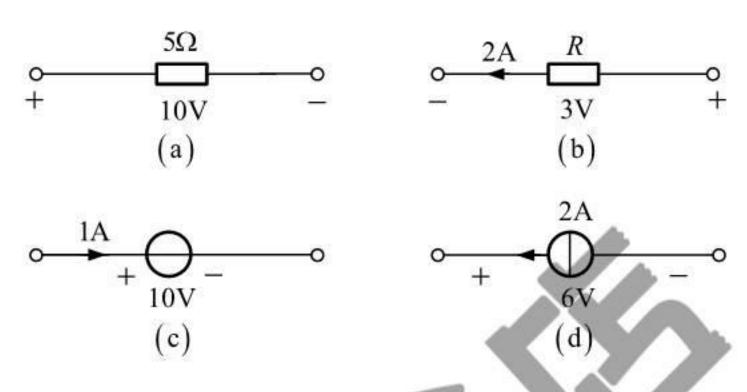
1-1 根据题 1-1 图中给定的数值,计算各元件吸收的功率。



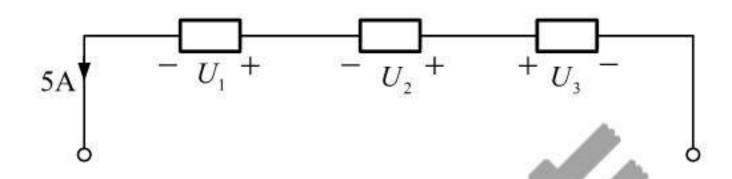
题 1-1 图

解: (a) 因为电阻为耗能元件,所以

$$P_{\text{WW}} = \frac{U_R^2}{R} = \frac{10^2}{5} = 20 \text{W}$$
;

- (b)因为电压、电流的参考方向关联,所以 $P_{wv} = UI = 3 \times 2 = 6W$;
- (c)因为电压、电流的参考方向关联,所以 $P_{\text{\tiny DBM}} = UI = 10 \times 1 = 10W$;
- (d)因为电压、电流的参考方向非关联,

1-2 题 1-2 图示电路,已知各元件发出的功率分别为 P_1 =-250W, P_2 =125W, P_3 =-100W。 求各元件上的电压 U_1 、 U_2 及 U_3 。



题 1-2 图

解:①因为 U_1 与图示所标电流 i=5A 的参考方向关联,则

$$P_1 = -U_1 \times 5 \Rightarrow U_1 = \frac{P_1}{-5} = \frac{-250}{-5} = 50V$$

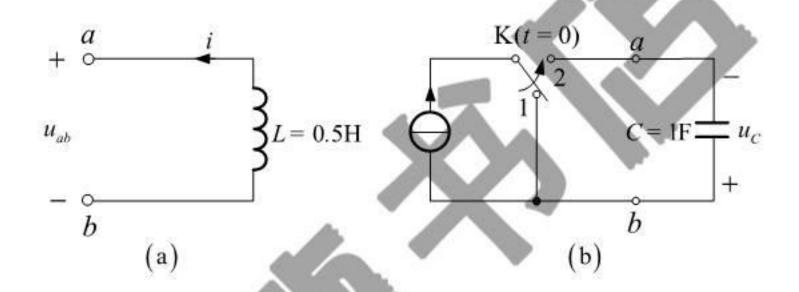
②因为 U_2 与图示所标电流 i=5A 的参考方向关联,则

$$P_2 = -U_2 \times 5 \Rightarrow U_2 = \frac{P_2}{-5} = \frac{125}{-5} = -25V$$

③因为 U_3 与图示所标电流 i=5A 的参考方向非关联,则

$$P_3 = -U_3 \times 5 \Rightarrow U_3 = \frac{P_3}{5} = \frac{-100}{5} = -20V$$

- 1-3 题 1-3 图示电路。在下列情况下, 求端电压 *uab*。
- (1)图(a)中, 电流 $i = 5\cos 2t$ (A);
- (2)图(b)中, $u_c(0) = 4V$,开关 K 在 t=0 时由位置"1"打到位置"2";



