

7.4 二叉树基本运算及其实现

7.4.1 二叉树的基本运算概述

归纳起来，二叉树有以下基本运算：

- ① 创建二叉树CreateBTNode(*b,*str)：根据二叉树括号表示法字符串str生成对应的二叉链存储结构b。
- ② 销毁二叉链存储结构DestroyBT(*b)：销毁二叉链b并释放空间。
- ③ 查找节点FindNode(*b,x)：在二叉树b中寻找data域值为x的节点，并返回指向该节点的指针。

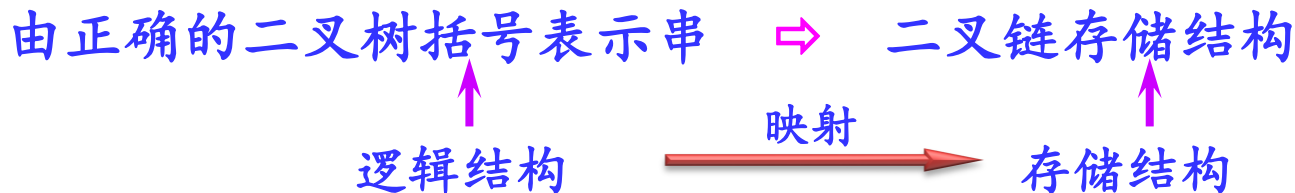
④ 找孩子节点**LchildNode(p)**和**Rchild-Node(p)**：分别求二叉树中节点***p**的左孩子节点和右孩子节点。

⑤ 求高度**BTNodeDepth(*b)**：求二叉树**b**的高度。若二叉树为空，则其高度为**0**；否则，其高度等于左子树与右子树中的最大高度加**1**。

⑥ 输出二叉树**DispBTNode(*b)**：以括号表示法输出一棵二叉树。

7.4.2 二叉树的基本运算算法实现

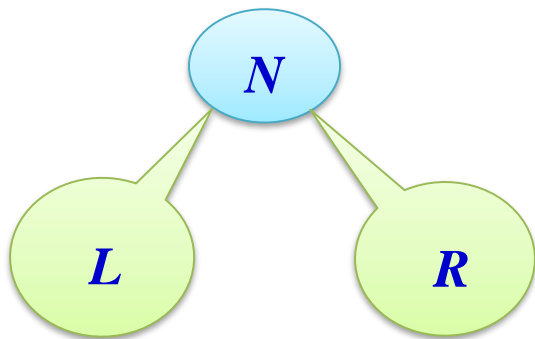
(1) 创建二叉树CreateBTNode(*b,*str)



正确的二叉树括号表示串中只有4类字符：

- 单个字符：节点的值
- (：表示一棵左子树的开始
-)：表示一棵子树的结束
- ,：表示一棵右子树的开始

算法设计：



- 先构造根节点 N ，再构造左子树 L ，最后构造右子树 R
- 构造右子树 R 时，找不到 N 了，所以需要保存 N
- 而节点是按最近原则匹配的，所以使用一个栈保存 N

