UNIVERSITÉ DE MONTPELLIER FACULTÉ DES SCIENCES

Année 2018-2019

L2 - Techniques mathématiques EEA - HLMA306

Devoir surveillé n^{o} 3 – 26/11/2018 – Durée : 1h15

** IMPORTANT **

- Documents et calculatrices ne sont pas autorisés.
- Toutes les réponses doivent être justifiées et les résultats soulignés.

Exercice 1

(2 pts) Calculer
$$I = \iint_{[a,b]\times[c,d]} (x+y) dx dy$$
.

Exercice 2

(3 points) Calculer la surface S de la partie Δ du plan délimité par les portions de courbes d'équations $\{x^4 - y = 0\}$ et $\{x - y^4 = 0\}$.

Exercice 3

- $(4 \text{ pts}) \text{ On considère le domaine } \Delta = \{(x,y,z) \in \mathbb{R}^3, \quad 0 \leq z \leq \pi, \quad x^2 + y^2 \leq \sin^2(z)\}.$
- a) Dessiner Δ .
- b) Calculer son volume V.

Exercice 4

(4 pts) Résoudre l'équation différentielle : y' - 2y = 4, avec y(0) = 0.

Exercice 5

(4 pts) Résoudre l'équation différentielle : y'' - 3y' + y = x

Exercice 6

(3 pts) Résoudre l'équation différentielle : $y' - y^2 \cos x = \cos x$