01-Introducción

April 3, 2025

1 Introducción al uso de Python para sistemas de control

1.1 Tabla comparativa de comandos entre MATLAB y Python

Observamos que se requieren las librerías numpy, matplotlib.pyplot y scipy.signal. Podemos usar control como alternativa ya que se tiene Módulo de Compatibilidad MATLAB accediendo con control.matlab (los comandos tendran un comportamiento similar). Para ver todas las dependencias necesarias, puede ver el archivo requirements.txt.

Tener en cuenta que control utiliza la librería numpy y scipy. Y en algunas ocaciones será necesario acudir directamente a ellas. Trataremos de realizar una transferencia clara al momento de importar las librerías para utilizar los comandos similares a MATLAB.

Un problema que enfrentaremos, es que en MATLAB se admite la separación de elementos de un arreglo con espacio, que en Python no está permitido (sólo con ','), lo que producirá un error. Además, respecto a la presentación por pantalla, MATLAB utiliza ';' para indicar si se debe mostrar o no la variable por la terminal, en Python será considerado un error de sintaxis.

MATLAB		
Command	Python Equivalent	Equivalente en Python (control)
exp	numpy.exp	-
\sin	numpy.sin	-
cos	numpy.cos	-
\sinh	numpy.sinh	-
cosh	numpy.cosh	-
clf	${ m matplotlib.pyplot.clf}$	-
plot	${\it matplotlib.pyplot.plot}$	-
subplot	matplotlib.pyplot.subplot	-
hold	matplotlib.pyplot.hold	-
title	matplotlib.pyplot.title	-
xlabel	matplotlib.pyplot.xlabel	-
ylabel	matplotlib.pyplot.ylabel	-
text	matplotlib.pyplot.text	-
print	matplotlib.pyplot.savefig	-
figure	matplotlib.pyplot.figure	-
impulse	scipy.signal.impulse	control.matlab.impulse
step	scipy.signal.step	control.matlab.step
tf	scipy.signal.TransferFunction	control.tf
zpk	scipy.signal.zpk2tf	control.matlab.zpk2tf

MATLAB		
Command	Python Equivalent	Equivalente en Python (control)
ss2tf	scipy.signal.ss2tf	control.matlab.ss2tf
tf2zp	scipy.signal.tf2zpk	control.matlab.tf2zpk
ss2zp	scipy.signal.ss2zpk	control.matlab.ss2zpk
zp2tf	scipy.signal.zpk2tf	control.matlab.zpk2tf
tf2ss	scipy.signal.tf2ss	control.matlab.tf2ss
zp2ss	scipy.signal.zpk2ss	control.matlab.zpk2ss
bode	scipy.signal.bode	control.bode
nyquist	scipy.signal.nyquist	control.nyquist
margin	-	control.margin
rlocus	-	control.rlocus
lsim	scipy.signal.lsim	control.matlab.lsim
c2d	scipy.signal.cont2 discrete	control.matlab.c2d
pzmap	-	control.pzmap

1.2 Importar librerías

```
[1]: # Import commands similar to the original code in MATLAB
from numpy import poly, roots
from numpy import convolve as conv
from scipy.signal import residue
from control.matlab import tf, tf2zpk, zpk2tf, pzmap, feedback, series,
parallel, impulse, step
from matplotlib.pyplot import plot, show, grid, title, xlabel, ylabel, legend,
xlim, ylim, subplot, figure
```

1.3 Raíces de un polinomio

1.3.1 Obtención de las raíces

Supongamos el siguiente polinomio $P = s^4 + 4s^3 + 4s^2 + s + 20$. Ingresaremos el polinomio como vector:

MATLAB

```
% Definir los coeficientes del polinomio
P = [1 4 4 1 20]; % Coeficientes de s^4 + 4s^3 + 4s^2 + s + 20
% Calcular las raíces del polinomio
raices = roots(P)
```

```
[2]: # Definir los coeficientes del polinomio
p = [1, 4, 4, 1, 20] # Coeficientes de s^4 + 4s^3 + 4s^2 + s + 20
# Calcular las raíces del polinomio
```

```
r = roots(p)

# Mostrar las raíces
print("Las raíces del polinomio son:", r)
```

Las raíces del polinomio son: [-2.65449206+1.25946028j -2.65449206-1.25946028j 0.65449206+1.37420805j 0.65449206-1.37420805j]

1.3.2 Obtención de los coeficientes

A partir de las raíces, obtenemos el polinomio.

