



Session : .....1...../.....

Durée de l'épreuve : .....2.....heures

Date : 20 /05 / 2021

Documents autorisés : .....

Licence ☒ Master ☐

Mention : .....EEA & Méca .....

Parcours : .....1<sup>ère</sup>année.....

Libellé + Code de l'UE : HLEE204

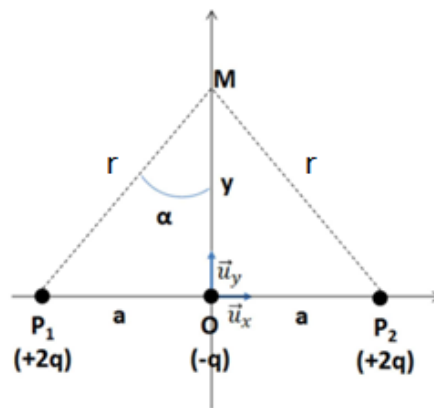
On rappelle : permittivité diélectrique du vide  $\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$

**Exercice 1 : Charges ponctuelles (10 pts).** Toutes les questions sont indépendantes

Soit 3 charges ponctuelles placées en  $P_1 (+2q)$ , en  $O (-q)$  et en  $P_2 (+2q)$  suivant le schéma ci-dessous

Les distances sont telles que  $P_1O = P_2O = a$  ;  $OM = y$  et  $P_1M = P_2M = r$

$q = 1\mu\text{C}$  ( $1 \times 10^{-6} \text{ C}$ ) et  $a = 10 \text{ cm}$  ;  $\vec{u}_x$  et  $\vec{u}_y$  vecteurs unitaires orthogonaux.



**1-** On veut déterminer la force électrostatique engendrée par l'interaction de la charge en  $P_1$  avec les autres charges.

- Représenter au point  $P_1$  la force exercée par la charge en  $O$  sur  $P_1$  ( $\vec{F}_{01}$ ) ; la force exercée par la charge en  $P_2$  sur  $P_1$  ( $\vec{F}_{21}$ )

- Calculer la force électrostatique totale ( $\vec{F}_T$ ) au point  $P_1$

**2-** On veut déterminer le champ électrique  $\vec{E}(M)$  au point  $M$

- Représenter les 3 vecteurs champs ( $\vec{E}_1, \vec{E}_0, \vec{E}_2$ ) créés par les 3 charges au point  $M$ .

- Exprimer le champ électrique au point  $M$ ,  $\vec{E}(M)$ , en fonction de  $a$  et  $y$ .

- Déterminer la distance  $OM = y$  à laquelle ce champ s'annule au point  $M$ . Faire l'application numérique.

**3-** On veut déterminer le potentiel  $V(M)$  au point  $M$

- Exprimer le potentiel au point  $M$ ,  $V(M)$ , en fonction de  $a$  et  $y$ .

- Déterminer la distance  $OM = y$  à laquelle ce champ s'annule au point  $M$ . Faire l'application numérique.

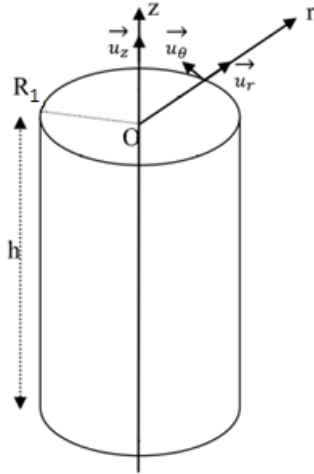
**4-** Calculer l'énergie électrique totale  $W$  de cette répartition de charges

## Exercice 2 – Condensateur cylindrique (10 pts). Les 2 parties sont indépendantes

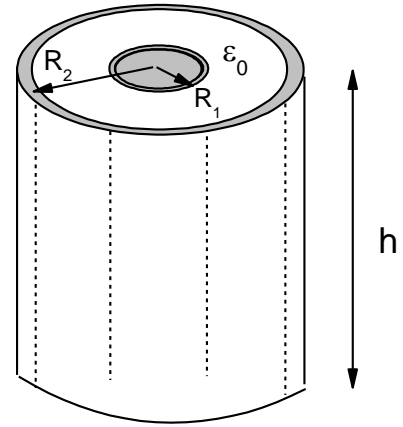
### Partie I-

Soit un cylindre considéré, compte tenu de ses dimensions, comme infini suivant l'axe Oz, de rayon  $R$ , de hauteur  $h$ , uniformément chargé en surface (charges positives, densité surfacique de charge  $\sigma$ ). On se placera dans un repère cylindrique ( $\vec{u}_r, \vec{u}_\theta, \vec{u}_z$ ).

