## Introducción a la Lógica y la Computación. 3er parcial, 21/11/2007.

Apellido y Nombre:

nota	1.	2	3 .	4	5.
					3

- (1) Considere el NFA con mov.  $\epsilon$  de la Fig. 1, donde  $\Sigma = \{a,b\}$  y  $F = \{q_2,q_3\}$ .
  - (a) Determine cuales de las siguientes palabras son aceptadas: abab,  $\epsilon$ , abb.
  - (b) Dé una caracterización sencilla, con palabras, del lenguaje aceptado por el autómata.
  - (c) Justifique la afirmación hecha en el apartado (b).
- (2) Construir un DFA que acepte exactamente el lenguaje aceptado por el autómata de la Fig. 1. Debe utilizarse el método enseñado en el curso.
- (3) Considere el autómata de la Fig. 1, y considere también el método desarrollado en la construcción del Teorema de Kleene.
  - a. Dé explícitamente  $M_{12}$  y  $M_{13}$ .
  - b. Calcule la expresión  $e_{13}$ , que satisface  $L(e_{13}) = L(M_{13})$ . Desarrolle el método paso por paso, detallando los casos bases.
- (4) Use Pumping Lemma para demostrar que el siguiente lenguaje sobre el alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$  no es regular.

 $\{01^n00^n1: n \ge 1\}$ 

- (5) Responda Verdadero o Falso. Justifique sus respuestas.
  - (a) Si  $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$  es un NFA con mov.  $\epsilon$ , y  $\alpha \in \Sigma^*$ , entonces existe  $q \in Q$  tal que  $\alpha$  transforma  $q_0$  en q.
  - (b) Para toda expresión regular e se tiene  $L((e + \emptyset)\epsilon) = L(e)$ .
  - (c) Los lenguajes aceptados por los NFA con mov. ε son también generados por gramáticas libres de contexto.
  - (d) Existe una gramática regular que genere el lenguaje  $\{a,b\}^* \{a^ib^j : i,j \ge 0\}$ .