MATLAB

```
% Definir las raíces del polinomio
raices = [-2, -1 + 2j, -1 - 2j, -3]; % Ejemplo de raíces
% Calcular los coeficientes del polinomio
P = poly(raices)
```

Python

Los coeficientes del polinomio son: [1. 4. 4.00000001 1.00000006 20.00000001]

1.4 Función de Transferencia

Supongamos la función de transferencia:

$$G(s) = \frac{5s + 20}{s^2 + 4s + 20}$$

si sacamos factor común y factorizamos:

$$G(s) = \frac{5(s+4)}{(s+2-4j)(s+2+4j)}$$

1.4.1 Ingresar al Código

MATLAB Para ingresar en MATLAB la función de transferencia, lo hacemos de la siguiente manera:

```
% Definir los coeficientes del numerador y denominador
num = [5, 20];
den = [1, 4, 20];

% Crear la función de transferencia
G = tf(num, den)
```

Python

```
[4]: # Definir los coeficientes del numerador y denominador
num = [5, 20]
den = [1, 4, 20]

# Crear la función de transferencia
G = tf(num, den)

# Mostrar la función de transferencia
print(G)
```

```
<TransferFunction>: sys[0]
Inputs (1): ['u[0]']
Outputs (1): ['y[0]']
```

```
5 s + 20
-----s^2 + 4 s + 20
```

1.4.2 Ceros, polos y ganancia

Obtención de ceros, polos y ganancia

MATLAB

```
% Obtener ceros, polos y ganancia
[z, p, k] = tf2zp(num, den)
```

Python

```
[5]: z, p, k = tf2zpk(num, den)
print("Ceros: ", z)
print("Polos: ", p)
print("Ganancia: ", k)
```

Ceros: [-4.]

Polos: [-2.+4.j -2.-4.j]

Ganancia: 5.0

Obtención de la Función de Transferencia

MATLAB

```
% Definir los ceros, polos y ganancia
z = -4; % Cero
p = [-2 + 4j, -2 - 4j]; % Polos
k = 5; % Ganancia

% Obtener función de transferencia
G = zpk(z, p, k)

% Obtener los coeficientes del numerador y denominador
[num, den] = zp2tf(z, p, k)
```

Python

```
[6]: # Definir los ceros, polos y ganancia
z = [-4] # Ceros
p = [-2 + 4j, -2 - 4j] # Polos
k = 5 # Ganancia

# Obtener los coeficientes del numerador y denominador
num, den = zpk2tf(z, p, k)

# Crear la función de transferencia
G = tf(num, den)

# Mostrar los resultados
print("Numerador: ", num)
print("Denominador: ", den)
print(G)
```

```
Numerador: [ 5. 20.]
Denominador: [ 1. 4. 20.]
<TransferFunction>: sys[1]
Inputs (1): ['u[0]']
Outputs (1): ['y[0]']
```

Diagrama de polos y ceros

MATLAB

```
% Definir los ceros, polos y ganancia
z = -4; % Cero
p = [-2 + 4j, -2 - 4j]; % Polos
```

```
k = 5; % Ganancia

% Obtener función de transferencia
G = zpk(z, p, k)

% Graficar diagrama de polos y ceros
pzmap(G)
grid
```

