Nota: Todos los desarrollos deben estar debidamente justificados.

Parte Práctica

· 1. Considere la siguiente tabla de datos:

x	-2	-1	0	1	2
y	1	4	11	16	15-)13

- (a) Muestre que el polinomio interpolante de Newton tiene grado exactamente 3.
- (b) Supongamos que se agrega como nuevo dato a $x_6 = 3$ con $y_6 = -4$. ¿Se mantiene el grado del polinomio interpolante para la nueva tabla de datos? Justifique.
- 2. Se desea aproximar la integral de $f(x) = x \cos(x)$ en el intervalo [-2, 2] utilizando la regla de Simpson compuesta. Determine la cantidad de subintervalos n que deben tomarse para obtener un error menor a 10^{-4} .
- , 3. Se desea aproximar la función $f(x) = x^2 3x + 1$ por una función lineal en el intervalo I = [0, 1].
 - (a) Escriba la fórmula del error cuadrático para este problema.
 - (b) Calcule los coeficientes del polinomio que mejor aproxima en el sentido de cuadrados mínimos.
 - (c) Dé el valor del error para el polinomio obtenido en el inciso anterior.
- 4. Un ceramista fabrica tazas y platos para vender. Por cada kilo de arcilla puede fabricar tres tazas o cinco platos. Cada taza se vende por \$5000 y cada plato se vende por \$3500. El costo de la arcilla es de \$10000 el kilo, y puede comprar a lo sumo 16kg. Si desea fabricar al menos tantas tazas como platos, ¿cuántas tazas y cuántos platos debe hacer para maximizar su ganancia? ¿Cuántos kilos de arcilla debe comprar?
 - 5. (Sólo alumnos libres) Sea $f(x) = (x^2-9)(x^2-3)(x-5)$. Para cada intervalo, determine a qué raíz de f converge el método de bisección, justificando adecuadamente su respuesta:

(a)
$$[-2, 4]$$
,

(b)
$$[-0.5, 5.5]$$
,

(c)
$$[-6, 6]$$
.

Parte Teórica

- · 1. · (a) ¿A qué llamamos norma matricial inducida? Dé ejemplos de ellas.
 - -(b) Dé las definiciones de los métodos de Jacobi y Gauss-Seidel para resolver el sistema lineal Ax=b.
- 2. (a) Dado un conjunto de datos $(x_0, y_0), \dots (x_n, y_n)$, ¿cuál es la diferencia en general entre interpolarlos y aproximarlos?
 - * (b) Si una regla gaussiana es exacta para polinomios de grado 9 en el intervalo [a,b] con peso w(x), ¿cómo se eligieron los nodos x_i para construirla?