le circuit RC - Réponse à un échelon de tension

### Mise en équation d'un circuit comportant un condensateur

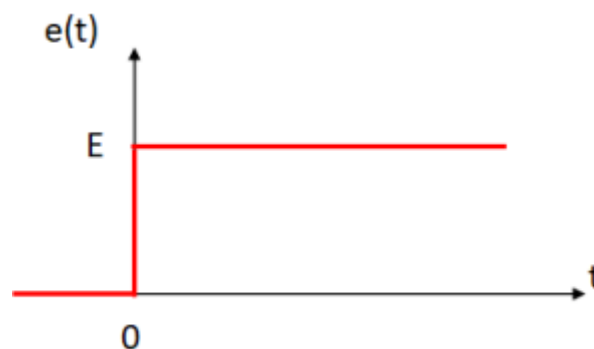
On considère le circuit illustré sur la figure ci-dessous. Nous cherchons à établir la relation entre la tension de sortie  $v_2(t)$  en fonction de la tension d'entrée  $e(t)$  et des composants du circuit  $R$  et  $C$ .

Les conditions initiales sont nulles, le condensateur est initialement déchargé. La tension à ses bornes est donc nulle :  $v_2(0^-) = 0\text{ V}$ .

Par continuité de la tension aux bornes d'un condensateur, on a :  $v_2(0^+) = 0\text{ V}$



Ce circuit est alimenté par une tension variable  $e(t)$ . Dans cet exemple, le signal d'entrée est un échelon de tension d'amplitude  $E = 5\text{ V}$ , comme illustré sur la figure ci-dessous.



Le circuit est composé d'une seule maille, le courant qui circule est donc le même dans toutes les branches, il est noté  $i(t)$ .

En appliquant la loi des mailles, on obtient l'équation suivante :

$$e(t) - v_1(t) - v_2(t) = 0 \text{ eq.(1)}$$

Ensuite, on utilise les relations courant-tension pour les différents composants du circuit :

$$v_1(t) = R \times i(t) \text{ eq.(2)}$$

et

$$i(t) = C \frac{dv_2}{dt} \text{ eq. (3)}$$

On remplace l'expression de  $i(t)$  dans l'équation (2) par celle obtenue dans l'équation (3) :

$$v_1(t) = RC \frac{dv_2}{dt} \text{ eq. (4)}$$

On remplace ensuite l'équation (4) dans l'équation (1) :

$$e(t) - RC \frac{dv_2}{dt} - v_2(t) = 0$$

Soit :

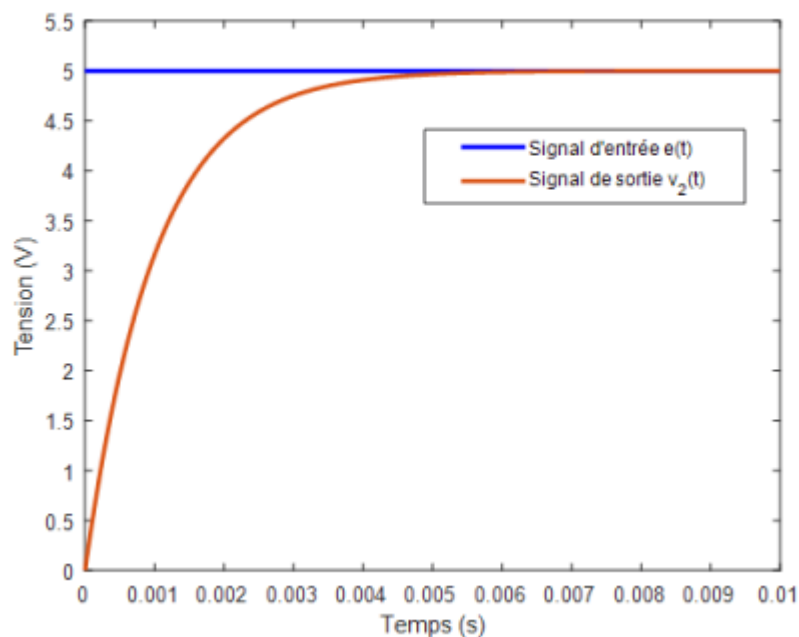
$$\frac{dv_2}{dt} + \frac{1}{RC} \times v_2(t) = \frac{1}{RC} \times e(t) \text{ eq. (5) avec la condition initiale : } v_2(0^+) = 0$$

On obtient une équation différentielle du premier ordre avec second membre. Pour obtenir l'expression de  $v_2(t)$ , il faut résoudre l'équation différentielle.