Python

```
[7]: # Definir los ceros, polos y ganancia

z = [-4] # Ceros

p = [-2 + 4j, -2 - 4j] # Polos

k = 5 # Ganancia

# Obtener los coeficientes del numerador y denominador

num, den = zpk2tf(z, p, k)

# Crear la función de transferencia

G = tf(num, den)

# Graficar diagrama de polos y ceros

pzmap(G, plot=True)

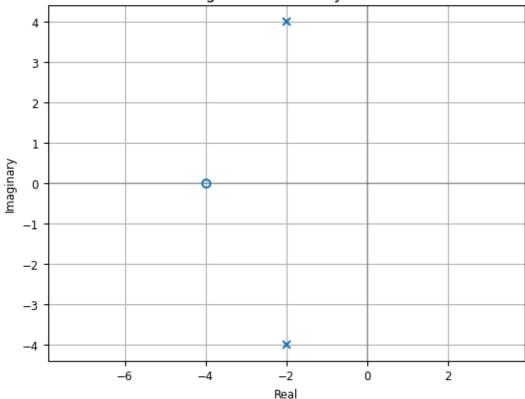
title('Diagrama de Polos y Ceros')

grid()
```

e:\UTN\Sistemas de Control\Python as MATLAB\env\control-systems\Lib\sitepackages\control\pzmap.py:318: FutureWarning: pole_zero_plot() return value of poles, zeros is deprecated; use pole_zero_map() warnings.warn(

Pole/zero plot for sys[2]

Diagrama de Polos y Ceros



1.4.3 Desarrollo en fracciones simples

Supongamos otra función transferencia:

$$G(s) = \frac{16s + 16}{(s+2)(s+4)}$$

y que

$$R(s) = \frac{1}{s}$$

Como las raíces del denominador sor reales y distintas, el método de desarrollo en fracciones simples nos permite escribir a $G_{(s)}xR_{(s)}$ de la siguiente manera:

$$\frac{16s+16}{s(s+2)(s+4)} = \frac{A}{s} + \frac{B}{s+2} \frac{C}{s+4}$$

Para calcular los valores de A, B y C lo hacemos mediante la fórmula de residuos, en general, estos cálculos pueden tornarse muy complicados de realizar "a mano". Podemos realizar estos cálculos de la siguiente manera:

MATLAB

```
% Numerador y denominador de la función transferencia
num = [16, 16]; % Coeficientes del polinomio del numerador (16s + 16)
den = conv([1, 0], conv([1, 2], [1, 4])); % Producto de (s)(s+2)(s+4)
% Desarrollo en fracciones simples
[A, p, ~] = residue(num, den) % Descartamos el término constante
```

Python

```
Residuos (A, B, C): [ 2. 4. -6.]
Polos: [ 0. -2. -4.]
```

Término constante Si la función transferencia resulta ser *propia*, es decir que el grado del numerador es igual al del denominador, podemos añadir una parámetro más al argumento del lado izquierdo, que lo podemos llamar k. Supongamos que queremos hallar f (t) siendo:

$$F(s) = \frac{2s^3 + 5s^2 + 3s + 6}{s^3 + 6s^2 + 11s + 6} \Rightarrow f(t) = \mathcal{L}^{-1}\{F(s)\}$$

MATLAB

```
% Numerador y denominador de la función transferencia
num = [2, 5, 3, 6]; % Polinomio numerador
den = [1, 6, 11, 6]; % Polinomio denominador
% Desarrollo en fracciones simples
[A, p, k] = residue(num, den)
```

```
[9]: # Numerador y denominador de la función transferencia
num = [2, 5, 3, 6]
den = [1, 6, 11, 6]

# Desarrollo en fracciones simples
res, p, k = residue(num, den)
```

```
# Mostrar los resultados
print("Residuos (A, B, C):", res)
print("Polos:", p)
print("Ganancia:", k)
```

Residuos (A, B, C): [3. -4. -6.]

Polos: [-1. -2. -3.]

Ganancia: [2.]

1.4.4 Diagrama de Bloques

 $G_1(s) = 0.4, G_2(s) = \frac{100}{s(s+2)}, H_2(s) = \frac{s}{s+20}, H_1(s) = 1.$ Pretendemos hallar $G(s) = \frac{Y(s)}{R(s)}$ a lazo cerrado.

