## Parcial 2 - Lenguajes 2015

Enuncie los lemas que aplique.

- 1. Sea  $F = \lambda x \alpha \left[ \sum_{t=7}^{t=2x} Pred(x)^{Pred(|\alpha|)+t} \right]$ . Dar el dominio de F y probar que F es  $\Sigma$ -PR.
- 2. Sea  $\Sigma = \{\#, @\}.$  Pruebe que la función  $\lambda i\alpha[[\alpha]_i]$  es  $\Sigma\text{-PR}.$
- 3. V o F, justifique.
  - (a) Sean  $g: \omega^3 \to \omega$  y  $f: \omega \to \omega$ . Entonces  $R(f,g) \circ \left(C_1^{1,3}, C_2^{1,3}\right) = g \circ (f \circ C_2^{1,3}, C_0^{1,3}, C_2^{1,3})$ .
  - (b) Por definición un estado es un par  $((x_1,...,x_n),(\alpha_1,...,\alpha_m)) \in \omega^n \times \Sigma^{*m}$ , donde  $n,m \geq 0$ .
  - (c) Sea  $\mathcal{P} \in Pro^{\Sigma}$  tal que  $n(\mathcal{P}) = 3$ . Entonces  $\mathcal{P} \in Ins^{\Sigma} \times Ins^{\Sigma} \times Ins^{\Sigma}$ .
  - (d) Sea < un orden total estricto para  $\Sigma$ . Si  $P: \omega \times \Sigma^* \to \{0,1\}$  entonces  $M^{<}(P \circ (\#^{<} \circ p_2^{0,2}, p_1^{0,2}))$  y M(P) tienen el mismo dominio.