题 1-3 图

解: (1)因为电感电压 uab 与电感电流 i 的参 考 方 向 非 关 联 , 所 以 di o s d(5cos2t) 5 : 24 (32)

$$u_{ab} = -L\frac{di}{dt} = -0.5\frac{d(5\cos 2t)}{dt} = 5\sin 2t \text{ (V)}$$

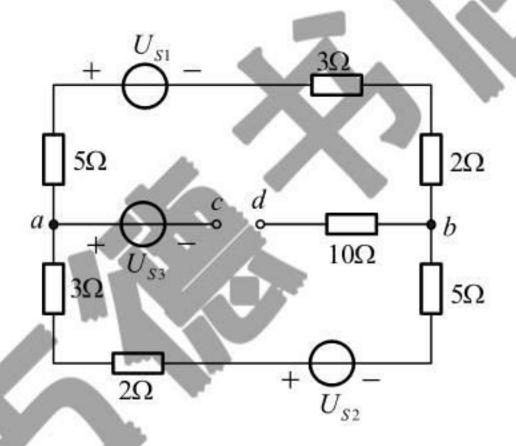
(2)因为 uc 与电流 ic 的参考方向非关联,

所以
$$u_{ab} = -u_C(t) = -\left[u_C(0) - \frac{1}{C} \int_0^t i_C d\tau\right]$$

$$= -\left[4 - \frac{1}{1} \int_0^t 2d\tau \right] = (2t - 4)(V), t \ge 0$$

1--4 在题 1--4 图示电路中,已知 U_{S1} =20V, U_{S2} =10V。

- (1)若 U_{S3} =20V=10V,求 U_{ab} =及 U_{cd} ;
- (2)欲使 *Ucd*=0,则 *Us*3=?



题 1-4 图

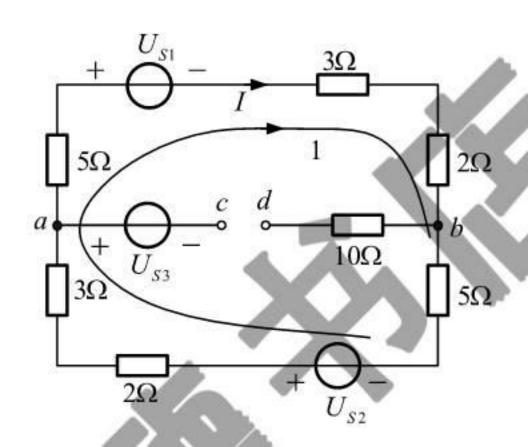
解: (1)所选回路 1 如下图所示,对回路 1 列 KVL 方程有:

$$(5+3+2+5+2+3)I + U_{S1} - U_{S2} = 0 \Rightarrow I = -0.5A$$

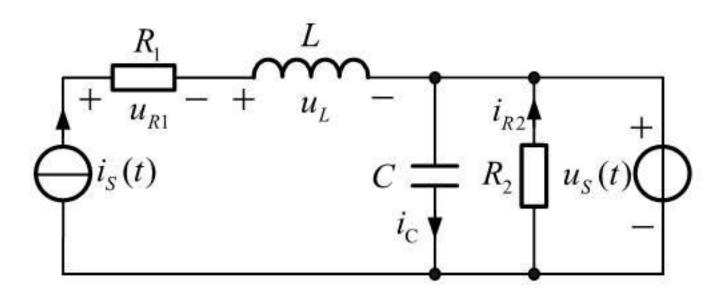
所以
$$U_{ab} = 5I + 3I + 2I + U_{S1} = -5 + 20 = 15V$$
,

$$U_{cd} = U_{ab} - U_{S3} = 15 - 10 = 5V$$

(2) 因为 $U_{cd} = U_{ab} - U_{S3} = 15 - U_{S3}$,欲使 $U_{cd} = 0$,则 $U_{S3} = 15 V$



1-5 电路如题 1-5 图所示。设 $i_s(t) = A \sin \omega t(A)$, $u_s(t) = B e^{-\alpha t} \, V$,求 $u_{R1}(t)$ 、 $u_L(t)$ 、 $i_C(t)$ 和 $i_{R2}(t)$ 。



题 1-5 图

解: $u_{R1}(t)$ 与 $i_s(t)$ 参考方向关联,

则 $u_{R1}(t) = i_s(t) \times R_1 = AR_1 \sin \omega t$ (V);

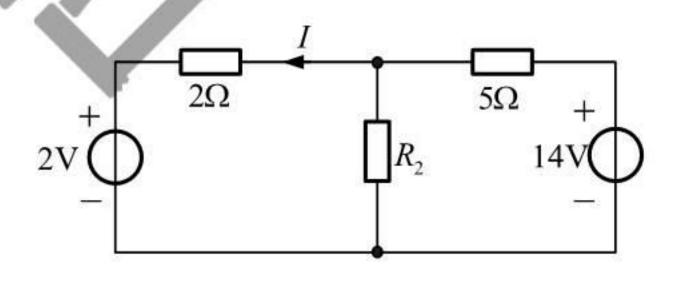
 $u_L(t)$ 与 $i_s(t)$ 参考方向关联,

则
$$u_L(t) = L \frac{di_s(t)}{dt} = A\omega L \cos \omega t$$
 (V);

$$i_C(t) = C \frac{du_s(t)}{dt} = -BC\alpha e^{-\alpha t}$$
 (A);

