## Laboratorio 02 – Parte Teórica

Entrega:

Horario 0791 - 23 de setiembre del 2024

Horario 0792 - 27 de setiembre del 2024

Problemas:

1. (2 pts.) Para cada uno de los siguientes sistemas, determine si el sistema es (1) estable, (2) causal, (3) lineal e (4) invariante en el tiempo.

a) 
$$T(x[n]) = x[n^2]$$

b) 
$$T(x[n]) = x[n-1] - 2x[4-n]$$

c) 
$$T(x[n]) = x[n]\cos(\omega_o n + \pi/4)$$

d) 
$$T(x[n]) = \sum_{k=-\infty}^{n} x[k]$$

- 2. (2 pts.)
  - a) Dada la secuencia  $x[n] = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ , queremos encontrar la secuencia x[-4-n].
    - 1) Consideremos la secuencia  $y_1[n]$  que se obtiene primero reflejando x[n] con respecto a n=0 y luego desplazando el resultado cuatro muestras a la izquierda . Determine y grafique  $y_1[n]$ .
    - 2) Consideremos la secuencia  $y_2[n]$  que se obtiene primero desplazando x[n] cuatro muestras a la izquierda y luego reflejando el resultado con respecto a n=0. Determine y grafique  $y_2[n]$ .

A partir de sus resultados responda: ¿son las secuencias  $y_1[n]$  e  $y_2[n]$  iguales? ¿Cuál representa correctamente la secuencia deseada x[-4-n]?

b) Un sistema LTI discreto en el tiempo tiene la siguiente respuesta impulsiva

$$h[n] = \{3, 2, -1, 1\}.$$

Encuentra la salida del sistema y[n], en los siguientes casos.

1) 
$$x[n] = 2\delta[n] - \delta[n-1]$$

2) 
$$x[n] = u[n] - u[n-3]$$

Nota: La flecha inferior corresponde al tiempo n = 0.

3. (1 pto.) Determina analíticamente la convolución discreta en los siguientes casos.

a) 
$$y[n] = (2^{-n}u[n-2]) * u[n-3]$$

b) 
$$y[n] = \cos(\frac{\pi}{2}n) * (2^n u[-n+2])$$

4. (1 pto.) Dado un sistema LTI discreto en el tiempo con respuesta en frecuencia

$$H(e^{j\omega}) = e^{-j(\omega - \frac{\pi}{4})} \left( \frac{1 + e^{-j2\omega} + 4e^{-j4\omega}}{1 + \frac{1}{2}e^{-j2\omega}} \right), \quad |\omega| < \pi$$

determinar la salida del sistema y[n] si la entrada está dada por

$$x[n] = \cos\left(\frac{\pi}{2}\left(n+1\right)\right).$$

5. (1 pto.) Una secuencia discreta tiene la siguiente transformada de Fourier en el tiempodiscreto

$$X(e^{j\omega}) = \frac{1 - a^2}{(1 - ae^{-j\omega})(1 - ae^{j\omega})}, \qquad |a| < 1.$$

Encuentre la secuencia x[n] y calcule la integral  $\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} X(e^{j\omega}) \cos(\omega) d\omega$ .

6. (1 pto.) Un sistema LTI (lineal e invariante en el tiempo) está descrito por la siguiente ecuación

$$y[n] = x[n] + 2x[n-1] + x[n-2].$$

- a) Determine h[n], la respuesta impulsiva del sistema. ¿Es el sistema estable?
- b) Determine  $H(e^{j\omega})$ , la respuesta en frecuencia del sistema. Utilice identidades trigonométricas para simplificar la expresión.