Podemos reducir el sistema a la siguiente función de transferencia:

$$G(s) = \frac{40s + 800}{s^3 + 22s^2 + 180s + 800}$$

MATLAB

```
% Definimos cada bloque
G1 = tf([.4])
G2 = tf([100], conv([1, 0], [1, 2]))
H1 = tf([1])
H2 = tf([1, 0], [1, 20])

% Comenzamos a describir el diagrama
% Resolvemos la realimentación entre G2 y H2
sys1 = feedback(G2, H2, -1) % realimentación negativa
% Luego, G1 en serie con sys1
sys2 = series(G1, sys1)
% Y finalmente, la realimentación global
G = feedback(sys2, H1, -1) % realimentación negativa
```

```
[10]: # Definimos cada bloque
    G1 = tf([0.4], [1])
    G2 = tf([100], [1, 2, 0]) # conv([1, 0], [1, 2]) equivale a [1, 2, 0]
    H1 = tf([1], [1])
    H2 = tf([1, 0], [1, 20])

# Comenzamos a describir el diagrama
    # Resolvemos la realimentación entre G2 y H2
    sys1 = feedback(G2, H2, sign=-1) # realimentación negativa
    # Luego, G1 en serie con sys1
    sys2 = series(G1, sys1)
```

```
# Y finalmente, la realimentación global
G = feedback(sys2, H1, sign=-1) # realimentación negativa

# Imprimimos el resultado
print("Función de transferencia G:")
print(G)
```

```
Función de transferencia G:
<TransferFunction>: sys[9]
Inputs (1): ['u[0]']
Outputs (1): ['y[0]']
```

1.5 Respuesta al Impulso

Supongamos que tenemos una función transferencia de la siguiente forma:

$$Y(s) = \frac{1}{(s+1)(s+2)}$$

Si calculamos ahora la antitransformada resulta que $y(t) = e^{-t} - e^{-2t}$.

Ingresamos los vectores numerador y denominador y luego ejecutemos el comando:

MATLAB

```
% Definimos la función de transferencia
Y = tf([1], conv([1, 1], [1, 2]))

% Obtenemos la respuesta al impulso
impulse(Y)
grid
```

```
[11]: # Definimos la función de transferencia
Y = tf([1], conv([1, 1], [1, 2]))
print(Y)

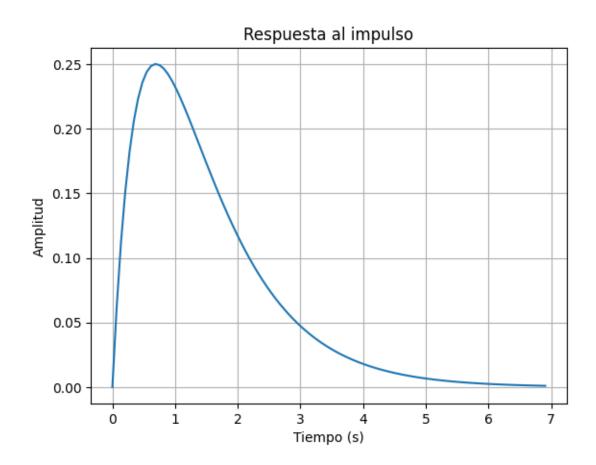
# Obtenemos la respuesta al impulso
y, t = impulse(Y) # y es la respuesta al impulso, t es el tiempo

# Graficamos la respuesta al impulso
plot(t, y)
title('Respuesta al impulso')
```

```
xlabel('Tiempo (s)')
ylabel('Amplitud')
grid()
```

<TransferFunction>: sys[10]

Inputs (1): ['u[0]']
Outputs (1): ['y[0]']



1.6 Respuesta al Escalón unitario

Calculemos la respuesta al escalón unitario de la función transferencia:

$$G(s) = \frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{4}{s^2 + 0.8s + 4}$$

MATLAB

```
% Definimos la función de transferencia
G = tf([4], [1, .8, 4])

% Obtenemos la respuesta al escalón
step(G)
grid
```