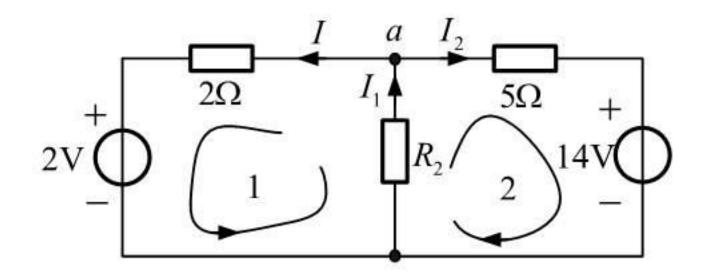
$$i_{R2}(t) = -\frac{u_s(t)}{R_2} = -\frac{Be^{-\alpha t}}{R_2}$$
 (A).

1-6 题 1-6 图示电路, 已知 *I*=1A, 求 *R*₂的值。



题 1-6 图

解:分析图下图所示



对回路 1 列 KVL 方程有:

$$2I + 2 + I_1 \times R_2 = 0$$

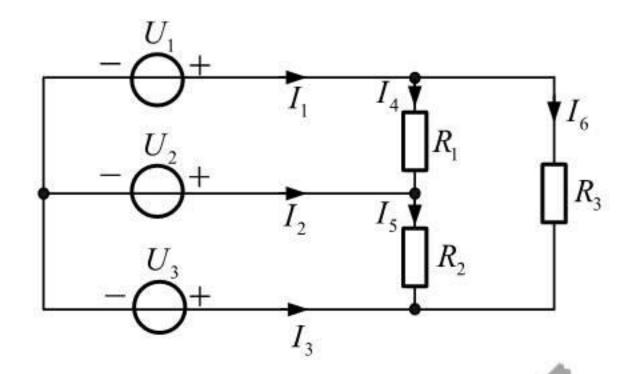
对回路 2 列 KVL 方程有:

$$I_1 \times R_2 + 5 \times I_2 + 14 = 0$$

对结点 a 列 KCL 方程有: $I-I_1+I_2=0$

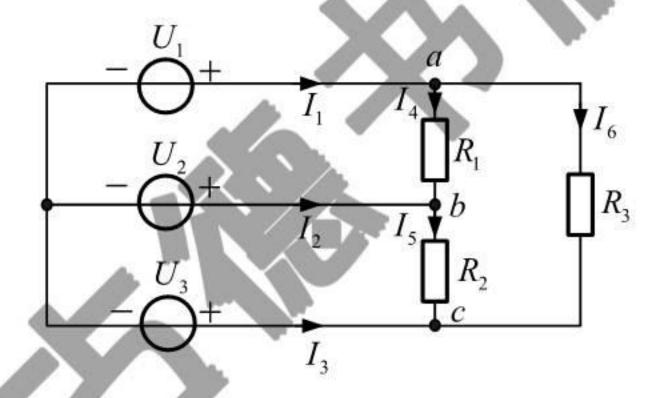
代入数值,联立以上各式有: $R_2 = 4\Omega$

1-7题 1-7图示电路中,已知 U_1 =20V, U_2 =10V, U_3 =5V, R_1 =5 Ω , R_2 =2 Ω , R_3 =5 Ω , 求图中标出的各支路电流。



题 1-7 图

解:分析如下图所示



$$I_4 = \frac{U_1 - U_2}{R_1} = 2A$$

$$I_5 = \frac{U_2 - U_3}{R_2} = 2.5A$$

$$I_6 = \frac{U_1 - U_3}{R_3} = 3A$$

对结点 a 列 KCL 方程有:

$$-I_1 + I_4 + I_6 = 0 \Rightarrow I_1 = 5A$$

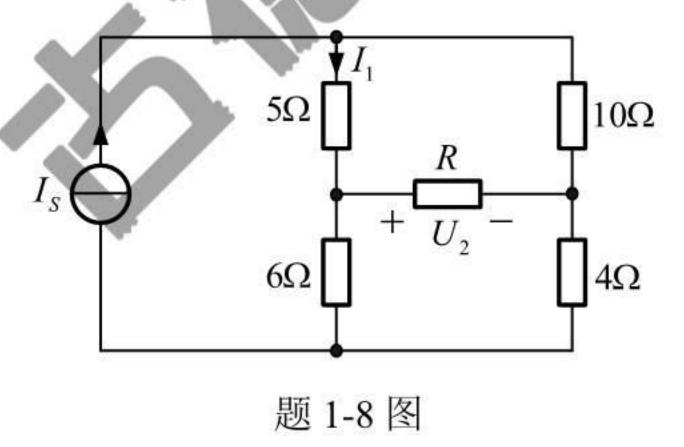
对结点 b 列 KCL 方程有:

