## Lenguajes y Compiladores

1er Parcial 2023

1. La siguiente gramática abstracta corresponde a un lenguaje para dar órdenes a un robot.

$$\langle ord \rangle ::= \mathbf{mover} \langle int \rangle$$
 ver ejemplo
$$\mid \mathbf{girar} \qquad \qquad \text{intercambia la dirección actual}$$

$$\mid \mathbf{si} \ \mathbf{pos} = \langle coord \rangle \ \mathbf{hacer} \ \langle ord \rangle \qquad \qquad \text{ejecuta la orden si la posición actual es la dada}$$

$$\mid \mathbf{si} \ \mathbf{dir} = \langle dir \rangle \ \mathbf{hacer} \ \langle ord \rangle \qquad \qquad \text{ejecuta la orden si la dirección actual es la dada}$$

$$\mid \langle ord \rangle; \langle ord \rangle \qquad \qquad \text{ejecuta la primera orden y luego la segunda}$$

$$\langle int \rangle ::= \ldots \mid -2 \mid -1 \mid 0 \mid 1 \mid 2 \mid \ldots$$

$$\langle dir \rangle ::= \mathbf{EO} \mid \mathbf{NS}$$

$$\langle coord \rangle ::= (\langle int \rangle, \langle int \rangle)$$

Sea  $D = \{NS, EO\}$  el conjunto de direcciones y sea  $\Sigma = (\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}) \times D$  el conjunto de estados. Escribí las ecuaciones semánticas con el siguente tipo:  $[\![\_]\!]: \langle ord \rangle \to \Sigma \to \Sigma$ . Por ejemplo,

$$[\![\mathbf{mover}\ k]\!]((x,y),d) = \begin{cases} ((x+k,y),d) & \text{si } d = EO \\ ((x,y+k),d) & \text{si } d = NS \end{cases}$$

2. Considerá la siguiente ecuación recursiva:

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x = 0\\ 8 - f(x - 2) & \text{si } x \neq 0 \end{cases}$$

Sea  $F: (\mathbb{Z} \to \mathbb{Z}_{\perp}) \to (\mathbb{Z} \to \mathbb{Z}_{\perp})$  el funcional asociado a esa ecuación. ¿Existe  $x \in \mathbb{Z}$  tal que  $F^3(\perp)(x) = 10$ ?

- 3. Decidí si cada una de las siguientes afirmaciones es verdadera o falsa. Justificá tu respuesta.
  - (a) En cualquier predominio infinito siempre hay cadenas interesantes.
  - (b) Sea  $f: P \to P'$  una función continua entre los predominios P y P', entonces  $f(\sqcup_i x_i) \leqslant \sqcup_i (f(x_i))$ , asumí que  $x_i$  es una cadena interesante.
- 4. Considerá el lenguaje imperativo simple con fallas. Se<br/>a $\boldsymbol{c}$  el programa siguiente

while 
$$x \neq 0$$
 do if  $x > 0$  then  $d := 1 + d$ ;  $x := x - 1$  else fail

- (a) Escribí de la forma más sencilla posible la ecuación para  $F(f)(\sigma)$  donde F es el funcional asociado al ciclo de ese programa.
- (b) Proponé un estado  $\sigma$  (dando los valores de x y d) tal que  $F^1(\bot)(\sigma) \neq \bot$ .
- 5. Decidí si las siguientes equivalencias son correctas. Si no lo son proponé contraejemplos concretos. Si lo son, hacé la demostración.
  - (a) catchin c with (fail; c')  $\equiv c$ ; c'.
  - (b) catchin (c; fail) with  $c' \equiv \operatorname{catchin} c \operatorname{with} c'$ .

Recordá que en **catchin** c with c' se ejecuta c y si se produce una falla, entonces se ejecuta c' en el estado donde se produjo la falla.