Python

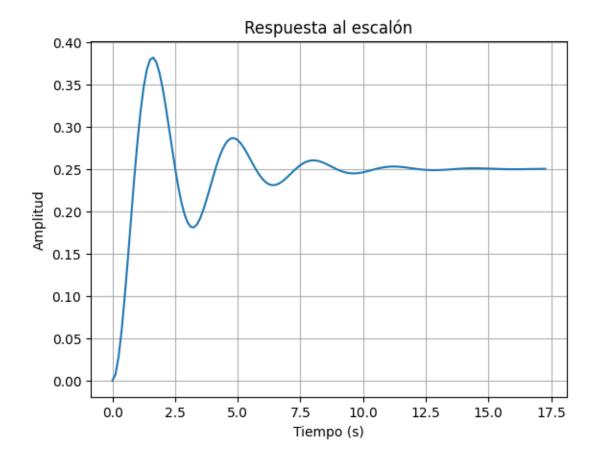
```
[12]: # Definimos la función de transferencia
G = tf([1], [1, .8, 4])
print(G)

# Obtenemos la respuesta al escalón
y, t = step(G) # y es la respuesta al escalón, t es el tiempo

# Graficamos la respuesta al escalón
plot(t, y)
title('Respuesta al escalón')
xlabel('Tiempo (s)')
ylabel('Amplitud')
grid()
```

<TransferFunction>: sys[13]
Inputs (1): ['u[0]']
Outputs (1): ['y[0]']

1 -----s^2 + 0.8 s + 4



1.7 Respuesta a la Rampa Unitaria

Para una entrada rampa unitaria no existe una función predefinida, por lo que veremos cómo con el comando step podemos obtener una rampa. Si seguimos con el ejemplo anterior y excitamos al sistema con r(t)=t, es decir que $R(s)=\frac{1}{s^2}$, tenemos lo siguiente:

$$Y(s) = (\frac{4}{s^2 + 0.8s + 4})\frac{1}{s^2} \Rightarrow Y(s) = (\frac{4}{s^3 + 0.8s^2 + 4s})\frac{1}{s}$$

Por lo que utilizando como denominador de la función transferencia al polinomio $s^3 + 0.8s^2 + 4s$, y calculando la respuesta al escalón unitario, otenemos la respuesta a la rampa unitaria.

MATLAB

```
% Definimos la función de transferencia
Y = tf([4], [1, .8, 4, 0])

% Obtenemos la respuesta a la rampa
step(Y)
grid
title("Ramp Response")
```

```
xlim([0, 25])
ylim([0, 25])
```

Python

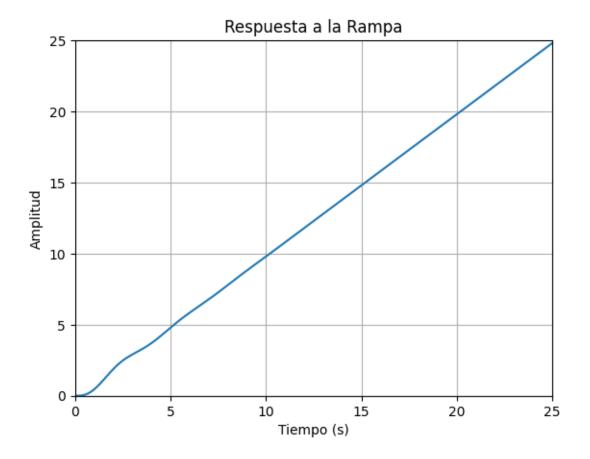
```
[13]: # Definimos la función de transferencia
Y = tf([4], [1, .8, 4, 0])
print(Y)

# Obtenemos la respuesta al escalón
y, t = step(Y) # y es la respuesta al escalón, t es el tiempo

# Graficamos la respuesta al escalón
plot(t, y)
title('Respuesta a la Rampa')
xlabel('Tiempo (s)')
ylabel('Amplitud')
xlim([0, 25])
ylim([0, 25])
grid()
```

<TransferFunction>: sys[16]
Inputs (1): ['u[0]']
Outputs (1): ['y[0]']

4 -----s^3 + 0.8 s^2 + 4 s



Autor: Exequiel J., Magni G.

 $Repositorio:\ https://github.com/Exequiel25/Python-as-MATLAB$