$$-I_2 - I_4 + I_5 = 0 \Rightarrow I_2 = 0.5A$$

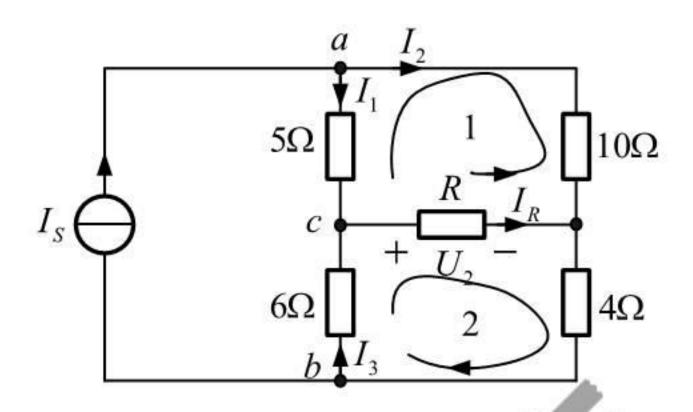
对结点 c 列 KCL 方程有:

$$-I_3 - I_5 + I_6 = 0 \Rightarrow I_3 = -5.5A$$

1-8 电路如题 1-8 图所示。已知 I_1 =2A, U_2 =5V, 求电源 I_S 、电阻 R 的数值。



解:分析如下图所示



对回路 1 列 KVL 方程有:

$$5I_1 + U_2 - 10I_2 = 0$$

对回路 2 列 KVL 方程有:

$$4I_4 + 6I_3 + U_2 = 0$$

对结点 a 列 KCL 方程有: $-I_S + I_1 + I_2 = 0$

对结点 b 列 KCL 方程有: $I_S + I_3 - I_4 = 0$

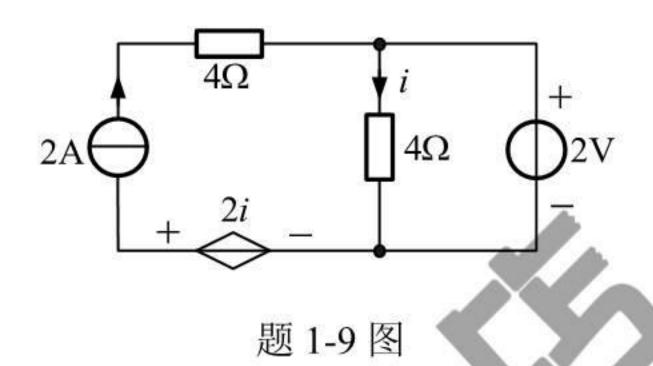
对结点 c 列 KCL 方程有: $I_R - I_1 - I_3 = 0$

增列辅助方程: $I_R = \frac{U_2}{R}$

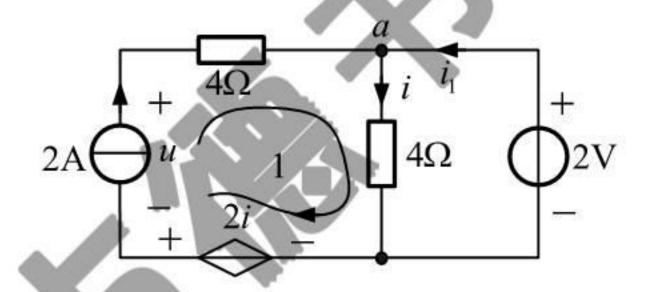
代入数值, 联立以上各式可知:

$$I_S = 3.5 A$$
 $R = 50 \Omega$

1-9 试分别求出题 1-9 图示独立电压源和独立电流源发出的功率。



解:分析如下图所示



易知:
$$i = \frac{2}{4} = 0.5$$
A

对回路 1 列 KVL 方程有:

