Licence L2- Techniques mathématiques EEA

Devoir surveillé n^{o} 2 – 14/11/2016 – Durée : 1h30

Calculer les primitives et intégrales suivantes (tout calcul sera justifié).

1)
$$\int \frac{1}{x(1+\ln^2(x))} dx$$
 (1,5 pt)

2)
$$\int_0^{+\infty} x^2 e^{-x} dx$$
 (2 pts)

3)
$$\int x^2 \arctan x \, dx$$
 (3 pts)

4)
$$\int \frac{2x+5}{2x^2+8x+10} dx \qquad (3.5 \text{ pts})$$

5)
$$\int \frac{dx}{(x-1)^2(x+2)}$$
 (3,5 pts)

6)
$$\int_0^3 \sqrt{9-x^2} \, dx$$
 (3,5 pts) - (2 pts bonus)

On demande, pour ce calcul, d'effectuer un changement de variable. Toute autre méthode, dûment expliquée, rapportera un bonus de 2 points.

7)
$$\int \cos^4(x) \ dx \qquad (3 \text{ pts})$$