用ch扫描采用括号表示法表示二叉树的字符串：

① 若ch='('：则将前面刚创建的节点作为双亲节点进栈，并置 $k=1$ ，表示开始处理左孩子节点；

② 若ch=')'：表示栈顶节点的左、右孩子节点处理完毕，退栈；

③ 若ch=',': 表示开始处理右孩子节点，置 $k=2$ ；

④ 其他情况（节点值）：

创建*p节点用于存放ch；

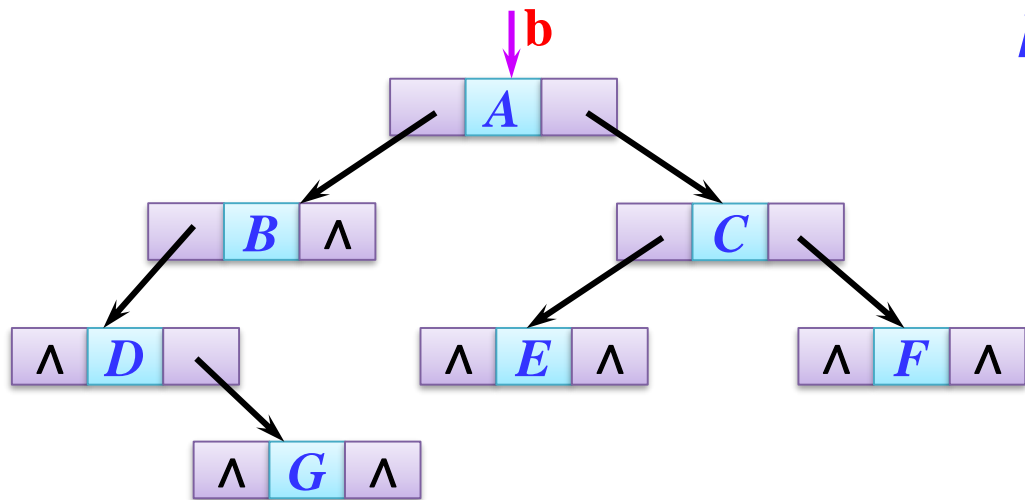
当 $k=1$ 时，将*p节点作为栈顶节点的左孩子节点；

当 $k=2$ 时，将*p节点作为栈顶节点的右孩子节点。

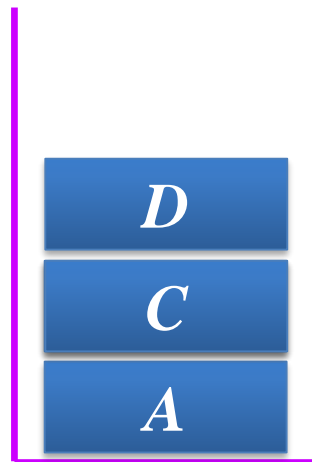
根据括号表示法字符串构造二叉链的演示

$A (B (D (, G)), C (E, F))$

↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑



二叉链创建完毕



栈

```
void CreateBTNode(BTNode * &b,char *str)
{    //由str ⇒ 二叉链b
    BTNode *St[MaxSize], *p;
    int top=-1, k ,j=0;
    char ch;
    b=NULL;                //建立的二叉链初始时空
    ch=str[j];
    while (ch!='\0')        //str未扫描完时循环
    {    switch(ch)
        {
            case '(': top++; St[top]=p; k=1; break;    //可能有左孩子节点，进栈
            case ')': top--; break;
            case ',': k=2; break;                    //后面为右孩子节点
        }
    }
}
```

default:

//遇到节点值

p=(BTNode *)malloc(sizeof(BTNode));

p->data=ch; p->lchild=p->rchild=NULL;

if (b==NULL)

//p为二叉树的根节点

b=p;

else

//已建立二叉树根节点

{ switch(k)

{

case 1: St[top]->lchild=p; break;

case 2: St[top]->rchild=p; break;

}

}

}

j++; ch=str[j];

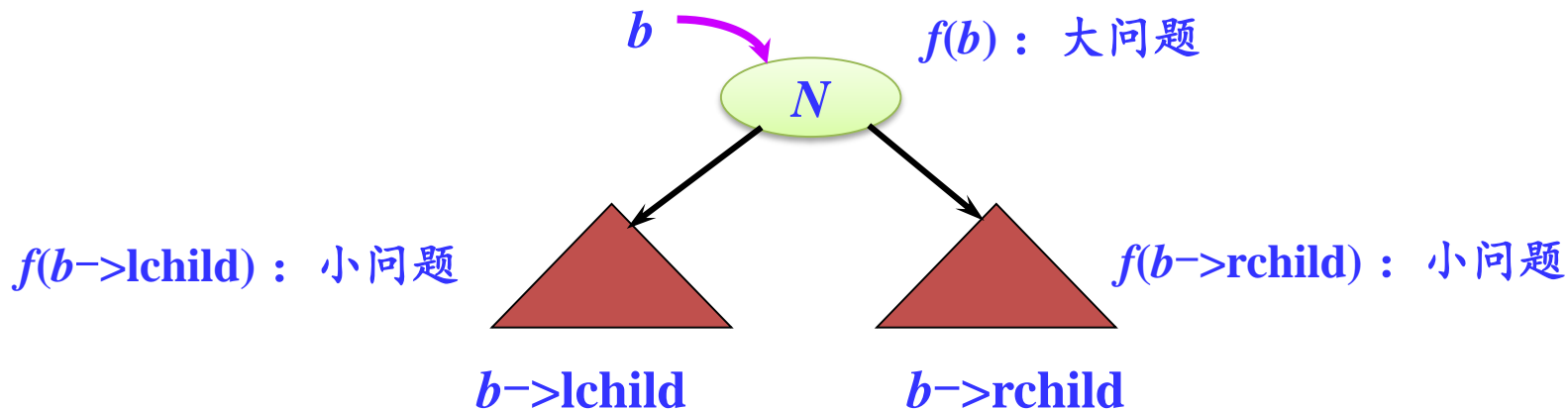
//继续扫描str

}

}

(2) 销毁二叉链DestroyBT(*b)