$$-u + 4 \times 2 + 4i - 2i = 0$$

对结点 a 列 KCL 方程有: $-2+i-i_1=0$

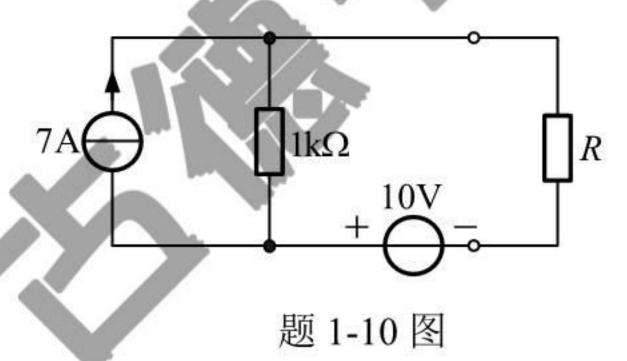
联立以上各式可知: u=9V $i_1=-1.5A$

所以2A电流源发出的功率

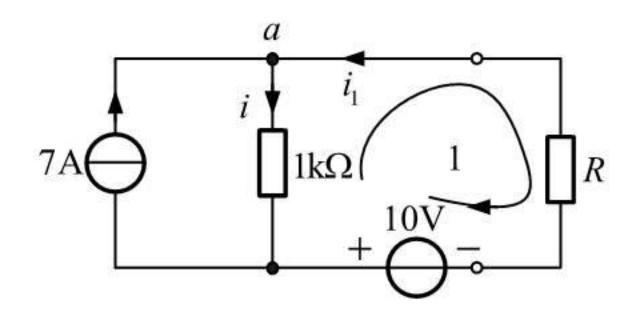
$$P_{2A} = u \times 2 = 18W$$

2V 电压源发出的功率 $P_{2V} = 2 \times i_1 = -3W$

1-10 有两个阻值均为 1Ω 的电阻,一个额定功率为 25W,另一个为 50W,作为题 1-10图示电路的负载应该选哪一个?此时该负载消耗的功率是多少?



解: 分析如下图所示



对结点 a 列 KCL 方程有: $-7+i-i_1=0$

对回路 1 列 KVL 方程有:

$$-10-1000i_1+i_2\times 1=0$$

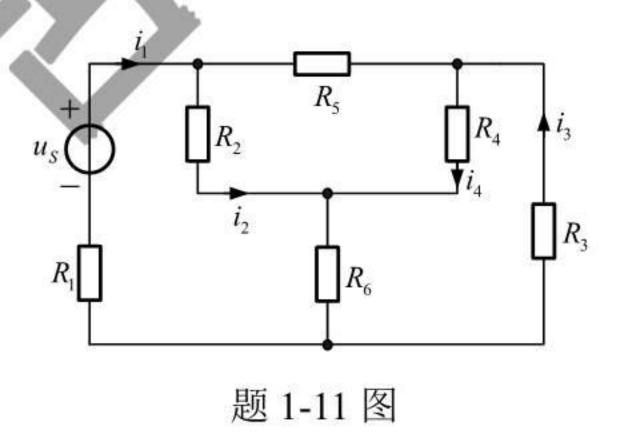
联立以上两式可知:

$$i_1 = \frac{7010}{1001} \text{A} \therefore 25 \text{W} < i_1^2 \times R < 50 \text{W}$$

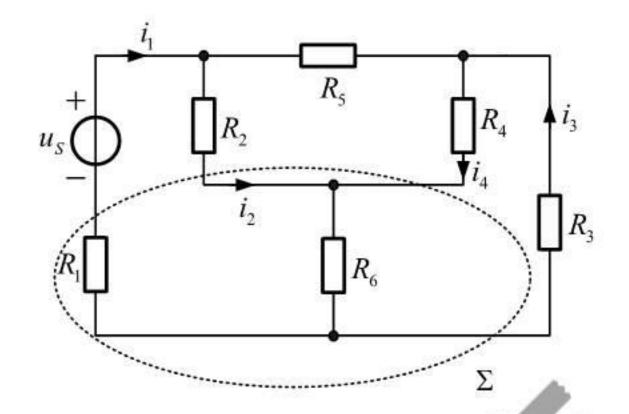
故负载应选 50W 的,消耗的功率:

$$P = i_1^2 \times R = 49.042 \text{W}$$

1-11题 1-11图示电路中, 已知 *i*₁=4A, *i*₂=6A, *i*₃=-2A, 求 *i*₄的值。



解: 选取如下图所示的高斯面(超结点)



对高斯面∑列 KCL 方程有:

