## Introducción a la Lógica y la Computación. Examen Final 17/12/2020.

- 1. Pruebe que si un poset P tiene un primer elemento ("mínimo") m, entonces m es el único elemento minimal de P.
- 2. Decidir si el reticulado L formado por el conjunto  $\{1, 2, 3, 12, 9, 36\}$  ordenado por la relación de divisibilidad es distributivo mediante la construcción de  $\mathcal{D}(Irr(L))$ .
- 3. Hallar derivaciones que justifiquen  $\vdash \neg \neg \neg \varphi \rightarrow \neg \varphi$  y  $\{\varphi \lor (\psi \rightarrow \varphi)\} \vdash \psi \rightarrow \varphi$ .
- 4. Dar dos conjuntos consistentes maximales distintos  $\Gamma$  y  $\Gamma'$ . Probar además que  $\Gamma \cap \Gamma'$  contiene todos los teoremas.
- 5. Considere el autómata  $\mathbb{A} = (\{q_0, q_1, q_2\}, \{a, b\}, \delta, q_0, \{q_2\})$  donde  $\delta(q_0, a) = \{q_1\} = \delta(q_2, \epsilon),$   $\delta(q_1, b) = \{q_0\}, \ \delta(q_0, b) = \{q_2\} \ y \ \delta(\cdot, \cdot) = \emptyset$  en caso contrario. Utilizar el algoritmo de Kleene para encontrar una expresión regular que denote  $L(\mathbb{A})$ .
- 6. Dé una gramática regular que genere todas las palabras sobre el alfabeto a,b,c que tengan una cantidad múltiplo de 3 de cs.

## L. Sólo para alumnos libres:

- a) Probar que en todo reticulado,  $\sup\{a, b, c\} = \sup\{a, \sup\{b, c\}\}.$
- b) Hallar derivaciones que justifiquen  $\vdash \neg \varphi \rightarrow \neg \neg \neg \varphi$  y  $\{\psi \rightarrow \varphi\} \vdash \varphi \lor (\psi \rightarrow \varphi)$ .