设 $f(b)$ 销毁二叉链 b ：大问题。则 $f(b \rightarrow lchild)$ 销毁左子树， $f(b \rightarrow rchild)$ 销毁右子树：两个小问题。



递归模型如下：

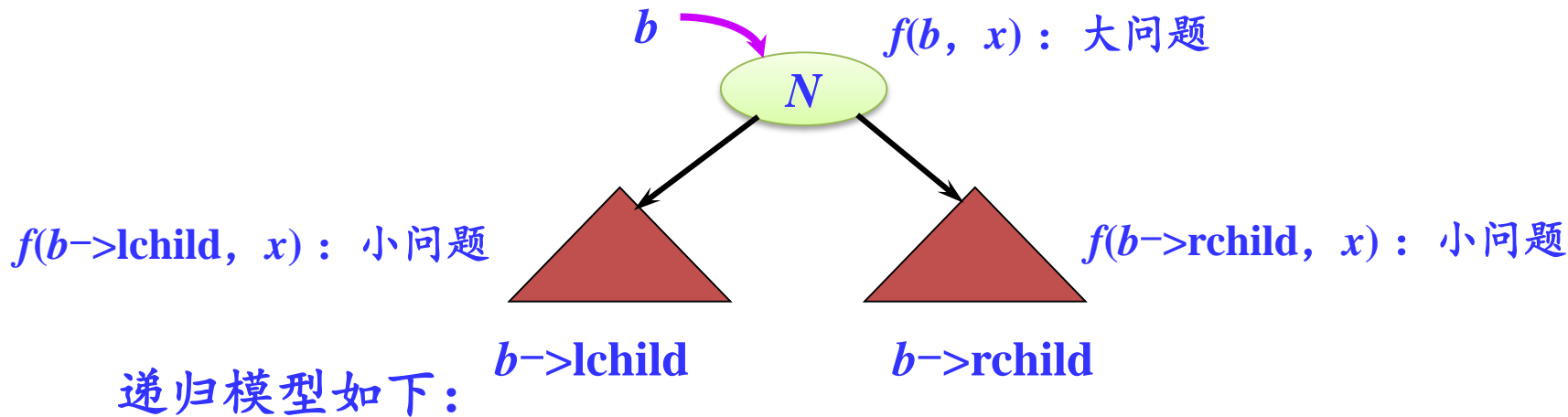
$f(b) \equiv$ 不做任何事件	若 $b = \text{NULL}$
$f(b) \equiv f(b \rightarrow lchild); f(b \rightarrow rchild);$ 释放 $*b$ 节点	其他情况

对应的递归算法如下：

```
void DestroyBT(BTNode *&b)
{
    if (b==NULL) return ;
    else
    {
        DestroyBT(b->lchild);
        DestroyBT(b->rchild);
        free(b);    //剩下一个节点*b，直接释放
    }
}
```

(3) 查找节点FindNode(*b,x)

设 $f(b, x)$ 在二叉树 b 中查找值为 x 的节点（唯一）。找到后返回其指针，否则返回NULL。



$f(b, x) = \text{NULL}$

$f(b, x) = b$

$f(b, x) = p$

$f(b, x) = f(b \rightarrow \text{rchild}, x)$

若 $b = \text{NULL}$

若 $b \rightarrow \text{data} == x$

若在左子树中找到了，即 $p = f(b \rightarrow \text{lchild}, x)$ 且 $p \neq \text{NULL}$

其他情况

对应的递归算法如下：

```
BTNode *FindNode(BTNode *b,ElemType x)
```

```
{  BTNode *p;
```

```
    if (b==NULL) return NULL;
```

```
    else if (b->data==x) return b;
```

```
    else
```

```
    {  p=FindNode(b->lchild,x);
```

```
        if (p!=NULL) return p;
```

```
        else return FindNode(b->rchild,x);
```

```
    }
```

```
}
```

(4) 找孩子节点LchildNode(p)和RchildNode(p)

直接返回*p节点的左孩子节点或右孩子节点的指针。

```
BTNode *LchildNode(BTNode *p)
```

```
{
```

```
    return p->lchild;
```

```
}
```