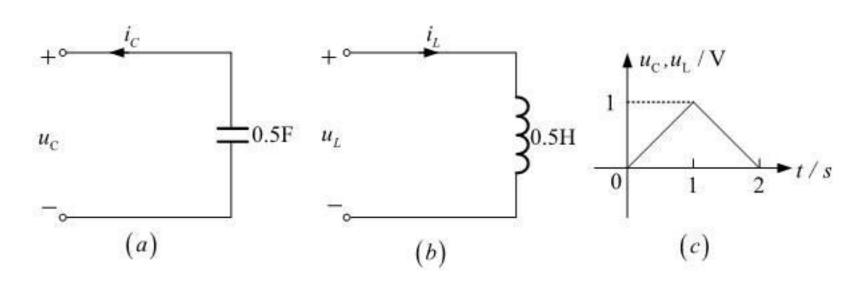
$$i_1 - i_2 + i_3 - i_4 = 0 \Longrightarrow i_4 = -4A$$

1-12 电路如题 1-12 图(a)、(b)所示。

 $i_{L}(0)=0$,如电容电压 u_{C} 、电感电压 u_{L} 的

波形如图(c)所示, 试求电容电流 $i_{\rm C}$ 和电感电

流 $i_{
m L}$ 。



题 1-12 图

解: ①因为 ic与 uc的参考方向非关联,

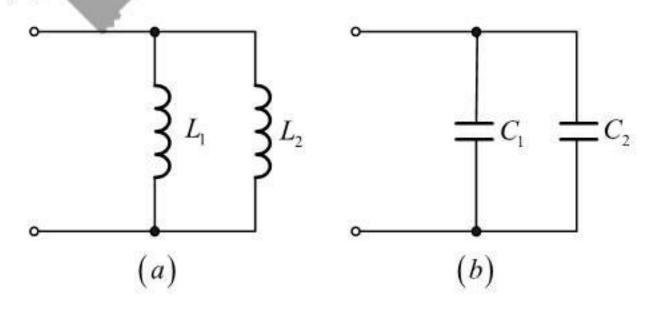
所以
$$i_C = -C \frac{du_C}{dt} = \begin{cases} -0.5A & 0 < t < 1s \\ 0.5A & 1s \le t < 2s \\ 0 & 2s \le t \end{cases}$$

②因为 i_L 与 u_L 的参考方向关联,则

$$i_{L}(t) = i_{L}(0) + \frac{1}{L} \int_{0}^{t} u_{L}(\tau) d\tau = \frac{1}{L} \int_{0}^{t} u_{L}(\tau) d\tau$$

$$= \begin{cases} t^{2} A & 0 \le t \le 1s \\ \left(-T^{2} + 4T - 2\right) A & 1s \le t \le 2s \\ 2A & 2s \le t \end{cases}$$

1-13 求题 1-13 图(a)所示电路的等效电感和图(b)所示电路的等效电容。



题 1-13 图

解: (a)将 L_1 、 L_2 等效为一个电感 L,则

$$i_L = i_{L1} + i_{L2}$$
 (因为 L_1 与 L_2 并联)

$$\Leftrightarrow i_L(0) + \frac{1}{L} \int_0^t u_L(\tau) d\tau$$

$$=i_{L1}(0)+\frac{1}{L_1}\int_0^t u_{L_1}(\tau)d\tau+i_{L2}(0)+\frac{1}{L_2}\int_0^t u_{L2}(\tau)d\tau$$

又因为
$$i_L(0) = i_{L1}(0) + i_{L2}(0)$$
,

$$u_L(\tau) = u_{L_1}(\tau) + u_{L_2}(\tau)$$

所以
$$\frac{1}{L} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} \Rightarrow L = \frac{L_1 L_2}{L_1 + L_2}$$

(b)将 C_1 、 C_2 等效为一个电感 C,则

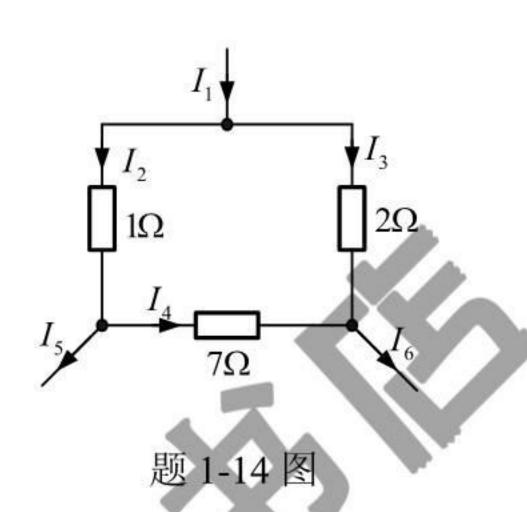
ic=ic1+ic2(因为 C1 与 C2 并联)