La résolution de cette équation différentielle pour les conditions initiales de cet exemple donne :

$$v_2(t) = E \times \left[ 1 - \exp\left(-\frac{t}{RC}\right) \right] \text{ pour } t > 0, \text{ voir le détail de la résolution } \uparrow$$

Il suffit ensuite de tracer l'allure de la tension  $v_2(t)$ . Pour cela, on donne les valeurs :  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $C = 1 \mu\text{F}$ ,  $E = 5 \text{ V}$ .

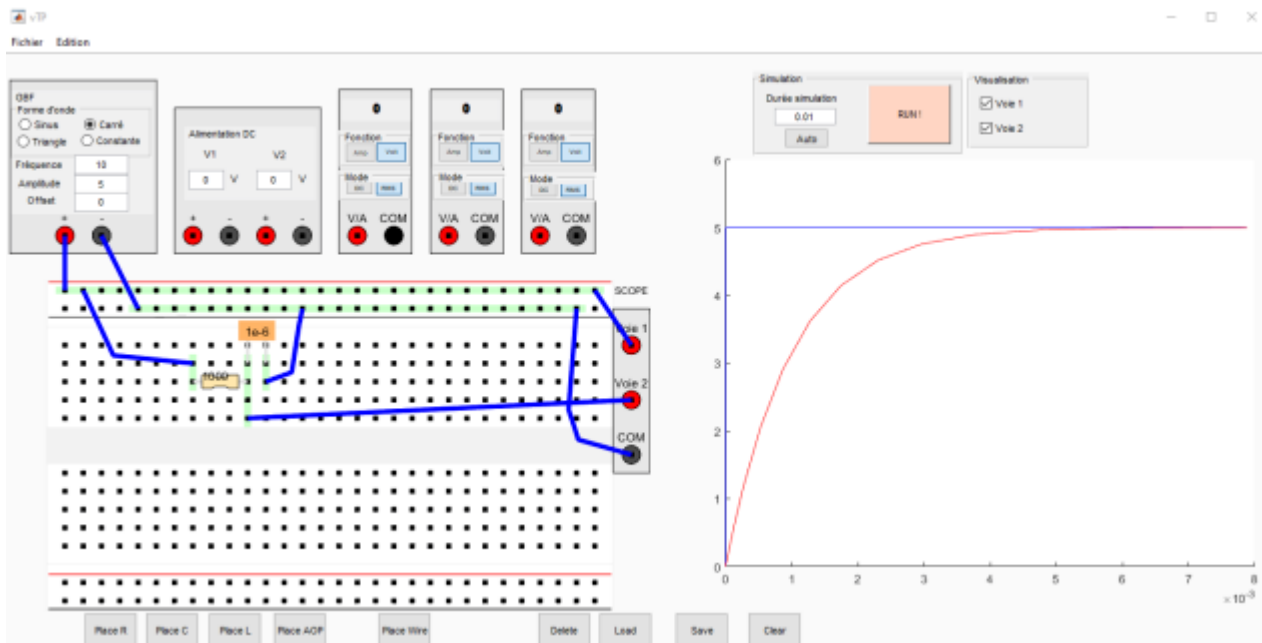


### Interprétation du résultat :

A  $t = 0$ , le condensateur est déchargé, la tension à ses bornes vaut 0 V. A  $t = 0^+$ , le générateur de tension délivre une tension de  $E$ , le courant s'établit dans le circuit. Des charges électriques s'accumulent aux bornes du condensateur, ce qui fait croître la tension à ses bornes. Puis, une fois que le régime transitoire est terminé, la tension aux bornes du condensateur est constante et vaut  $E$ , c'est le régime stationnaire. Dans cet exemple, le régime stationnaire est atteint aux alentours des 7 ms.

### Simulation

Pour compléter cet exemple, nous pouvons faire ce circuit avec vTP. La maquette virtuelle est illustrée sur la figure ci-dessous. Le signal d'entrée carré est généré à l'aide du générateur basses fréquences (GBF) en choisissant une forme d'onde carrée, une amplitude de 5 V, une tension d'offset de 0 V et une fréquence **10 Hz**. La tension d'entrée  $e(t)$  et la tension  $v_2(t)$  se mesurent à l'aide d'un oscilloscope et sont reliées respectivement aux voies 1 (courbe bleue) et 2 (courbe rouge). La durée de simulation est choisie à 10 ms afin d'observer correctement la tension  $v_2(t)$ .



Stéphanie Parola - HILISIT - Université Montpellier 