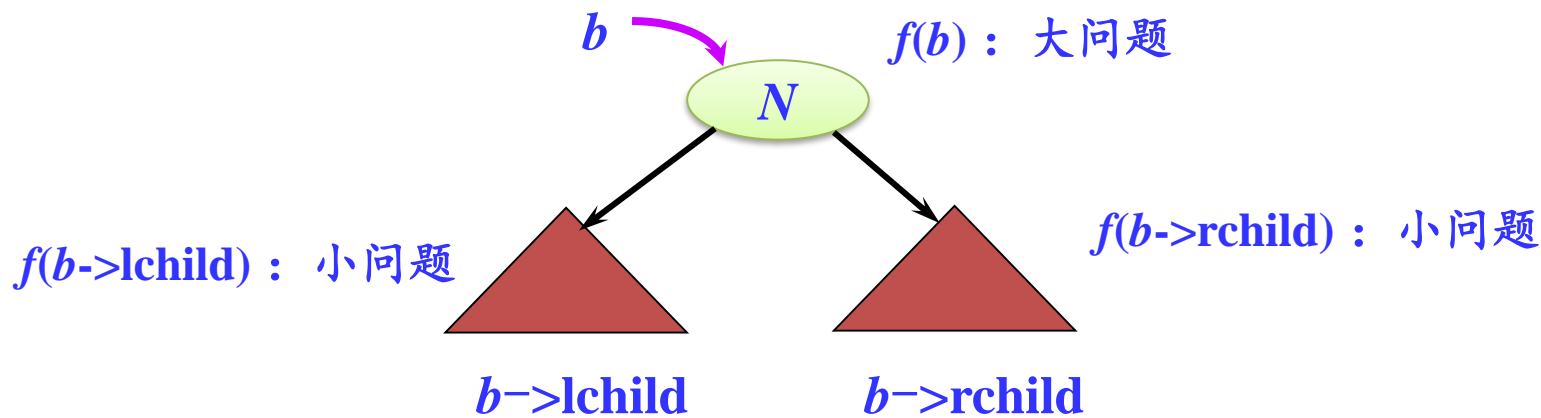
```
BTNode *RchildNode(BTNode *p)
```

```
{
```

```
    return p->rchild;
```

```
}
```

(5) 求高度BTNodeDepth(*b)



求二叉树的高度的递归模型 $f(b)$ 如下：

$$f(b) = 0$$

$b = \text{NULL}$

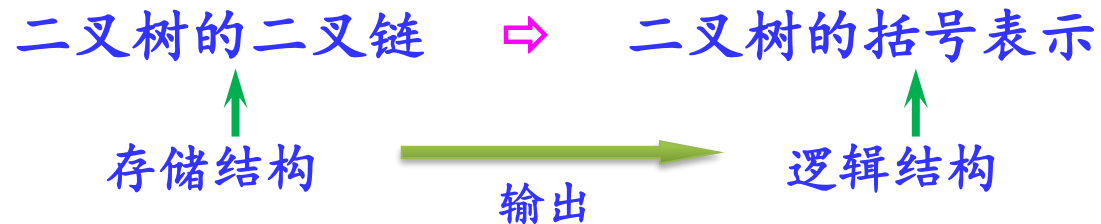
$$f(b) = \text{MAX}\{f(b \rightarrow lchild), f(b \rightarrow rchild)\} + 1$$

其他情况

对应的递归算法如下：

```
int BTNodeDepth(BTNode *b)
{   int lchilddep,rchilddep;
    if (b==NULL) return(0);        //空树的高度为0
    else
    {   lchilddep=BTNodeDepth(b->lchild);
                                              //求左子树的高度为lchilddep
        rchilddep=BTNodeDepth(b->rchild);
                                              //求右子树的高度为rchilddep
        return(lchilddep>rchilddep)? (lchilddep+1):(rchilddep+1));
    }
}
```

(6) 输出二叉树DispBTNode(*b)



根节点 (左子树 , 右子树)  括号表示

```
void DispBTNode(BTNode *b)
{
    if (b!=NULL)
    {
        printf("%c",b->data);
        if (b->lchild!=NULL || b->rchild!=NULL)
        {
            printf("(");
            DispBTNode(b->lchild); //递归处理左子树
            if (b->rchild!=NULL) printf(",");
            DispBTNode(b->rchild); //递归处理右子树
            printf(")");
        }
    }
}
```



思考题：

本讲算法都是以二叉链为存储结构，如果采用顺序存储结构，算法如何改写？

——本讲完——