$$C\frac{du_C(t)}{dt} = C_1 \frac{du_{C1}(t)}{dt} + C_2 \frac{du_{C2}(t)}{dt}$$

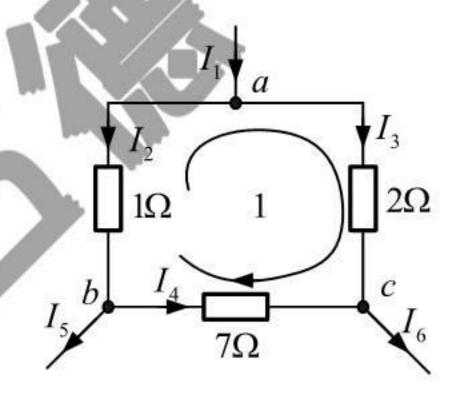
又因为
$$u_C(t) = u_{C1}(t) + u_{C2}(t)$$

所以
$$C = C_1 + C_2$$

1-14 题 1-14 图示电路中,已知 I₁=1A, I₂=3A,求 I₃、 I₄、 I₅ 和 I₆。



解:分析如下图所示



对结点 a 列 KCL 方程有: $-I_1 + I_2 + I_3 = 0$

对结点 b 列 KCL 方程有: $-I_2 + I_4 + I_5 = 0$

对结点 c 列 KCL 方程有: $-I_3 - I_4 - I_6 = 0$

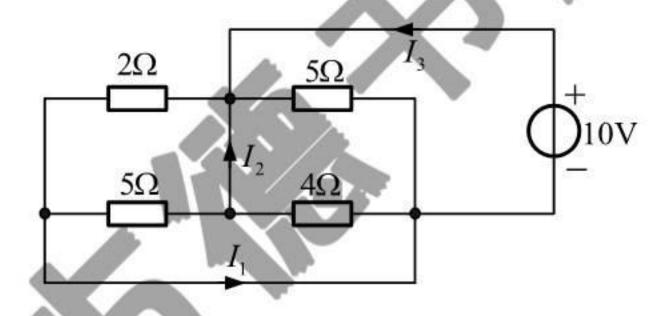
对回路 1 列 KVL 方程有:

$$I_2 + 7 \times I_4 - 2 \times I_3 = 0$$

代入数值, 联立以上各式可得: I3=-2A,

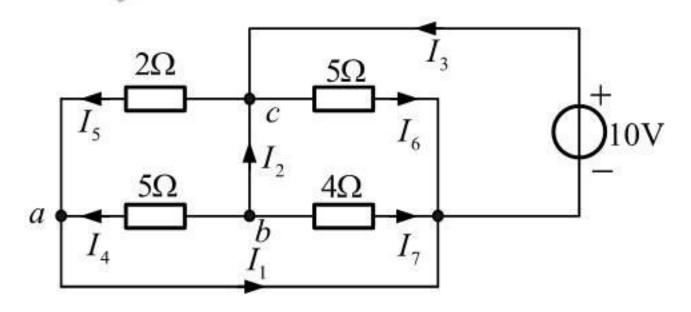
$$I_4=-1A$$
, $I_5=4A$, $I_6=3A$

1-15 求题 1-15 图示电路的电流 I1、I2和 I3。



题 1-15 图

解: 分析如下图



易知:
$$I_4 = \frac{10}{5} = 2A$$
 $I_5 = \frac{10}{2} = 5A$

$$I_6 = \frac{10}{5} = 2A$$
 $I_7 = \frac{10}{4} = 2.5A$

对结点 a 列 KCL 方程有: $I_1 - I_4 - I_5 = 0$

对结点 b 列 KCL 方程有: $I_2 + I_4 + I_7 = 0$

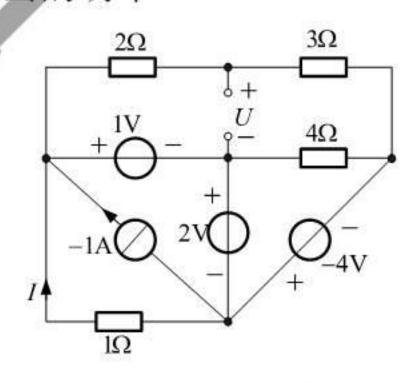
对结点 c 列 KCL 方程有:

$$-I_2 - I_3 + I_5 + I_6 = 0$$

联立以上各式可知: $I_1=7A$, $I_2=-4.5A$,

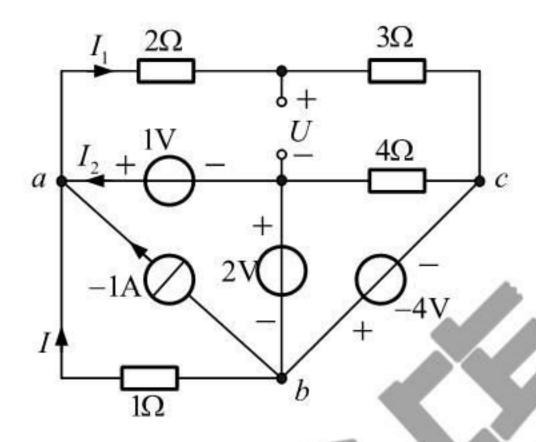
$$I_3 = 11.5 \text{A}$$
 .