On donne  $\sigma = 2 \times 10^{-1} \text{C/m}^2$  ;  $R_1 = 5 \text{ mm}$  ;  $h = 10 \text{ cm}$



Partie I : cylindre chargé en surface



Partie II : Condensateur cylindrique

**I-1-** Calculer la charge  $Q$  de ce cylindre chargé en surface.

**I-2-** En considérant les symétries du système, montrer que le champ électrique en un point  $M$  de tout l'espace  $\vec{E}(M)$  est radial donc dirigé selon  $\vec{u}_r$ . Représenter les vecteurs champs électriques dans tout l'espace de permittivité  $\epsilon_0$

**I-3-** En utilisant le théorème de Gauss, établir l'expression du champ électrique radial  $\vec{E}(r)$  dans tout l'espace, pour  $r$  variant de 0 à l'infini, en fonction de ( $Q, r, h, \epsilon_0, \vec{u}_r$ ). On notera  $E_1$  pour  $r < R_1$  et  $E'_1$  pour  $r > R_1$ .

**I-4-** Tracer approximativement  $E = f(r)$  où l'on précisera l'expression du champ en  $r = R_1$

**I-5-** Le potentiel vaut  $V_0$  en  $r = 0$ . Etablir l'expression du potentiel dans tout l'espace en fonction de ( $Q, r, R, h, \epsilon_0, V_0$ ). On notera  $V_1$  pour  $r < R_1$  et  $V'_1$  pour  $r > R_1$  et on utilisera la continuité du potentiel en  $r = R$ .

### Partie II-

On utilise le cylindrique précédent uniformément chargé en surface pour former un condensateur cylindrique. Pour cela, on l'entoure par un cylindre de rayon  $R_2$  neutre qui ensuite est relié au sol. La permittivité reste celle du vide  $\epsilon_0$

**II-1-** Représenter la répartition des charges dans le condensateur ainsi que les vecteurs champ électrique  $\vec{E}$

**II-2-** Le système est isolé.

Sachant que l'expression du champ électrique est  $E = \frac{Q}{2\pi\epsilon_0 r h}$  pour  $R_1 < r < R_2$  (partie I), déterminer l'expression de la capacité  $C$  de ce condensateur.

**II-3-** Calculer la capacité de ce condensateur pour  $R_2 = 20 \text{ mm}$  ;  $R_1 = 5 \text{ mm}$  ;  $h = 10 \text{ cm}$

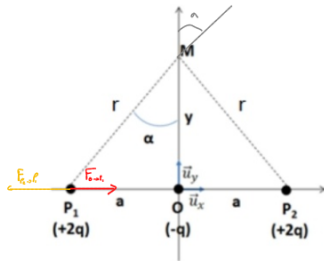
**II-4-** On applique une tension de 100V aux bornes de ce condensateur. Calculer l'énergie électrique  $W$  qu'il peut restituer.

**Exercice 1 : Charges ponctuelles (10 pts).** Toutes les questions sont indépendantes

Soit 3 charges ponctuelles placées en  $P_1 (+2q)$ , en O  $(-q)$  et en  $P_2 (+2q)$  suivant le schéma ci-dessous

Les distances sont telles que  $P_1O = P_2O = a$  ;  $OM = y$  et  $P_1M = P_2M = r$

$q = 1\mu\text{C}$  ( $1 \times 10^{-6}\text{C}$ ) et  $a = 10\text{ cm}$  ;  $\vec{u}_x$  et  $\vec{u}_y$  vecteurs unitaires orthogonaux.



**1-** On veut déterminer la force électrostatique engendrée par l'interaction de la charge en  $P_1$  avec les autres charges.

- Représenter au point  $P_1$  la force exercée par la charge en O sur  $P_1$  ( $\vec{F}_{01}$ ) ; la force exercée par la charge en  $P_2$  sur  $P_1$  ( $\vec{F}_{21}$ )
- Calculer la force électrostatique totale ( $\vec{F}_T$ ) au point  $P_1$

**2-** On veut déterminer le champ électrique  $\vec{E}(M)$  au point M

- Représenter les 3 vecteurs champs ( $\vec{E}_1$ ,  $\vec{E}_0$ ,  $\vec{E}_2$ ) créés par les 3 charges au point M.
- Exprimer le champ électrique au point M,  $\vec{E}(M)$ , en fonction de  $a$  et  $y$ .
- Déterminer la distance  $OM = y$  à laquelle ce champ s'annule au point M. Faire l'application numérique.

**3-** On veut déterminer le potentiel  $V(M)$  au point M

- Exprimer le potentiel au point M,  $V(M)$ , en fonction de  $a$  et  $y$ .
- Déterminer la distance  $OM = y$  à laquelle ce champ s'annule au point M. Faire l'application numérique.

**4-** Calculer l'énergie électrique totale  $W$  de cette répartition de charges

$$1) \text{ Soit la } F_T = \frac{2q}{4\pi\epsilon_0 a^2} \cdot \left( -q + \frac{2q}{2} \right)$$