1-16 电路如题 1-16 图所示,求 U、I 及 1V 电压源发出的功率。



题 1-16 图

解:分析如下图所示



易知:
$$u_{ab} = 2 + 1 = 3V$$
, $\Rightarrow I = -\frac{u_{ab}}{1} = -3A$

$$u_{ac} = 2 + 1 + (-4) = -1V$$
,

$$\Rightarrow I_1 = \frac{u_{ac}}{2+3} = -0.2A$$

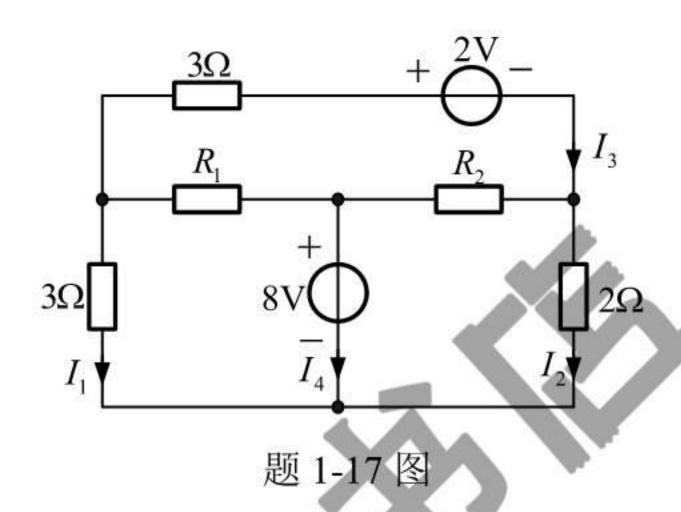
所以
$$U = 2 + 1 - 2 \times I_1 - 2 = 1.4$$
V

对结点 a 列 KCL 方程有:

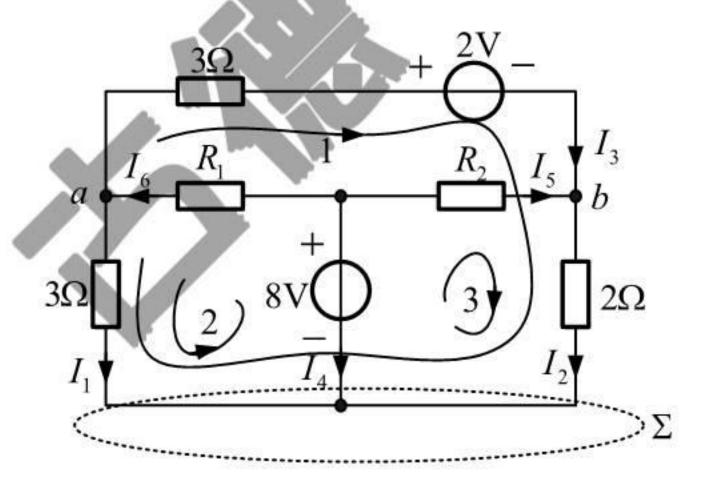
$$-I + I_1 - I_2 + 1 = 0 \Rightarrow I_2 = 3.8A$$

1V 电压源发出的功率 $P_{1V} = 1 \times I_2 = 3.8W$

1-17 题 1-17 图示电路中, 已知 *I*₁=*I*₂=2A, 求 *I*₃、*I*₄、*R*₁和 *R*₂的值。



解:分析如下图所示



对回路 1 列 KVL 方程有:

$$-3I_1 + 3I_3 + 2 + 2I_2 = 0$$

对回路 2 列 KVL 方程有:

$$3I_1 - 8 + I_6 \times R_1 = 0$$

对回路 3 列 KVL 方程有:

$$2I_2 - 8 + I_5 \times R_2 = 0$$

对结点 a 列 KCL 方程有: $I_1 + I_3 - I_6 = 0$

对结点b列KCL方程有: $I_2 - I_3 - I_5 = 0$

对超结点 \sum 列 KCL 方程有: $-I_1-I_2-I_4=0$

联立以上各式,代入数值,有: I3=0A,

 $I_4=-4A$, $R_1=1\Omega$, $R_2=2\Omega$